

杭州二中 2022 学年第二学期高三第一次月考物理答案

本卷重力加速度取 $g=10\text{m/s}^2$

一、单项选择题 (本题有 13 个小题, 每小题 3 分, 共 39 分)

题号	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13
答案	C	B	D	C	D	D	D	D	C	B	C	B	D

二、不定项选择题 (本题有 2 个小题, 每题 3 分, 共 6 分, 漏选得 2 分, 错选不得分)

题号	14	15
答案	BD	BD

三、填空题 (本题共 14 分, 16 题 8 分, 17 题 6 分)

16. (1) ABC (2) ① 16.00 ② 12.5 25.0 ③ $\frac{1}{k_{\text{串}}} = \frac{1}{k_1} + \frac{1}{k_2}$

17. (1) 右 (2) $\times 100$ (3) 140 139.1

四、计算题 (本大题共 41 分, 其中 18 题 9 分, 19 题 12 分, 20 题 10 分, 21 题 10 分)

18. 【答案】(1) $5.0 \times 10^4 \text{Pa}$; (2) ① $p_2 = p_x + p = \frac{19}{30} p_0$ ② 266K

【详解】(1) 汽囊中的温度不变, 则发生的是等温变化, 设汽囊内的气体在目标位置的压强为 p_1 , 由玻意耳定律 $p_0 V_0 = p_1 \cdot 1.5 V_0$ 解得 $p_1 = \frac{2}{3} p_0$. 由目标处的内外压强差可得

$$p_1 - p = \frac{1}{6} p_0 \text{ 解得 } p = \frac{1}{2} p_0 = 5.0 \times 10^4 \text{Pa}$$

(2) ① 有胡克定律 $F = kx$ 可知弹簧的压缩量变为原来的 $\frac{4}{5}$, 则活塞受到弹簧的压力也变为原来的 $\frac{4}{5}$, 即 $p_x = \frac{1}{6} p_0 \times \frac{4}{5} = \frac{2}{15} p_0$. 设此时汽囊内气体的压强为 p_2 , 对活塞压强平衡

$$\text{可得 } p_2 = p_x + p = \frac{19}{30} p_0$$

$$\text{② 其中 } V_2 = V_0 + 0.5 V_0 \times \frac{4}{5} = \frac{7}{5} V_0$$

$$\text{由理想气体状态方程可得 } \frac{p_0 V_0}{T_0} = \frac{p_2 V_2}{T}$$

$$\text{解得 } T = \frac{133}{150} T_0 = 266\text{K}$$

19. 【答案】(1) 物块由 P 到 A 的过程, 满足 $mgh + W_f = \frac{1}{2} m v_0^2$

解得 $W_f = -1.55\text{J}$

(2) 物体滑上传送带后, 在滑动摩擦力作用下匀减速运动,

$$\text{加速度大小为 } a = \frac{\mu mg}{m} = \mu g = 5\text{m/s}^2$$

$$\text{减速至与传送带速度相等时所用的时间 } t_1 = \frac{v_0 - v}{a} = \frac{7-5}{5} \text{s} = 0.4\text{s}$$

$$\text{匀减速运动的位移 } s_1 = \frac{v_0 + v}{2} t_1 = \frac{7+5}{2} \times 0.4\text{m} = 2.4\text{m} < L = 3.4\text{m}$$

所以物体与传送带共速后向右匀速运动, 至与小球 1 发生弹性正碰, 设物块反弹回来的速度大小为 v_1 , 小球 1 被撞后的速度大小为 u_1 ,

$$\text{由动量守恒和能量守恒定律得 } mv = -mv_1 + m_0 u_1,$$

$$\frac{1}{2} m v^2 = \frac{1}{2} m v_1^2 + \frac{1}{2} m_0 u_1^2$$

$$\text{解得 } v_1 = \frac{1}{3} v = \frac{5}{3} \text{m/s}; \quad u_1 = \frac{2}{3} v = \frac{10}{3} \text{m/s}$$

物块被反弹回来后, 在传送带上向左运动过程中,

由运动学公式得 $0 - v_1^2 = -2as$
 解得 $s = \frac{v_1^2}{2a} = \frac{v_1^2}{2\mu g} = \frac{5}{18}m < 3.4m$

(3) $I = mgt_1 = 0.4N \cdot s$

(讲评时可以讲) 物体与传送带共速后向右匀速运动, 匀速运动的时间为

$$t_2 = \frac{L - s_1}{v} = \frac{3.4 - 2.4}{5} s = 0.2s$$

故物体从A运动到B的时间为 $t = t_1 + t_2 = 0.6s$

传送带对物体的冲量大小为

$$I = \sqrt{(mgt)^2 + [m(v_0 - v)]^2} = \sqrt{0.4N \cdot s} \approx 0.63N \cdot s$$

(4) 由于小球质量相等, 且发生的都是弹性正碰, 它们之间将进行速度交换。由以上分析可知, 物块第一次返回还没到传送带左端速度就减小为零, 接下来将再次向右做匀加速运动, 直到速度增加到 v_1 , 再跟小球1发生弹性正碰, 同理可得, 第二次碰后, 物块和小球的速度大小分别为

$$v_2 = \frac{1}{3}v_1 = \left(\frac{1}{3}\right)^2 v \quad u_2 = \frac{2}{3}v_1 = \frac{2}{3} \cdot \frac{1}{3}v$$

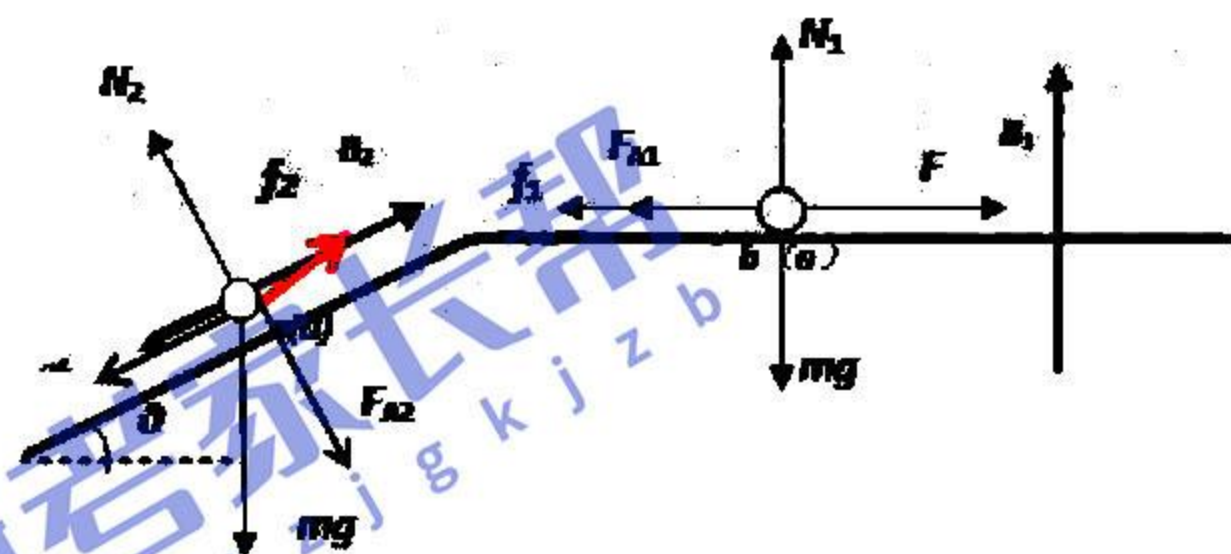
以此类推, 物块与小球1经过 n 次碰撞后, 他们的速度大小分别为,

$$v_n = \left(\frac{1}{3}\right)^n v; \quad u_n = \frac{2}{3} \cdot \left(\frac{1}{3}\right)^{n-1} v$$

由于相邻小球之间每次相互碰撞都进行速度交换, 所以, 最终从1号小球开始, 到 n 号小球, 它们的速度大小依次为 $u_n, u_{n-1}, u_{n-2}, \dots, u_1$, 则 n 个小球的总动能为 $E_k = \frac{1}{2}m_0(u_1^2 + u_2^2 + \dots + u_n^2)$

$$\text{解得 } E_k = \frac{5}{6} \left(1 - \frac{1}{3^n}\right) I$$

20. 【答案】解: (1) ab 杆受力分析如图



$$F - F_{A1} - \mu mg = ma$$

$$F_{A1} = ILB_1 I = \frac{B_1 L v}{3R/2} v = at$$

整理: $F - \frac{B_1^2 L^2 a t}{3R/2} - \mu mg = ma$

$$\text{即 } F = \frac{2B_1^2 L^2 a}{3R} \cdot t + (\mu mg + ma) \quad \therefore b = \mu mg + ma \quad \textcircled{1}$$

$$\therefore k = \frac{2B_1^2 L^2 a}{3R} \Rightarrow B_1 = \sqrt{\frac{3kR}{2L^2 a}} \quad \textcircled{2}$$

由图像得: $b = 0.6N$ 则有: $0.6 = 0.5 \times 0.1 \times 10 + 0.1 \times a$

$$\text{解得: } a = 1m/s^2$$

$$\text{又由 } F - t \text{ 图像得: } k = \frac{1.8 - 0.6}{10} = 0.12N/s$$

$$\text{则有 } B_1 = \sqrt{\frac{3kR}{2L^2 a}} = \sqrt{\frac{3 \times 0.12 \times 2}{2 \times 1^2 \times 1}} = 0.6T$$

(2) cd 杆受力分析如图, 速度达到最大时, 处于平衡状态: $mg \sin \theta = f_2 f_2 = \mu N_2, N_2 = F_{A2} + mg \cos \theta, F_{A2} = I_2 L B_2$

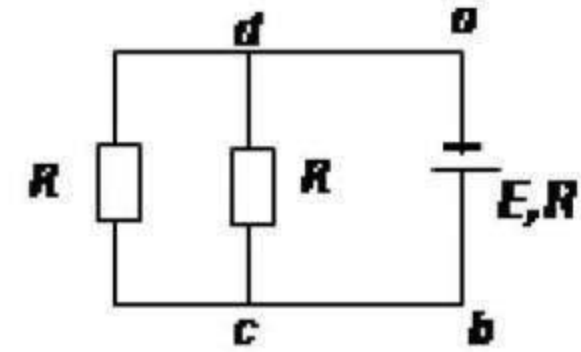
$$\text{解得: } mg \sin \theta = \mu (I_2 L B_2 + mg \cos \theta)$$

$$I_2 = \frac{mg \sin \theta - \mu mg \cos \theta}{\mu LB_2} = \frac{0.1 \times 10 \times 0.6 - 0.5 \times 0.1 \times 10 \times 0.8}{0.5 \times 1 \times 0.8} = 0.5A$$

R 与 cd 杆并联: R 相等, 则 $I_R = I_{cd} = 0.5A$

ab 杆在干路, 则 $I_{ab} = I_R + I_{cd} = 0.5A + 0.5A = 1A$

$$\text{又 } I_{ab} = \frac{BLv}{\frac{3}{2}R} \Rightarrow v_{ab} = \frac{3I_{ab}R}{2B_1L} = \frac{3 \times 1 \times 2}{2 \times 0.6 \times 1} = 5m/s$$



则这一过程中 ab 匀加速运动时间 $t_{ab} = \frac{v_{ab}}{a} = \frac{5}{1} = 5s$

(3) 则这一过程中 ab 匀加速运动距离 $s_{ab} = \frac{v_{ab}^2}{2a} = \frac{5^2}{2 \times 1} = 12.5m$

又 $Q_{ab}:Q_{cd}:Q = P_{ab}:P_{cd}:P = I_{ab}^2:I_{cd}^2:I^2 = 1^2:0.5^2:0.5^2 = 4:1:1$

则 $W_{安} = Q_{总} = Q_{ab} + Q_{cd} + Q = 4Q + Q + Q = 6Q = 6 \times \frac{5}{6} = 5J$

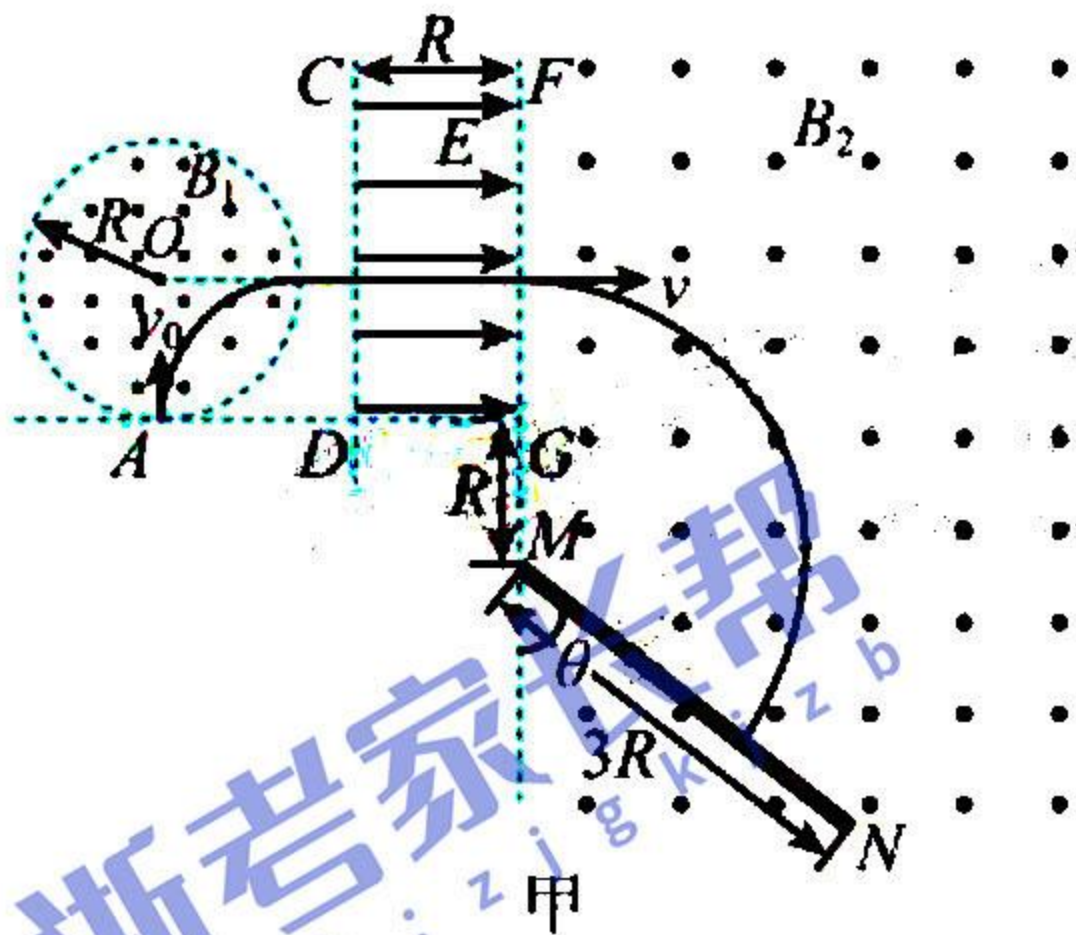
由动能定理得:

$$W_F - \mu mgs_{ab} - W_{安} = \frac{1}{2}mv^2$$

$$W_{安} = Q_{总}$$

$$\text{解得: } W_F = \mu mgs_{ab} + Q_{总} + \frac{1}{2}mv^2 = 12.5J$$

21. 【答案】(1) 解: 如图甲所示, 分析可知, 粒子在区域 I 中的运动半径为 R, 由向心力



$$\text{公式可得 } qv_0B = m \frac{v_0^2}{R}$$

$$\text{解得 } v_0 = \frac{qB_1R}{m}$$

因粒子垂直打在荧光屏上, 由题意可知, 在区域 III 中的运动半径为 2R, 由向心力公式可得

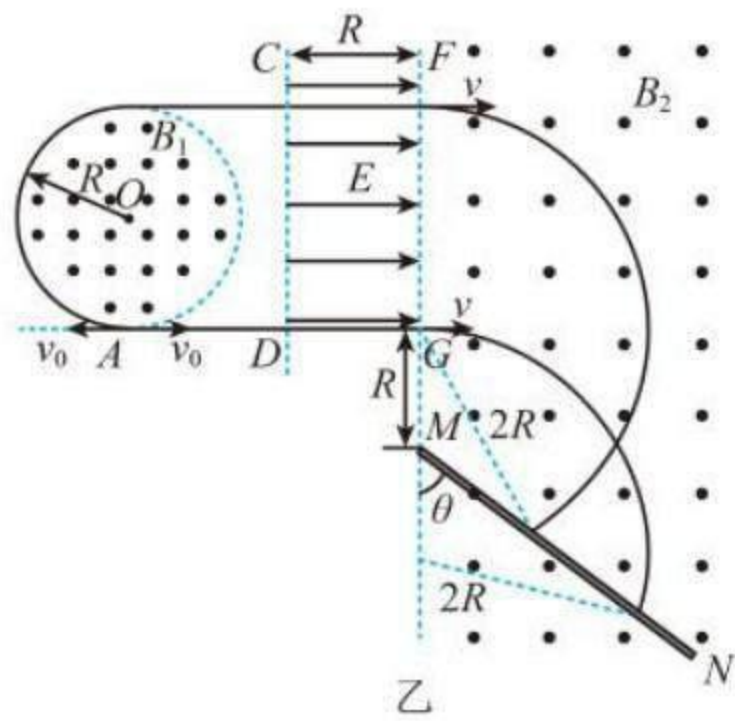
$$qvB_2 = \frac{mv^2}{2R}$$

$$\text{解得 } v = \frac{2qB_2R}{m}$$

粒子在电场中加速运动, 由动能定理得 $\frac{1}{2}mv^2 - \frac{1}{2}mv_0^2 = qER$

$$\text{解得电场强度大小 } E = \frac{qR(4B_2^2 - B_1^2)}{2m}$$

(2) 解: 如图乙所示,



分析可知，速度方向与电场方向平行向左射入区域 I 中的粒子将平行电场方向从区域 I 中最高点穿出，打在离 M 点 x_1 处的屏上，由几何关系得 $(x_1 \cos \theta + R)^2 + (x_1 \sin \theta)^2 = (2R)^2$

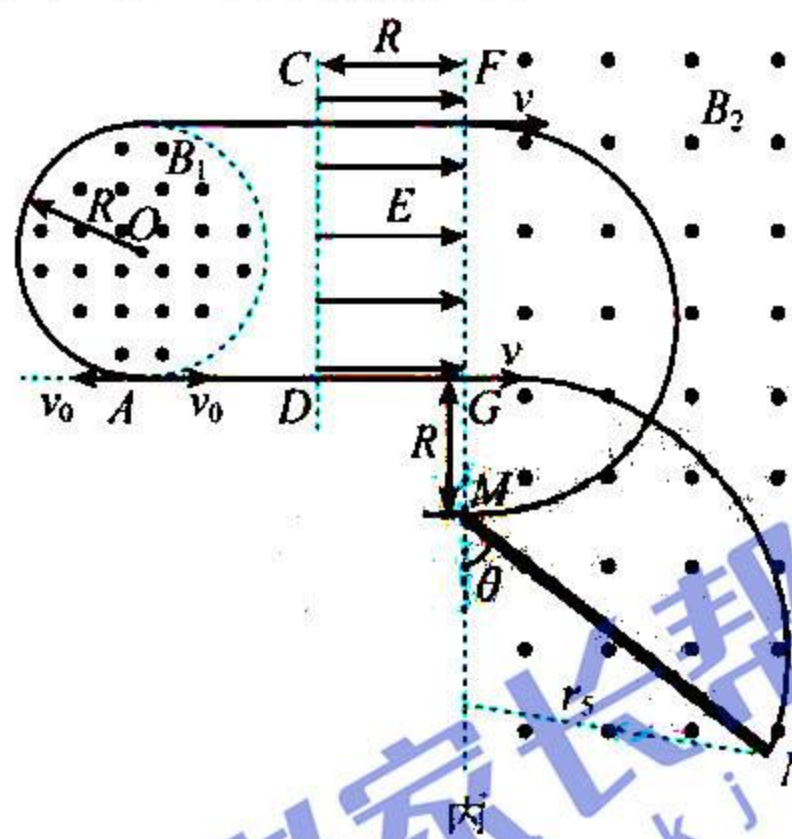
$$\text{解得 } x_1 = \frac{2\sqrt{21}+3}{5}R$$

速度方向与电场方向平行向右射入区域 I 中的粒子将平行电场方向从区域 I 中最低点穿出，打在离 M 点 x_2 处的屏上，由几何关系得 $(x_2 \cos \theta - R)^2 + (x_2 \sin \theta)^2 = (2R)^2$

$$\text{解得 } x_2 = \frac{2\sqrt{21}-3}{5}R$$

分析可知所有粒子均未平行于 FG 方向打在板上，因此荧光屏上的发光区域长度 $\Delta x = x_2 - x_1 = 1.2R$

(3) 解：如图丙所示，



从区域 I 中最高点穿出的粒子恰好打在 M 点时，有 $r_3 = \frac{3}{2}R$

$$\text{由向心力公式有 } qvB_3 = \frac{mv^2}{r_3} \text{ 解得 } B_3 = \frac{4}{3}B_2$$

若粒子平行于 FG 方向打中 N 点时，由几何关系得 $r_4 = 3R \sin 53^\circ = 2.4R$

粒子在区域中的射入点距离 M 点 $x = r_4 - 3R \cos \theta = 0.6R$

显然粒子不可能平行于 FG 方向打中 N 点

即从 G 点进入区域 III 打中 N 点的粒子运动半径为最大允许半径，由几何关系得

$$(3R \cos \theta + R - r_5)^2 + (3R \sin \theta)^2 = r_5^2$$

$$\text{得 } r_5 = \frac{17}{7}R$$

$$\text{由向心力公式有 } qvB_4 = \frac{mv^2}{r_5}$$

$$\text{解得 } B_4 = \frac{14}{17}B_2$$

要让所有粒子全部打中荧光屏，区域 III 中的磁感应强度大小应满足的条件是 $\frac{14}{17}B_2 \leq B \leq \frac{4}{3}B_2$