



参考答案及解析

2023—2024学年度上学期高三年级一调考试·数学

一、选择题

1. C 【解析】由 $-3 < 2x-1 \leq 3$, 可得 $-1 < x \leq 2$, 又 $x \in \mathbb{Z}$, 所以集合 $\{x | -3 < 2x-1 \leq 3, x \in \mathbb{Z}\} = \{0, 1, 2\}$.
2. A 【解析】 $m(3+i)-(2-i)=3m-2+(m+1)i$, 因为 $\frac{2}{3} < m < 1$, 所以 $3m-2 > 0, m+1 > 0$, 所以复数 $m(3+i)-(2-i)$ 在复平面内对应的点 $(3m-2, m+1)$ 位于第一象限.
3. C 【解析】因为 $\left(\frac{\overrightarrow{AB}}{|\overrightarrow{AB}|} + \frac{\overrightarrow{AC}}{|\overrightarrow{AC}|}\right) \cdot \overrightarrow{BC} = 0$, 所以内角A的角平分线与BC垂直, 所以 $AB=AC$, 因为 $\cos A = \frac{\overrightarrow{AB} \cdot \overrightarrow{AC}}{|\overrightarrow{AB}| |\overrightarrow{AC}|} = \frac{\sqrt{3}}{2}$, 所以 $A = \frac{\pi}{6}$, 则 $\triangle ABC$ 是底边和腰不相等的等腰三角形.
4. A 【解析】由 $e^{-b} > 2$, 可得 $e^{-b} > 1, a-b > 0, a > b$, 故 $e^{-b} > 2$ 是 $a > b$ 的一个充分条件, 故A正确; 由 $\ln \frac{a}{b} > 0$, 可得 $\frac{a}{b} > 1$, 不妨取 $a=-2, b=-1$, 推不出 $a > b$, 故B错误; $a^a > b^b$, 不妨取 $a=-2, b=-1$, 满足 $a^a = \frac{1}{4} > b^b = -1$, 推不出 $a > b$, 故C错误; $\frac{1}{a} < \frac{1}{b}$, 不妨取 $a=-2, b=1$, 满足 $\frac{1}{a} < \frac{1}{b}$, 推不出 $a > b$, 故D错误.
5. B 【解析】因为在平行四边形ABCD中, M为BC中点, AC与MD相交于点P, 所以 $\frac{AD}{CM} = \frac{AP}{PC} = 2$, 所以 $\overrightarrow{AP} = \frac{2}{3}\overrightarrow{AC} = \frac{2}{3}(\overrightarrow{AB} + \overrightarrow{AD})$. 又 $\overrightarrow{AP} = x\overrightarrow{AB} + y\overrightarrow{AD}$, 所以 $x = y = \frac{2}{3}$, $x+y = \frac{4}{3}$.
6. A 【解析】因为 $\sin(2019\pi-\alpha) = -\frac{\sqrt{5}}{3}$, 所以 $\sin \alpha = -\frac{\sqrt{5}}{3}$. 又因为 α 为第三象限角, 所以 $\cos \alpha = -\frac{2}{3}$, 所以 $\sin 2\alpha + \cos^2 \alpha + 1 = 2\sin \alpha \cos \alpha + \cos^2 \alpha + 1 = 2 \times (-\frac{\sqrt{5}}{3}) \times (-\frac{2}{3}) + (-\frac{2}{3})^2 + 1 = \frac{4\sqrt{5} + 13}{9}$.
7. D 【解析】当 $x+1 \geq 0$, 即 $x \geq -1$ 时, $f(x) = x^2 + x + 1$, 所以 $f(x) \geq (m+2)x-1$, 即 $x^2 + x + 1 \geq (m+2)x-1$, 即 $x^2 - (m+1)x + 2 \geq 0$, 令 $g(x) = x^2 -$

- $(m+1)x + 2$, 对称轴为直线 $x = \frac{m+1}{2}$, 当 $\frac{m+1}{2} \leq -1$, 即 $m \leq -3$ 时, $g(x)$ 在区间 $[-1, +\infty)$ 上单调递增, 所以 $g(x)_{\min} = g(-1) = m+4$, 所以只要 $m+4 \geq 0$ 即可, 解得 $m \geq -4$, 所以 $-4 \leq m \leq -3$. 当 $\frac{m+1}{2} > -1$, 即 $m > -3$ 时, $g(x)_{\min} = g(\frac{m+1}{2}) = \frac{(m+1)^2}{4} - \frac{(m+1)^2}{2} + 2 = -\frac{(m+1)^2}{4} + 2$, 所以只要 $-\frac{(m+1)^2}{4} + 2 \geq 0$ 即可, 解得 $-1 - 2\sqrt{2} \leq m \leq 2\sqrt{2} - 1$, 所以 $-3 \leq m \leq 2\sqrt{2} - 1$. 所以当 $x \geq -1$ 时, $-4 \leq m \leq 2\sqrt{2} - 1$. 当 $x < -1$ 时, $f(x) = x^2 - x - 1$, 所以 $x^2 - x - 1 \geq (m+2)x-1$, 解得 $x \leq m+3$, 所以只要 $m+3 \geq -1$ 即可, 解得 $m \geq -4$. 综上, $-4 \leq m \leq 2\sqrt{2} - 1$.
8. D 【解析】因为 $f(x) = \left(4\cos^2 \frac{x}{2} - 2\right) \sin x + \cos 2x + 2 = 2\cos x \sin x + \cos 2x + 2 = \sin 2x + \cos 2x + 2 = \sqrt{2} \sin\left(2x + \frac{\pi}{4}\right) + 2$, 由 $2x + \frac{\pi}{4} = k\pi (k \in \mathbb{Z})$, 得 $x = \frac{k\pi}{2} - \frac{\pi}{8} (k \in \mathbb{Z})$. 当 $k=1$ 时, $x = \frac{3\pi}{8}$, 故函数 $f(x)$ 的图象关于点 $(\frac{3\pi}{8}, 2)$ 对称, 由等差中项的性质可得 $a_1 + a_9 = a_2 + a_8 + a_3 + a_7 = a_4 + a_6 = 2a_5$, 所以数列 $\{a_n\}$ 的前9项和为 $f(a_1) + f(a_2) + \dots + f(a_9) = 4 \times 4 + f(a_5) = 18$.
- ### 二、选择题
9. ACD 【解析】设 $z = a+bi (a, b \in \mathbb{R})$, 则 $z \cdot \bar{z} = (a+bi) \cdot (a-bi) = a^2 + b^2 = |z|^2$, 故A正确; 令 $z = i$, 满足 $|z| = |i| = 1$, 故B错误; 设 $z_1 = a+bi (a, b \in \mathbb{R}), z_2 = c+di (c, d \in \mathbb{R})$, 则 $z_1 z_2 = (a+bi)(c+di) = ac - bd + (ad + bc)i$, 所以 $|z_1 z_2| = \sqrt{(ac - bd)^2 + (ad + bc)^2} = \sqrt{(ac)^2 + (bd)^2 + (ad)^2 + (bc)^2} = \sqrt{a^2 + b^2} \cdot \sqrt{d^2 + c^2} = |z_1| |z_2|$, 故C正确; 设 $z = a+bi (a, b \in \mathbb{R})$, 则 $|z-1| = |a-1+bi| = \sqrt{(a-1)^2 + b^2} = 1$, 即 $(a-1)^2 + b^2 = 1$, 表示以 $(1, 0)$ 为圆心, 1为半径的圆, $|z+1| = \sqrt{(a+1)^2 + b^2}$ 表示圆上的点到点 $(-1, 0)$ 的距离, 故 $|z+1|$ 的最小值为1, 故D正确.
10. ACD 【解析】对于A, 当点G为 $\triangle ABC$ 的重心时, 如图所示, 设BC中点为O, 连接GO并延长至点D,

关于我们

自主选拔在线是致力于提供新高考生涯规划、强基计划、综合评价、三位一体、学科竞赛等政策资讯的升学服务平台。总部坐落于北京，旗下拥有网站（[网址：www.zizzs.com](http://www.zizzs.com)）和微信公众平台等媒体矩阵，用户群体涵盖全国 90%以上的重点中学师生及家长，在全国新高考、自主选拔领域首屈一指。

如需第一时间获取相关资讯及备考指南，请关注**自主选拔在线**官方微信号：**zizzsw**。



微信搜一搜

自主选拔在线

