

2022—2023 学年高三 5 月高考适应性大练兵联考 数学理科参考答案及评分细则

1. 【答案】B

【解析】 $z = \frac{5}{2-i} = \frac{5(2+i)}{5} = 2+i, \therefore \bar{z} = 2-i$, 故选 B.

2. 【答案】A

【解析】 $A = [0, 2], B = \{x | x \leq 1\}$, 则 $\complement_{\mathbb{R}} B = (1, +\infty)$, 所以 $A \cap (\complement_{\mathbb{R}} B) = (1, 2]$, 故选 A.

3. 【答案】D

【解析】显然 p 为真命题, 当 $x = 2.023$ 时, $(x - 2.023)^{2.023} = 0$, q 为假命题, 故为真命题的是 $p \wedge \neg q$, 故选 D.

4. 【答案】C

【解析】设圆锥的高为 h , 则 $\frac{1}{3}\pi \times 4h = \frac{4}{3}\pi \times 1$, 所以 $h = 1$, 其母线长为 $l = \sqrt{h^2 + r^2} = \sqrt{5}$, 故选 C.

5. 【答案】C

【解析】由已知得 $\bar{x} = \frac{1}{5} \times (1+2+3+4+5) = 3, \bar{y} = \frac{1}{5} \times (9+a+17+b+27) = \frac{53+(a+b)}{5}$, 又直线 $\hat{y} = 4.5x + 3.7$ 过点 (\bar{x}, \bar{y}) , 所以 $\frac{53+(a+b)}{5} = 4.5 \times 3 + 3.7$, 解得 $a+b = 33$, 故选 C.

6. 【答案】B

【解析】由函数的单调性可知, 若 $f(x)$ 存在最大值, 则最大值是 $f\left(\frac{1}{4}\right) = 2$, 当 $x < \frac{1}{4}$ 时, $f(x) = 16^x + t$ 的范围是 $(2+t)$, 由题意 $f(x)$ 存在最大值, 则 $2+t \leq 2$, 解得 $t \leq 0$, 故选 B.

7. 【答案】C

【解析】设 $AC = x, CD = y$, 由角平分线定理得 $\frac{AB}{AC} = \frac{BD}{CD}$, 即 $\frac{6}{x} = \frac{4}{y}$, 整理得 $2x = 3y$ ①, 由斯库顿定理得 $AD^2 = AB \cdot AC - BD \cdot CD$, 即 $25 = 6x - 4y$ ②, 由①②解得 $x = \frac{15}{2}, y = 5$, 即 $CD = 5, AC = \frac{15}{2}$, 则 $BC = 9$, 所以点 P 恰好落在 $\triangle ABD$ 内的概率为 $P = \frac{S_{\triangle ABD}}{S_{\triangle ABC}} = \frac{BD}{BC} = \frac{4}{9}$, 故选 C.

8. 【答案】B

【解析】因为 $b \sin\left(\frac{\pi}{2} - C\right) = (c - 2a) \cos(\pi - B)$, 所以 $b \cos C = (2a - c) \cos B$, 由正弦定理得 $\sin B \cos C + \sin C \cos B = 2 \sin A \cos B$, 即 $\sin A = 2 \sin A \cos B$, 因为 $A \in (0, \pi)$, 所以 $\sin A \neq 0$, 所以 $\cos B = \frac{1}{2}$, 由余弦定理可得 $4 = a^2 + c^2 - ac = (a+c)^2 - 3ac = 9 - 3ac$, $\therefore ac = \frac{5}{3}$, 故选 B.

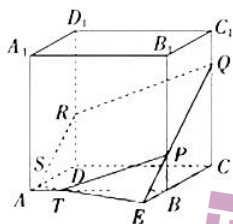
9. 【答案】C

【解析】由 $M(12, 2)$, 可得点 A 的纵坐标为 2, 设 $A(m, 2)$, 则 $4 = 8m$, 解得 $m = \frac{1}{2}$, 由题意可得, 反射光线过焦点 $(2, 0)$, 所以直线 AB 的方程为 $y - 0 = \frac{2-0}{\frac{1}{2}-2}(x-2)$, 整理可得 $y = -\frac{4}{3}(x-2)$, 联立 $\begin{cases} y = -\frac{4}{3}(x-2) \\ y^2 = 8x \end{cases}$, 整理可得 $2x^2 - 17x + 8 = 0$, 解得 $x_1 = \frac{1}{2}, x_2 = 8$, 故 $B(8, -8)$, 所以 $|MB| = \sqrt{(12-8)^2 + (2+8)^2} = 2\sqrt{29}$, 故选 C.

数学理科 第 1 页 (共 7 页)

10. 【答案】C

【解析】连接 QP 并延长交 CB 的延长线于点 E , 连接 ET 并延长交 AD 于点 S , 过点 S 作 $SR \parallel EQ$ 交 DD_1 于点 R , 连接 RQ , 则五边形 $PQRST$ 即为平面 PQT 截该长方体所得的截面多边形, 故选 C.



11. 【答案】A

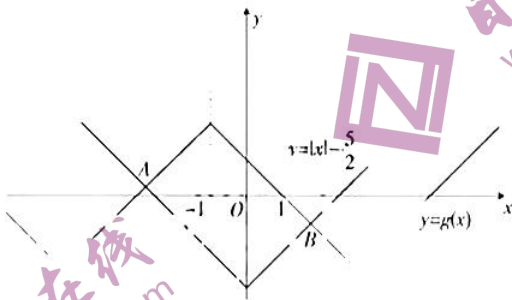
【解析】 $g(x) = f\left(x + \frac{\pi}{16}\right) = 3\cos\left(2x - \frac{\pi}{8}\right)$, 令 $-\pi + 2k\pi \leq 2x - \frac{\pi}{8} \leq 2k\pi (k \in \mathbf{Z})$, 解得 $k\pi - \frac{7\pi}{16} \leq x \leq \frac{\pi}{16} + k\pi (k \in \mathbf{Z})$, 所以 $g(x)$ 的单调递增区间为 $\left[k\pi - \frac{7\pi}{16}, \frac{\pi}{16} + k\pi\right] (k \in \mathbf{Z})$, 因为 $0 \in [-t, 2t]$, 所以 $[-t, 2t] \subseteq \left[-\frac{7\pi}{16}, \frac{\pi}{16}\right]$, 所

$$\text{以 } \begin{cases} -t \geq -\frac{7\pi}{16}, \\ 2t \leq \frac{\pi}{16}, \end{cases} \text{ 解得 } t \leq \frac{\pi}{32}, \text{ 又 } t > 0, \text{ 故 } 0 < t \leq \frac{\pi}{32}, \text{ 故选 A.}$$

12. 【答案】C

【解析】若 $f(-1-3x)$ 为奇函数, 则 $f(-1+3x) = -f(-1-3x)$, 即 $f(-1+x) = -f(-1-x)$, 两边同时求导, 得 $f'(-1+x) = -f'(-1-x)$, 即 $g(-1+x) = g(-1-x)$, 所以 $g(x)$ 的图象关于直线 $x = -1$ 对称, 且 $g(x) = g(-2-x)$ ①; 因为 $f(3x+1)$ 为偶函数, 所以 $f(-3x+1) = f(3x+1)$, 即 $f(-x+1) = f(x+1)$, 两边求导得 $-f'(-x+1) = f'(x+1)$, 即 $g(1+x) = -g(1-x)$, 所以 $g(x)$ 的图象关于点 $(1, 0)$ 中心对称, 且 $g(x) = -g(2-x)$ ②; 由①②得 $g(-2-x) = -g(2-x)$, 即 $g(2+x) = -g(-2+x) = g(-6+x)$, 所以 $g(8+x) = g(x)$, 所以 $g(x)$ 的一个

周期为 8. 作出函数 $y = g(x)$ 与 $y = |x| - \frac{5}{2}$ 的图象如图所示, 由 $\begin{cases} y = x+3, \\ y = -x - \frac{5}{2}, \end{cases}$ 得 $x_1 = -\frac{11}{4}$, 由 $\begin{cases} y = -x+1, \\ y = 5 \end{cases}$ 得 $x_2 = -\frac{7}{4}$, 结合图象可知, 不等式 $g(x) \geq |x| - \frac{5}{2}$ 的解集为 $\left[-\frac{11}{4}, \frac{7}{4}\right]$, 故选 C. 来源: 高三答案公众号



13. 【答案】 $\frac{1}{4}$

【解析】 $|2a-b| = 2|b| = 2$, 两边平方得 $4a^2 + b^2 - 4a \cdot b = 5 - 4a \cdot b = 4$, $\therefore a \cdot b = \frac{1}{4}$.

14. 【答案】81

【解析】因为 $a_{n+1}^2 = a_n \cdot a_{n+2}$, 所以数列 $\{a_n\}$ 是等比数列, 设其公比为 q , 则 $q^3 = \frac{a_4}{a_1} = 27$, $\therefore q = 3$, 则 $a_6 = a_1 q^5 = 9 \times 3^2 = 81$.

15. 【答案】864

【解析】不同的排课方法总数为 $C_4^2 A_2^2 A_3^3 A_4^4 = 864$.

16. 【答案】 $\frac{3\sqrt{5}}{5}$

【解析】设 C 的焦距为 $2c$, 不妨设直线 $l: y = \frac{b}{a}(x+c)$, 即 $bx - ay + bc = 0$, 则原点 O 到直线 l 的距离为 $d = \frac{bc}{\sqrt{b^2 + a^2}} = b$, 所以 $|AB| = 2\sqrt{a^2 - d^2} = 2\sqrt{a^2 - b^2} = b$, 整理得 $4a^2 = 5b^2$, 即 $4a^2 = 5c^2 - 5a^2$, 所以 $9a^2 = 5c^2$, 所以

C 的离心率 $e = \frac{c}{a} = \frac{3\sqrt{5}}{5}$.

【评分细则】

1. 第 13 题结果也可写成 0.25.

2. 第 15 题结果若写成排列组合数形式, 不给分.

3. 第 16 题结果若写成 $\sqrt{\frac{9}{5}}$, 不给分.

17. 解: (1) 设公差为 d , 由 $S_3 = 4(a_1 + a_3) + 1$, 得 $S_3 = 8a_2 + 1 = 25$, (1 分)

$$\text{所以} \begin{cases} a_1 + d = 3, \\ 5a_1 + 10d = 25, \end{cases}$$

$$\text{解得} \begin{cases} a_1 = 1, \\ d = 2. \end{cases} \text{ (4 分)}$$

所以 $\{a_n\}$ 的通项公式为 $a_n = a_1 + (n-1)d = 2n-1$, (5 分)

$$S_n = \frac{n(a_1 + a_n)}{2} = n^2. \text{ (6 分)}$$

$$(2) \text{若选①: } b_n = \frac{1}{\sqrt{a_{n+1}} + \sqrt{a_n}} = \frac{1}{\sqrt{2n+1} + \sqrt{2n-1}} = \frac{1}{2} (\sqrt{2n+1} - \sqrt{2n-1}), \text{ (9 分)}$$

$$\text{所以 } T_n = b_1 + b_2 + \cdots + b_n$$

$$= \frac{1}{2} (\sqrt{3} - 1 + \sqrt{5} - \sqrt{3} + \cdots + \sqrt{2n+1} - \sqrt{2n-1})$$

$$= \frac{\sqrt{2n+1} - 1}{2}. \text{ (12 分)}$$

$$\text{若选②: } b_n = \frac{a_{n+1}}{S_n S_{n+1}} = \frac{2n+1}{n^2(n+1)^2} = \frac{1}{n^2} - \frac{1}{(n+1)^2}, \text{ (9 分)}$$

$$\text{所以 } T_n = b_1 + b_2 + \cdots + b_n$$

$$= 1 - \frac{1}{2^2} + \frac{1}{2^2} - \frac{1}{3^2} + \cdots + \frac{1}{n^2} - \frac{1}{(n+1)^2}$$

$$= 1 - \frac{1}{(n+1)^2} = \frac{n^2 + 2n}{n^2 + 2n + 1}. \text{ (12 分)}$$

$$\text{若选③: } b_n = \frac{1}{a_n a_{n+1}} = \frac{1}{(2n-1)(2n+1)} = \frac{1}{2} \left(\frac{1}{2n-1} - \frac{1}{2n+1} \right), \text{ (9 分)}$$

$$\text{所以 } T_n = b_1 + b_2 + \cdots + b_n$$

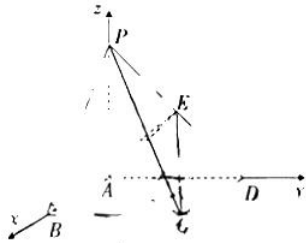
$$= \frac{1}{2} \left(1 - \frac{1}{3} + \frac{1}{3} - \frac{1}{5} + \cdots + \frac{1}{2n-1} - \frac{1}{2n+1} \right)$$

$$= \frac{1}{2} \left(1 - \frac{1}{2n+1} \right)$$

$$= \frac{n}{2n+1}. \text{ (12 分)}$$

【评分细则】

- 第(1)小题中,未设公差为 d 而直接列出关于 a_1 与 d 的方程组,不扣分.
 - 第(2)小题中,若选①,结果写成 $\frac{1}{2}(\sqrt{2n+1}-1)$ 或 $\frac{\sqrt{2n+1}}{2}-\frac{1}{2}$ 均不扣分;若选②,结果写成 $1-\frac{1}{(n+1)^2}$ 或 $\frac{n^2+2n}{(n+1)^2}$ 或 $\frac{n(n+2)}{(n+1)^2}$ 均不扣分;若选③,结果写成 $\frac{1}{2}\left(1-\frac{1}{2n+1}\right)$ 或 $\frac{1}{2}-\frac{1}{4n+2}$ 均不扣分.
18. (1) 证明:因为 $PA \perp$ 平面 $ABCD$,所以 $PA \perp CD$. (1分) 来源:高三答案公众号
因为四边形 $ABCD$ 是正方形,所以 $CD \perp AD$,
又 $PA \cap AD = A$,所以 $CD \perp$ 平面 PAD ,
又 $AE \subset$ 平面 PAD ,所以 $CD \perp AE$, (2分)
又 $AE \perp CE$, $CE \cap CD = C$,
所以 $AE \perp$ 平面 PCD , (3分)
 $PD \subset$ 平面 PCD ,所以 $AE \perp PD$, (4分)
又 $AD = AP$,所以点 E 是 PD 的中点. (5分)
- (2) 解:由已知可知 AP, AB, AD 两两垂直,
以点 A 为坐标原点, AB, AD, AP 所在直线分别为 x, y, z 轴,建立如图所示的空间直角坐标系,
设 $AB = 2$,则 $A(0,0,0), B(2,0,0), C(2,2,0), E(0,1,1)$,
所以 $\vec{CE} = (-2, -1, 1), \vec{AC} = (2, 2, 0), \vec{BE} = (-2, 1, 1)$, (7分)



设平面 ACE 的一个法向量为 $\mathbf{n} = (x, y, z)$, 则 $\begin{cases} \mathbf{n} \cdot \vec{CE} = -2x - y + z = 0, \\ \mathbf{n} \cdot \vec{AC} = 2x + 2y = 0, \end{cases}$

令 $x = 1$, 则 $y = -1, z = 1$, 所以 $\mathbf{n} = (1, -1, 1)$. (9分)

设直线 BE 与平面 ACE 所成的角为 θ ,

$$\text{则 } \sin \theta = |\cos \langle \vec{BE}, \mathbf{n} \rangle| = \frac{|\vec{BE} \cdot \mathbf{n}|}{|\vec{BE}| |\mathbf{n}|} = \frac{|-2 \times 1 + 1 \times (-1) + 1 \times 1|}{\sqrt{4+1+1} \times \sqrt{1+1+1}} = \frac{\sqrt{2}}{3}, \text{ (11分)}$$

$$\text{所以 } \cos \theta = \sqrt{1 - \sin^2 \theta} = \frac{\sqrt{7}}{3},$$

即直线 BE 与平面 ACE 所成角的余弦值为 $\frac{\sqrt{7}}{3}$. (12分)

【评分细则】

- 第(1)小题若用空间向量法求解,酌情给分,若过程及答案无误,则给满分.
- 第(2)小题若未用空间向量法求解,酌情给分,若过程及答案无误,则给满分.
- 第(2)小题中,设 AB 为其他数值或字母也可.
- 第(2)小题中,法向量 \mathbf{n} 的坐标不唯一,只要与向量 $\mathbf{n} = (1, -1, 1)$ 平行,即可得分.
- 本题建系方法不唯一,其他建系方法酌情给分.

19. 解:(1)由样本频率分布直方图可知,成绩不低于90分的有 $0.2 \times 40 = 8$ 人. (1分)

$$\text{解法一:则随机抽取2人至少有1人成绩不低于90分的概率 } P = \frac{C_{32}^1 C_8^1 + C_8^2}{C_{40}^2} = \frac{71}{195}. \text{ (3分)}$$

$$\text{解法二: } P = 1 - \frac{C_{32}^2}{C_{40}^2} = \frac{71}{195}. \text{ (3分)}$$

(2)(i) $\mu = 65 \times 0.15 + 75 \times 0.3 + 85 \times 0.35 + 95 \times 0.2 = 81$, (4分)

所以成绩超过 90.5 分的概率为 $P(X > 90.5) = P(X > \mu + \sigma) = \frac{1 - P(\mu - \sigma < X \leq \mu + \sigma)}{2} \approx 0.15865$, (6分)

所以 $12\,000 \times P(X > 90.5) \approx 1\,903.8 \approx 1\,904$, 来源: 高三答案公众号

所以估计竞赛成绩超过 90.5 分的大学生约为 1 904 人. (8分)

(ii) 由 $\mu = 81$, 得 $P(X > 81) = \frac{1}{2}$, 所以随机变量 $Y \sim B\left(5, \frac{1}{2}\right)$, (10分)

所以 Y 的期望为 $E(Y) = 5 \times \frac{1}{2} = \frac{5}{2}$. (12分)

【评分细则】

1. 第(2)小题中, 若 $P(X > 90.5)$ 的结果四舍五入, 从而导致最终结果不是 1 904, 则扣 1 分.

2. 第(2)小题中, Y 的期望若写成 2.5, 不扣分.

20. 解: (1) 由 C 的上顶点为 $M(0, 1)$, 得 $b = 1$, (1分)

圆 D 的圆心为 $D(a, 0)$, 半径 $r = 1$.

所以 $|MP|_{\min} = |MD| + r = \sqrt{a^2 + 1} + 1 = 3$,

解得 $a^2 = 3$, (4分)

所以 G 的标准方程为 $\frac{x^2}{3} + y^2 = 1$. (5分)

(2) 因为直线 l 经过点 $(0, -3)$ 且不经过点 M , 所以直线 l 的斜率存在. (6分)

设直线 l 的方程为 $y = kx - 3$, $A(x_1, y_1)$, $B(x_2, y_2)$,

$$\text{联立} \begin{cases} \frac{x^2}{3} + y^2 = 1, \\ y = kx - 3, \end{cases} \text{得} (1 + 3k^2)x^2 - 18kx + 24 = 0,$$

则 $\Delta = 18^2k^2 - 96(1 + 3k^2) > 0$, 解得 $k > \frac{2\sqrt{6}}{3}$, 或 $k < -\frac{2\sqrt{6}}{3}$, (7分)

所以 $x_1 + x_2 = \frac{18k}{1 + 3k^2}$, $x_1x_2 = \frac{24}{1 + 3k^2}$, (8分)

所以 $k_1 = \frac{y_1 - 1}{x_1}$, $k_2 = \frac{y_2 - 1}{x_2}$,

所以 $k_1 \cdot k_2 = \frac{kx_1 - 4}{x_1} \cdot \frac{kx_2 - 4}{x_2} = \frac{k^2x_1x_2 - 4k(x_1 + x_2) + 16}{x_1x_2} = \frac{16}{24} = \frac{2}{3}$.

即 $k_1 \cdot k_2$ 为定值 $\frac{2}{3}$. (12分)

【评分细则】

1. 第(1)小题中, C 的方程正确, 但未写成标准方程形式则扣 1 分.

2. 第(2)小题中, 未强调直线 l 的斜率存在不扣分.

3. 第(2)小题中, 未强调 $\Delta > 0$ 扣 1 分.

4. 第(2)小题中, 直线 l 的方程也可设为 $x = m(y + 3)$ 的形式, 此种解法酌情给分, 过程及结果无误, 则给满分.

21. 解: (1) 当 $a = 1$ 时, $f(x) = e^{1-x} - 2\sqrt{1-x} = -1$,

所以 $f'(x) = -e^{1-x}$,

故 $f'(1) = -1$, (2分)

所以曲线 $y = f(x)$ 在点 $(1, f(1))$ 处的切线方程为 $y + 1 = -1 \cdot (x - 1)$, 即 $x + y = 0$. (3分)

$$(2) g(x) = f(x) + \ln(x-1) = ae^{1-x} + \ln(x-1) - 2,$$

$$g'(x) = -ae^{1-x} + \frac{1}{x-1},$$

$$\text{依题意, 得 } g'(x_1) = g'(x_2) = 0, \text{ 则 } \begin{cases} e^{1-x_1} - a(x_1-1) = 0, \\ e^{1-x_2} - a(x_2-1) = 0, \end{cases}$$

$$\text{设 } t_1 = x_1 - 1, t_2 = x_2 - 1,$$

$$\text{则 } \begin{cases} e^{t_1} = at_1, \\ e^{t_2} = at_2, \end{cases}$$

$$\text{两式相除得 } e^{t_2-t_1} = \frac{t_2}{t_1}, \text{ (5分)}$$

$$\text{设 } \frac{t_2}{t_1} = m, \text{ 则 } m > 1, t_2 = mt_1, e^{(m-1)t_1} = m,$$

$$\therefore t_1 = \frac{\ln m}{m-1}, t_2 = \frac{m \ln m}{m-1},$$

$$\therefore t_1 + t_2 = \frac{(m+1) \ln m}{m-1}, \text{ (7分)}$$

$$\text{设 } h(m) = \frac{(m+1) \ln m}{m-1} (m > 1), \text{ 则 } h'(m) = \frac{m - \frac{1}{m} - 2 \ln m}{(m-1)^2}, \text{ (8分)}$$

$$\text{设 } \varphi(m) = m - \frac{1}{m} - 2 \ln m (m > 1), \text{ 则 } \varphi'(m) = 1 + \frac{1}{m^2} - \frac{2}{m} = \frac{(m-1)^2}{m^2} > 0,$$

$\therefore \varphi(m)$ 在 $(1, +\infty)$ 上单调递增, 则 $\varphi(m) > \varphi(1) = 0$,

$\therefore h'(m) > 0$, 则 $h(m)$ 在 $(1, +\infty)$ 上单调递增. (10分)

$$\text{又 } (x_1 - 1) + (x_2 - 1) \leq \frac{\ln 1024}{3}, \text{ 所以 } t_1 + t_2 \leq \frac{\ln 1024}{3},$$

$$\text{即 } h(m) \leq \frac{\ln 1024}{3}, \text{ 而 } h(4) = \frac{5 \ln 4}{3} = \frac{\ln 1024}{3},$$

$$\therefore m \in (1, 4], \text{ 即 } 1 < \frac{x_2 - 1}{x_1 - 1} \leq 4. \text{ (12分)}$$

【评分细则】

- 第(1)小题中, 切线方程写成 $y = -x$ 不扣分.
- 第(2)小题若用其他方法求解, 酌情给分, 过程及答案无误则给满分.

22. 解: (1) 由题意可知, l_2 过点 $P(-1, 0)$, 倾斜角为 30° . (1分)

$$\text{所以 } l_2 \text{ 的一个参数方程为 } \begin{cases} x = -1 + \frac{\sqrt{3}}{2}t, \\ y = \frac{1}{2}t, \end{cases} \text{ (} t \text{ 为参数). (3分)}$$

$$\text{由 } \rho = 8 \cos^2 \frac{\theta}{2} - 4, \text{ 得 } \rho = 4 \cos \theta, \text{ 即 } \rho^2 = 4 \rho \cos \theta,$$

将 $x = \rho \cos \theta, x^2 + y^2 = \rho^2$ 代入上式,

$$\text{得 } C \text{ 的直角坐标方程为 } x^2 + y^2 - 4x = 0. \text{ (5分)}$$

(2) 设 A, B 对应的参数分别为 t_1, t_2 ,

$$\text{把 } l_2 \text{ 的参数方程代入 } C \text{ 的方程得 } \left(-1 + \frac{\sqrt{3}}{2}t\right)^2 + \left(\frac{1}{2}t\right)^2 - 4\left(-1 + \frac{\sqrt{3}}{2}t\right) = 0, \text{ (7分)}$$

整理得 $t^2 - 3\sqrt{3}t + 5 = 0$,

则 $t_1 + t_2 = 3\sqrt{3}$, $t_1 t_2 = 5$, $\therefore t_1 > 0, t_2 > 0$, (8分)

由参数的几何意义得 $\frac{1}{|PA|} + \frac{1}{|PB|} = \frac{|PA| + |PB|}{|PA||PB|} = \frac{t_1 + t_2}{t_1 t_2} = \frac{3\sqrt{3}}{5}$. (10分)

【评分细则】

- 第(1)小题中, t_2 的参数方程不唯一, 只要参数方程无误则给3分.
- 第(2)小题也可利用直线 l_2 的普通方程求解, 酌情给分, 过程及答案无误则给满分.

23. 解: (1) 由 $f(x) - 2f(x-3) < x$, 得 $|x+1| - 2|x-2| < x$, (1分)

原不等式等价于 $\begin{cases} x \leq -1, \\ -x-1+2x-4 < x, \end{cases}$ 或 $\begin{cases} -1 < x < 2, \\ x+1+2x-4 < x, \end{cases}$ 或 $\begin{cases} x \geq 2, \\ x+1-2x+4 < x, \end{cases}$

解得 $x \leq -1$, 或 $-1 < x < \frac{3}{2}$, 或 $x > \frac{5}{2}$,

所以原不等式的解集为 $(-\infty, \frac{3}{2}) \cup (\frac{5}{2}, +\infty)$. (5分)

(2) 因为 $f(x+3) + f(x-a) = |x+4| + |x-a+1| \geq |a+3|$, 当且仅当 $(x+4)(x-a+1) \leq 0$ 时等号成立, 所以 $f(x+3) + f(x-a)$ 的最小值为 $|a+3|$, (7分)

由已知可得 $|a+3| \geq 1$, (8分)

所以 $a+3 \geq 1$ 或 $a+3 \leq -1$,

解得 $a \geq -2$ 或 $a \leq -4$,

即实数 a 的取值范围为 $(-\infty, -4] \cup [-2, +\infty)$. (10分)

【评分细则】

- 第(1)小题中, 最后结果错误, 但解三个不等式组可给步骤分, 解对1个给1分.
- 第(1)小题中, 原不等式的解集写成集合或区间形式均可, 若直接写成以下不等式的形式: $x < \frac{3}{2}$ 或 $x > \frac{5}{2}$, 扣1分.
- 第(2)小题中, 未强调“当且仅当 $(x+4)(x-a+1) \leq 0$ 时等号成立”, 不扣分.
- 第(2)小题的最后结果也可写成以下不等式或集合形式: $a \leq -4$ 或 $a \geq -2$, $|a+3| \geq 1$, 或 $a \leq -4$, 或 $a \geq -2$.

关于我们

自主选拔在线是致力于提供新高考生涯规划、强基计划、综合评价、三位一体、学科竞赛等政策资讯的升学服务平台。总部坐落于北京，旗下拥有网站（[网址: www.zizzs.com](http://www.zizzs.com)）和微信公众平台等媒体矩阵，用户群体涵盖全国90%以上的重点中学师生及家长，在全国新高考、自主选拔领域首屈一指。

如需第一时间获取相关资讯及备考指南，请关注**自主选拔在线**官方微信号：**zizzsw**。



微信搜一搜

自主选拔在线