

绝密★启用前

## 2022 届新高三摸底联考 文数试卷

本试卷共 4 页, 23 题(含选考题)。全卷满分 150 分。考试用时 120 分钟。

注意事项:

1. 答题前, 先将自己的姓名、考号等填写在试题卷和答题卡上, 并将准考证号条形码粘贴在答题卡上的指定位置。
2. 选择题的作答: 选出每小题答案后, 用 2B 铅笔把答题卡上对应题目的答案标号涂黑。写在试题卷、草稿纸和答题卡上的非答题区域均无效。
3. 填空题和解答题的作答: 用签字笔直接写在答题卡上对应的答题区域内。写在试题卷、草稿纸和答题卡上的非答题区域均无效。
4. 选考题的作答: 先把所选题目的题号在答题卡上指定的位置用 2B 铅笔涂黑。答案写在答题卡上对应的答题区域内, 写在试题卷、草稿纸和答题卡上的非答题区域无效。
5. 考试结束后, 请将本试题卷和答题卡一并上交。

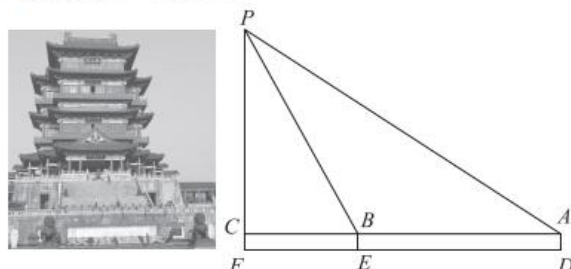
### 第 I 卷

一、选择题: 本题共 12 小题, 每小题 5 分, 共 60 分。在每小题给出的四个选项中, 只有一项是符合题目要求的。

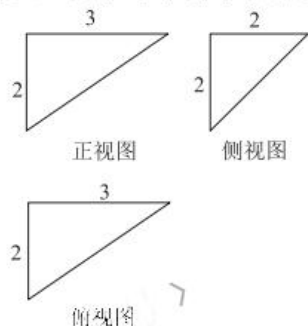
1. 已知全集  $U = \{0, 1, 2, 3, 4, 5\}$ , 集合  $M = \{0, 2, 3\}$ ,  $N = \{3, 4\}$ , 则  $\complement_U(M \cap N) =$   
A.  $\{1, 5\}$       B.  $\{1, 2, 4, 5\}$       C.  $\{0, 2, 4, 5\}$       D.  $\{0, 1, 2, 4, 5\}$
2. 已知复数  $z$  满足  $z \cdot (2-i) = 5i$ , 则  $z$  的共轭复数的虚部为  
A.  $-2$       B.  $2$       C.  $-2i$       D.  $2i$
3. 命题“ $\exists x_0 > 0, x_0^3 > 2x_0$ ”的否定是  
A.  $\exists x_0 \leq 0, x_0^3 \leq 2x_0$       B.  $\forall x > 0, x^3 \leq 2x$   
C.  $\forall x \leq 0, x^3 \leq 2x$       D.  $\exists x_0 > 0, x_0^3 \leq 2x_0$
4. 设  $5^a = 4, b = -\log_{\frac{1}{3}} 3, c = \left(\frac{1}{3}\right)^{-\frac{1}{5}}$ , 则  $a, b, c$  的大小关系是  
A.  $a > b > c$       B.  $b > c > a$       C.  $c > b > a$       D.  $c > a > b$
5. 在区间  $[-2, 3]$  上随机取一个数  $t$ , 使  $-t^2 + t + 2 > 0$  的概率为  
A.  $\frac{1}{5}$       B.  $\frac{2}{5}$       C.  $\frac{3}{5}$       D.  $\frac{4}{5}$
6. 中国古代数学名著《算法统宗》中有这样一个问题: 今有俸粮三百零五石, 令五等官(正一品、从一品、正二品、从二品、正三品)依品递差十三石分之, 问各若干? 其大意是: 现有俸粮 305 石, 分给正一品、从一品、正二品、从二品、正三品这 5 位官员, 依照品级递减 13 石分这些俸粮, 问每个人各分得多少俸粮? 在这个问题中, 正三品分得俸粮数量为  
A. 74 石      B. 61 石      C. 48 石      D. 35 石
7. 已知函数  $f(x) = 2\cos\left(2x - \frac{\pi}{3}\right)$ , 现将  $y = f(x)$  的图象向右平移  $\frac{\pi}{6}$  个单位长度, 再将所得图象上各点的横坐标伸长为原来的 2 倍, 纵坐标不变, 得到函数  $y = g(x)$  的图象, 则  $g(0) =$   
A.  $-\sqrt{3}$       B.  $-1$       C.  $0$       D.  $1$
8. 已知正三棱柱  $ABC-A_1B_1C_1$  中,  $BB_1 = 2AB$ , 点  $D$  是  $B_1C_1$  的中点, 则异面直线  $CD$  与  $AB_1$  所成角的余弦值为  
A.  $\frac{\sqrt{85}}{10}$       B.  $\frac{\sqrt{15}}{10}$       C.  $\frac{\sqrt{51}}{17}$       D.  $\frac{\sqrt{51}}{3}$

高三大联考·文数 第 1 页 (共 4 页)

9. 江西南昌的滕王阁, 位于南昌沿江路赣江东岸, 始建于唐永徽四年(即公元 653 年), 是古代江南唯一的皇家建筑. 因初唐诗人王勃所作《滕王阁序》而名传千古, 流芳后世, 被誉为“江南三大名楼”之首(另外两大名楼分别为岳阳的岳阳楼与武汉的黄鹤楼). 小张同学为测量滕王阁的高度, 选取了与底部水平的直线  $DF$ , 将测量仪器分别放置于  $D, E$  两处进行测量. 如图, 测量仪器高  $AD=2$  m, 点  $P$  与滕王阁顶部平齐, 并测得  $\angle CBP=2\angle CAP=60^\circ$ ,  $AB=64$  m, 则滕王阁的高度约为(参考数据  $\sqrt{3}\approx 1.732$ )



- A. 50 m      B. 55.5 m      C. 57.4 m      D. 60 m
10. 如图为一个三棱锥的三视图, 则该三棱锥的外接球表面积为



- A.  $17\pi$       B.  $34\pi$       C.  $68\pi$       D.  $\frac{17\sqrt{17}}{6}\pi$
11. 已知函数  $f(x)=mx^2-4e^x(x>0)$  存在零点, 则实数  $m$  的取值范围为
- A.  $(-\infty, 2)$       B.  $(-\infty, e^2]$   
C.  $[e^2, +\infty)$       D.  $[2e, +\infty)$
12. 已知点  $F_1, F_2$  分别为椭圆  $C: \frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} = 1 (a>b>0)$  的左、右焦点, 点  $M$  在直线  $l: x=-a$  上运动, 若  $\angle F_1MF_2$  的最大值为  $60^\circ$ , 则椭圆  $C$  的离心率是
- A.  $\frac{1}{3}$       B.  $\frac{1}{2}$       C.  $\frac{\sqrt{3}}{2}$       D.  $\frac{\sqrt{2}}{3}$

## 第 II 卷

本卷包括必考题和选考题两部分. 第 13~21 题为必考题, 每个试题考生都必须作答. 第 22~23 题为选考题, 考生根据要求作答.

二、填空题: 本题共 4 小题, 每小题 5 分.

13. 若双曲线  $C: \frac{x^2}{m} - \frac{y^2}{9} = 1 (m>0)$  的一条渐近线方程为  $y = \frac{1}{3}x$ , 则  $m =$  \_\_\_\_\_.
14. 写出一个最大值为 10 的偶函数  $f(x)$ , 即  $f(x) =$  \_\_\_\_\_.
15. 已知向量  $m, n$  满足  $m = (-3, 4)$ ,  $|n| = 1, m \parallel n$ , 则  $|m+5n| =$  \_\_\_\_\_.
16. 在锐角  $\triangle ABC$  中, 角  $A, B, C$  的对边分别为  $a, b, c$ , 且  $(2a-b)\sin B = a(\sin A + \sin B) - c\sin C$ , 则  $\frac{a+b}{c}$  的取值范围为 \_\_\_\_\_ (用区间表示).

三、解答题：解答应写出文字说明、证明过程或演算步骤。

17. (本小题满分 12 分)

某村为巩固脱贫成果，防止返贫致贫，积极引导村民种植一种名贵中药材，但这种中药材需加工成半成品才能销售。现有甲、乙两种针对这种中药材的加工方式可供选择，为比较这两种加工方式的优劣，村委会分别从甲、乙两种加工方式所加工的半成品中，各自随机抽取了 100 件作为样本检测其质量指标值(质量指标值越大，质量越好)，检测结果如下表所示：

指标区间 \ 频数	[70,80)	[80,90)	[90,100)	[100,110)	[110,120]
甲种加工方式	8	20	36	24	12
乙种加工方式	6	26	38	22	8

已知每件中药材半成品的等级与纯利润间的关系如下表所示：

指标区间	[70,90)	[90,100)	[100,120]
等级	二级	一级	特级
纯利润	30	50	100

(1) 将频率视为概率，分别估计甲、乙两种加工方式所加工的一件中药材半成品等级为特级的概率；

(2) 从平均数的角度分析村民选择哪种中药材加工方式获利更多。

18. (本小题满分 12 分)

已知数列  $\{a_n\}$  的前  $n$  项和为  $S_n$ ，且  $a_n = \frac{2S_n + 1}{3}$ 。

(1) 求证：数列  $\{a_n\}$  是等比数列；

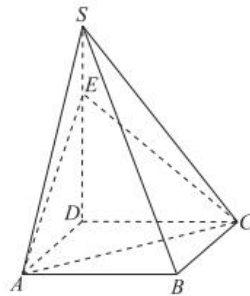
(2) 求数列  $\left\{ \frac{1}{\log_3 a_n \cdot \log_3 a_{n+2}} \right\}$  的前  $n$  项和  $T_n$ 。

19. (本小题满分 12 分)

如图，在四棱锥  $S-ABCD$  中，底面四边形  $ABCD$  是矩形， $SD \perp$  平面  $ABCD$ ， $AC \perp SB$ ， $SD = \sqrt{2}CD = 2$ 。

(1) 求  $SA$  的长；

(2) 若点  $E$  在棱  $SD$  上，且  $2SE = DE$ ，求点  $B$  到平面  $ACE$  的距离。



20. (本小题满分 12 分)

已知抛物线  $C: x^2 = 2py (p > 0)$  的焦点为  $F$ , 且点  $F$  与圆  $M: (x+4)^2 + y^2 = 1$  上点的距离的最大值为  $\sqrt{17} + 1$ .

(1) 求  $p$ ;

(2) 若  $O$  为坐标原点, 直线  $l: y = kx + 4$  与  $C$  相交于  $A, B$  两点, 问:  $\vec{OA} \cdot (\vec{OF} - \vec{BF})$  是否为定值? 若为定值, 求出该定值; 若不为定值, 试说明理由.

21. (本小题满分 12 分)

已知函数  $f(x) = \ln x - m(x^2 - x), (m \geq -8 \text{ 且 } m \neq 0)$ .

(1) 讨论函数  $f(x)$  的单调性;

(2) 证明: 当  $x > 1$  时,  $\ln(x+1) < \frac{x^3 - x}{\ln x}$ .

请考生在第 22、23 题中任选一题作答, 如果多做, 则按所做的第一题计分.

22. (本小题满分 10 分) 选修 4-4: 坐标系与参数方程

在直角坐标系  $xOy$  中, 直线  $l$  的参数方程为 
$$\begin{cases} x = -1 - \frac{\sqrt{2}}{2}t \\ y = 2 + \frac{\sqrt{2}}{2}t \end{cases} \quad (t \text{ 为参数}),$$
 以坐标原点为极

点,  $x$  轴的正半轴为极轴建立极坐标系. 曲线  $C$  的极坐标方程为  $\rho = 4\sqrt{2} \sin(\theta + \frac{\pi}{4})$ .

(1) 求直线  $l$  的普通方程和曲线  $C$  的直角坐标方程;

(2) 若点  $P$  的直角坐标为  $(-1, 2)$ , 直线  $l$  与曲线  $C$  相交于  $A, B$  两点, 求  $|PA|^3 + |PB|^3$  的值.

23. (本小题满分 10 分) 选修 4-5: 不等式选讲

已知函数  $f(x) = |2x+1| + |2x-5|$ .

(1) 解不等式  $f(x) < 8$ ;

(2) 若  $f(x) > |a-2|$  对  $\forall x \in \mathbf{R}$  恒成立, 求  $a$  的取值范围.

## 关于我们

**自主选拔在线**（原自主招生在线）创办于 2014 年，历史可追溯至 2008 年，隶属北京太星网络科技有限公司，是专注于**中国拔尖人才培养**的升学咨询在线服务平台。主营业务涵盖：新高考、学科竞赛、强基计划、综合评价、三位一体、高中生涯规划、志愿填报等。

自主选拔在线旗下拥有网站门户、微信公众平台等全媒体矩阵生态平台。平台活跃用户达百万量级，网站年度流量超 1 亿量级。用户群体涵盖全国 31 省市，全国超 95% 以上的重点中学老师、家长及考生，更有许多重点高校招办老师关注，行业影响力首屈一指。

自主选拔在线平台一直秉承“专业、专注、有态度”的创办公念，不断探索“K12 教育+互联网+大数据”的运营模式，尝试基于大数据理论为广大中学和家长提供中学拔尖人才培养咨询服务，为广大高校、中学和教研单位提供“衔接和桥梁纽带”作用。

平台自创办以来，为众多重点大学发现和推荐优秀生源，和全国数百所重点中学达成深度战略合作，累计举办线上线下升学公益讲座千余场，直接或间接帮助数百万考生顺利通过强基计划（自主招生）、综合评价和高考，进入理想大学，在家长、考生、中学和社会各界具有广泛的口碑影响力，2019 年荣获央广网“年度口碑影响力在线教育品牌”。

未来，自主选拔在线将立足于全国新高考改革，全面整合高校、中学及教育机构等资源，依托在线教育模式，致力于打造更加全面、专业的**新高考拔尖人才培养**服务平台。



 微信搜一搜

 自主选拔在线