高三数学考试参考答案(文科)

1. D 【解析】本题考查平面向量的平行，考查数学运算的核心素养.

因为 $\boldsymbol{a}/\!/\boldsymbol{b}$，所以 $2(2m+2)=5m$，解得 $m=4$.

2. A 【解析】本题考查集合的并集，考查数学运算的核心素养.

因为 $A=(\frac{1}{2},+\infty)$，$B=(-1,3)$，所以 $A\cup B=(-1,+\infty)$.

3. B 【解析】本题考查复数的新概念与复数的运算，考查数学运算的核心素养.

因为 $z=(1-\mathrm{i})^2(1-\mathrm{i})=-2\mathrm{i}(1-\mathrm{i})=-2-2\mathrm{i}$，所以 $3-2\mathrm{i}$ 与 z 的虚部相等，所以 $3-2\mathrm{i}$ 是 z 的同部复数.

4. C 【解析】本题考查三角函数的零点，考查运算求解能力.

由 $x\in[0,\pi]$，得 $3x-\frac{\pi}{3}\in[-\frac{\pi}{3},\frac{8\pi}{3}]$，由 $f(x)=0$，得 $3x-\frac{\pi}{3}=0$ 或 π 或 2π，所以 $f(x)$ 在 $[0,\pi]$ 内零点的个数为 3.

5. D 【解析】本题考查统计中的平均数与方差，考查数据分析的核心素养.

因为百米短跑的时间越短，成绩越好，所以从数据的平均水平看，第一组数据的成绩最好. 方差越大，数据的波动越大，方差越小，数据的波动越小，所以从数据的波动情况看，第三组数据的波动最大，第一组数据的波动最小.

6. D 【解析】本题考查三角恒等变换，考查逻辑推理的核心素养.

因为 $\tan(\theta-\pi)=\tan\theta$，所以乙和丁的判断只有一个正确. $\tan 2\theta=\frac{2\tan\theta}{1-\tan^2\theta}$，若丁的判断正确，则 $\tan\theta\geqslant 2$，$\tan 2\theta<0$，丙的判断错误；若乙的判断正确，则 $\tan 2\theta=\frac{4}{3}>1$，丙的判断也正确，此时，$\theta$ 是第一或第三象限角，所以当 θ 是第三象限角，且 $\tan\theta=\frac{1}{2}$ 时，只有丁的判断错误. 故此人是丁.

7. A 【解析】本题考查三视图与简单几何体的体积，考查空间想象能力与运算求解能力.

由三视图可知，该几何体是四分之一个圆柱(高为 $\frac{2}{3}$，底面半径为 1)，其体积 $V=\frac{1}{4}\pi\times 1^2\times\frac{2}{3}=\frac{\pi}{6}$. 设球 O 的半径为 r，则 $\frac{4}{3}\pi\times r^3=\frac{\pi}{6}$，解得 $r=\frac{1}{2}$.

8. B 【解析】本题考查椭圆的实际应用，考查直观想象的核心素养.

由题意可知，$|PQ|+|PF_1|+|QF_1|=4a=3\times 2c$，所以 $c=\frac{2}{3}a$，$b=\sqrt{a^2-c^2}=\frac{\sqrt{5}}{3}a$. 由该椭球横截面的最大直径为 2 米，可知 $2b=2$ 米，所以 $b=1$ 米，$a=\frac{3\sqrt{5}}{5}$ 米，该椭球的高为 $2a=\frac{6\sqrt{5}}{5}$ 米.

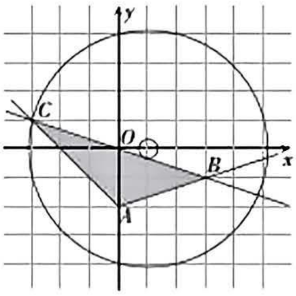
9. A 【解析】本题考查函数的奇偶性与单调性，考查逻辑推理的核心素养.

因为当 $0\leqslant x\leqslant 2$ 时，$f(x)=2x-x^2$，当 $x>2$ 时，$f(x)=|x-3|-1$，

且 $f(2)=|2-3|-1=0$，所以 $f(x)$ 在 $[0,1]$ 上单调递增，在 $(1,3)$ 上单调递减，在 $[3,+\infty)$ 上单调递增. 因为 $-f(-\sqrt{26})=f(\sqrt{26})>f(5)=1=f(1)$，$1<2^{0.3}<3^{0.3}<3$，

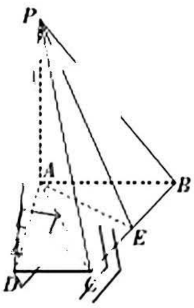
所以 $-f(-\sqrt{26})>f(2^{0.3})>f(3^{0.3})$.

10. D 【解析】本题考查线性规划与圆，考查直观想象的核心素养与数形结合的数学思想.来源：高三答案公众号



作出不等式组表示的可行域，如图所示. 当直线 $BC:x+3y=0$ 与圆 $(x-1)^2+y^2=m$ 相切时，$\sqrt{m}=\frac{1}{\sqrt{10}}$，则 $m=\frac{1}{10}$，则 m 的最小值为 $\frac{1}{10}$；当圆 $(x-1)^2+y^2=m$ 经过点 $C(-3,1)$ 时，$m=(-3-1)^2+1^2=17$，则 m 的最大值为 17. 故 m 的取值范围是 $[\frac{1}{10},17]$.

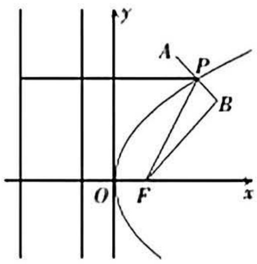
11. C 【解析】本题考查空间中的垂直关系、二面角与四棱锥的侧面积，考查空间想象能力与运算求解能力.



因为 $AB=BC$，$\angle ABC=60^\circ$，所以 $\triangle ABC$ 为正三角形. 取 BC 的中点 E，连接 PE，AE，则 $AE\perp BC$.

因为 $PA\perp$ 底面 $ABCD$，所以 $PA\perp BC$，又 $PA\cap AE=A$，所以 $BC\perp$ 平面 PAE，则 $BC\perp PE$，则 $\angle PEA$ 为二面角 $P-BC-A$ 的平面角，所以 $\angle PEA=60^\circ$，所以 $PA=AE\tan 60^\circ=3$，$PE=\sqrt{3^2+(\sqrt{3})^2}=2\sqrt{3}$. 因为 $\angle ACD=60^\circ$，$AC=2$，$CD=1$，所以由余弦定理得 $AD=\sqrt{3}$，则 $AD^2+CD^2=AC^2$，所以 $AD\perp CD$，可证 $CD\perp PD$，则 $PD=2\sqrt{3}$，所以四棱锥 $P-ABCD$ 的侧面积为 $\frac{1}{2}\times(2\times3+\sqrt{3}\times3+2\sqrt{3}\times1+2\times2\sqrt{3})=3+\frac{9\sqrt{3}}{2}$.

12. A 【解析】本题考查抛物线定义的应用，考查直观想象的核心素养以及化归与转化的数学思想.



如图，$d_2=d_1+2$，因为 $A(2,4)$ 关于 P 的对称点为 B，所以 $|PA|=|PB|$，所以 $d_1+d_2+|AB|=2d_1+2+2|PA|=2(d_1+|PA|)+2=2(|PF|+|PA|)+2\geqslant 2|AF|+2=2\sqrt{17}+2$，所以当 P 在线段 AF 上时，$d_1+d_2+|AB|$ 取得最小值，且最小值为 $2\sqrt{17}+2$.

13. 003 【解析】本题考查系统抽样，考查数据处理能力.

因为 $\frac{600}{50}=12$，所以被抽检的零件的最小编号为 003.

14. 10 【解析】本题考查对数的运算，考查数学运算的核心素养.

因为 $1+\lg x-\lg y=\lg y^2$，所以 $\lg(10x)=\lg y^3(x>0,y>0)$，

则 $10x=y^3$，所以 $\frac{y^3}{x}=10$.

15. $(-\infty,\frac{1}{3})\cup(2,+\infty)$ **【解析】本题考查导数的应用，考查逻辑推理的核心素养.**

若 $f(x)=x^3-x^2+ax(x\in\mathbf{R})$ 无极值，则 $f'(x)=3x^2-2x+a\geqslant 0$ 恒成立，则 $\Delta=4-12a\leqslant 0$，解得 $a\geqslant\frac{1}{3}$. 若 $g(x)=x^2+(2-a)\ln x$ 无极值，则 $g'(x)=\frac{2x^2+2-a}{x}\geqslant 0$ 对 $x\in(0,+\infty)$ 恒成立，所以 $2-a\geqslant 0$，即 $a\leqslant 2$. 若 $f(x)$ 与 $g(x)$ 中恰有一个函数无极值，

则 $\begin{cases}a\geqslant\frac{1}{3},\\a>2\end{cases}$ 或 $\begin{cases}a<\frac{1}{3},\\a\leqslant 2,\end{cases}$ 解得 $a\in(-\infty,\frac{1}{3})\cup(2,+\infty)$. 来源：高三答案公众号

16. 3280 **【解析】本题考查解三角形的实际应用，考查直观想象的核心素养.**

由题可知 $BC=DE=48\times\frac{300}{180}=80$ 步，$BF=100$ 步，$DG=120$ 步，$BD=800$ 步.

在 $\mathrm{Rt}\triangle AHF$ 中，$\frac{AH}{HF}=\frac{BC}{BF}=\frac{4}{5}$，在 $\mathrm{Rt}\triangle AHG$ 中，$\frac{AH}{HG}=\frac{DE}{DG}=\frac{2}{3}$，

所以 $HF=\frac{5}{4}AH$，$HG=\frac{3}{2}AH$，则 $HG-HF=800-100+120=820=\frac{1}{4}AH$，

所以 $AH=3280$ 步.

17. 解：(1)设 $\{a_n\}$ 的公差为 d，$\{b_n\}$ 的公比为 q，

则 $d=\frac{a_3-a_1}{3-1}=1$，…… 1分

$q=\frac{b_2}{b_1}=2$，…… 2分

所以 $a_n=a_1+(n-1)d=n$，…… 4分

$b_n=b_1q^{n-1}=2^n$. …… 6分

(2)由(1)知 $a_{2n}+3b_{2n-1}=2n+3\times 2^{2n-1}$，…… 8分

则 $S_n=2\times(1+2+\cdots+n)+3\times(2+2^3+\cdots+2^{2n-1})$ …… 9分

$=(1+n)n+3\times\frac{2(1-4^n)}{1-4}=2\times 4^n+n^2+n-2$. …… 12分

评分细则：

【1】第(1)问还可以这样解答：

设 $\{a_n\}$ 的公差为 d，则 $a_3=a_1+2d=1+2d=3$，解得 $d=1$，…… 1分

所以 $a_n=a_1+(n-1)d=n$. …… 3分

设 $\{b_n\}$ 的公比为 q，则 $b_2=b_1q=2q=4$，解得 $q=2$，…… 4分

所以 $b_n=b_1q^{n-1}=2^n$. …… 6分

【2】第(2)问中，最后的结果写为 $2^{2n+1}+n^2+n-2$，不扣分.

18. (1)证明：连接 C_1D. …… 1分

在正四棱柱 $ABCD-A_1B_1C_1D_1$ 中，$AD/\!/B_1C_1$，则 A,B_1,C_1,D 四点共面，…………… 2 分

所以 $E\in$ 平面 AB_1C_1D. …………………………………………………………………… 3 分

因为侧面 CC_1D_1D 为矩形，且 O 为 CD_1 的中点，

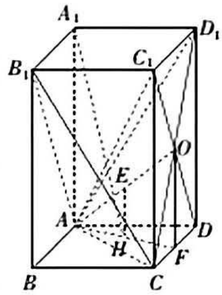
所以 $C_1D\cap CD_1=O$，所以 O 为平面 AB_1C_1D 与平面 ACD_1 的一个公共点， ………… 4 分

所以平面 $AB_1C_1D\cap$ 平面 $ACD_1=AO$，即平面 $AB_1C_1\cap$ 平面 $ACD_1=AO$，…………… 5 分

故 $E\in AO$. ………………………………………………………………………………… 6 分

(2)解：取 CD 的中点 F，连接 OF,AF，则 H 为 AF 的中点. ……………………………… 7 分

理由如下：因为 F,O 分别为 CD,C_1D 的中点，所以 $OF/\!/C_1C$. …… 8 分



在正四棱柱 $ABCD-A_1B_1C_1D_1$ 中，$C_1C\perp$ 底面 $ABCD$，所以 $OF\perp$ 底面 $ABCD$，又 $EH/\!/OF$，所以 $EH\perp$ 底面 $ABCD$，即 E 在底面 $ABCD$ 内的射影为 H. ……………………………………………………………… 9 分

因为 $A_1A\perp$ 底面 $ABCD$，所以 $A_1A\perp AH$. …………………………… 10 分

因为 $AH=\frac{1}{2}AF=\frac{\sqrt{5}}{2}$，…………………………………………………… 11 分

所以 $A_1H=\sqrt{A_1A^2+AH^2}=\frac{\sqrt{69}}{2}$. ……………………………………………………… 12 分

评分细则：

【1】第(1)问中，必须展示作辅助线的过程，仅在图中体现辅助线但过程中无体现的扣 1 分；A,B_1,C_1,D 四点共面是证明第(1)问的关键，不写清楚四点共面的过程要扣 1 分.

【2】第(2)问严格按照步骤给分.

19. 解：(1)完成的表格如下：

甲邀请的专家 / 参会专家人数 / 乙邀请的专家	(1,2)	(1,3)	(1,4)	(2,3)	(2,4)	(3,4)
(1,2)	2	3	3	3	3	4
(1,3)	3	2	3	3	4	3
(1,4)	3	3	2	4	3	3
(2,3)	3	3	4	2	3	3
(2,4)	3	4	3	3	2	3
(3,4)	4	3	3	3	3	2

………………………………………………………………………………………… 4 分

(2)记 X 为参加会议的专家人数，$X=k(k=2,3,4)$ 的概率记为 $P(X=k)$.

由(1)中的表格可知 $X=2$ 出现的次数为 6，$X=3$ 出现的次数为 24，$X=4$ 出现的次数为 6，

………………………………………………………………………………………… 7 分

则 $P(X=2)=\frac{6}{6+24+6}=\frac{1}{6}$，$P(X=3)=\frac{24}{6+24+6}=\frac{2}{3}$，$P(X=4)=\frac{6}{6+24+6}=\frac{1}{6}$，…………………………………………………………………… 10 分

则 $P(X=3)>P(X=2)$，$P(X=3)>P(X=4)$，………………………………… 11 分

根据最大似然估计法，可以估计出参加会议的专家人数为 3．………………………… 12 分

评分细则：

【1】第(1)问中，表格中(1,2)，(1,3)等未添加括号，不扣分．

【2】第(2)问中，$X=2$ 出现的次数为 6，$X=3$ 出现的次数为 24，$X=4$ 出现的次数为 6，写对其中一个即给 1 分；$P(X=2)=\frac{6}{6+24+6}=\frac{1}{6}$，$P(X=3)=\frac{24}{6+24+6}=\frac{2}{3}$，$P(X=4)=\frac{6}{6+24+6}=\frac{1}{6}$，写对其中一个即给 1 分．

20．解：(1)由图可知 $f(x)$的图象与 x 轴切于原点．………………………………… 1 分

因为 $f'(x)=ae^x+b$，所以 $f'(0)=a+b=0$．……………………………………… 2 分

又 $f(0)=a-2=0$，所以 $a=2$．……………………………………………………… 3 分

所以 $b=-2$，$f(x)$的解析式为 $f(x)=2e^x-2x-2$．…………………………………… 4 分

(2)由 $f(x)+f(2x)>6x+m$ 对 $x\in\mathbf{R}$ 恒成立，得 $m<f(x)+f(2x)-6x$ 对 $x\in\mathbf{R}$ 恒成立．……………………………………………………………………………… 5 分

设函数 $g(x)=f(x)+f(2x)-6x=2e^{2x}+2e^x-12x-4$，

则 $g'(x)=4e^{2x}+2e^x-12=2(2e^x-3)(e^x+2)$．…………………………………… 6 分

令 $g'(x)=0$，得 $x=\ln\frac{3}{2}$．……………………………………………………… 7 分

令 $g'(x)<0$，得 $x<\ln\frac{3}{2}$；令 $g'(x)>0$，得 $x>\ln\frac{3}{2}$．……………………………… 8 分

所以 $g(x)$在$(-\infty,\ln\frac{3}{2})$上单调递减，在$(\ln\frac{3}{2},+\infty)$上单调递增．………………… 9 分

所以 $g(x)_{\min}=g(\ln\frac{3}{2})=\frac{7}{2}-12\ln\frac{3}{2}$，…………………………………… 11 分

所以 $m<\frac{7}{2}-12\ln\frac{3}{2}$，即 m 的取值范围是$(-\infty,\frac{7}{2}-12\ln\frac{3}{2})$．……………… 12 分

评分细则：

【1】第(1)问中，未写“由图可知 $f(x)$的图象与 x 轴切于原点”，但是写了“$f'(0)=f(0)=0$”，不扣分．

【2】第(2)问中，最后得到 $m<\frac{7}{2}-12\ln\frac{3}{2}$，但是没有写成区间形式，不扣分．

21．(1)解：因为 c^2,a^2,b^2 成等差数列，所以 $2a^2=c^2+b^2$，…………………………… 1 分

又 $c^2=a^2+b^2$，所以 $a^2=2b^2$．…………………………………………………… 2 分

将点$(3,\frac{\sqrt{6}}{2})$的坐标代入 C 的方程得$\frac{9}{2b^2}-\frac{\frac{6}{4}}{b^2}=1$，解得 $b^2=3$，…………………… 3 分

所以 $a^2=6$，所以 C 的方程为 $\frac{x^2}{6}-\frac{y^2}{3}=1$. …………………………………………………… 4 分

(2)证明：依题意可设 $PQ:x=my+3$， …………………………………………………… 5 分

由 $\begin{cases}x=my+3,\\ \frac{x^2}{6}-\frac{y^2}{3}=1,\end{cases}$ 得 $(m^2-2)y^2+6my+3=0$. …………………………………………………… 6 分

设 $P(x_1,y_1)$，$Q(x_2,y_2)$，$y_1>y_2$，则 $\begin{cases}y_1+y_2=\frac{-6m}{m^2-2},\\ y_1y_2=\frac{3}{m^2-2}.\end{cases}$ …………………………………………………… 7 分

$M(\frac{x_1+x_2}{2},\frac{y_1+y_2}{2})$，$N(2,\frac{y_1+y_2}{2})$，来源：高三答案公众号

则 $k_1-k_2=k_{PN}-k_{QN}=\frac{\frac{y_1-y_2}{2}}{x_1-2}-\frac{\frac{y_2-y_1}{2}}{x_2-2}=\frac{\frac{y_1-y_2}{2}}{my_1+1}-\frac{\frac{y_2-y_1}{2}}{my_2+1}=\frac{(y_1-y_2)[m(y_1+y_2)+2]}{2[m^2y_1y_2+m(y_1+y_2)+1]}$，

…………………………………………………… 9 分

而 $S=\frac{1}{2}|OF|\cdot(y_1-y_2)=\frac{3}{2}(y_1-y_2)$， …………………………………………………… 10 分

所以 $\frac{k_1-k_2}{S}=\frac{m(y_1+y_2)+2}{3[m^2y_1y_2+m(y_1+y_2)+1]}=\frac{\frac{-6m^2}{m^2-2}+2}{3(\frac{3m^2}{m^2-2}+\frac{-6m^2}{m^2-2}+1)}=\frac{-4m^2-4}{-6m^2-6}=\frac{2}{3}$，

所以 $\frac{k_1-k_2}{S}$ 是定值. …………………………………………………… 12 分

评分细则：

评分细则：

【1】第(2)问中，用 PQ 作为底边，O 到直线 PQ 的距离 d 为高，$S=\frac{1}{2}d\times|PQ|$，得到 $S=\frac{3}{2}(y_1-y_2)$，不扣分.

【2】第(2)问还可以这样解答：

当直线 PQ 的斜率不存在时，$PQ:x=3$，$P(3,\frac{\sqrt{6}}{2})$，$Q(3,-\frac{\sqrt{6}}{2})$，$N(2,0)$，

$\frac{k_1-k_2}{S}=\frac{\frac{\sqrt{6}}{2}-(-\frac{\sqrt{6}}{2})}{\frac{1}{2}\times3\times\sqrt{6}}=\frac{2}{3}$. …………………………………………………… 5 分

当直线 PQ 的斜率存在时，设 $PQ:y=k(x-3)$，设 $P(x_1,y_1)$，$Q(x_2,y_2)$，$y_1>y_2$.

由 $\begin{cases}y=k(x-3),\\ \frac{x^2}{6}-\frac{y^2}{3}=1,\end{cases}$ 得 $(1-2k^2)x^2+12k^2x-18k^2-6=0$， …………………………………………………… 6 分

则$\begin{cases} x_1+x_2=\dfrac{-12k^2}{1-2k^2}, \\ x_1x_2=\dfrac{-18k^2-6}{1-2k^2}. \end{cases}$ ………………………………………… 7 分

$M(\frac{x_1+x_2}{2},\frac{y_1+y_2}{2})$，$N(2,\frac{y_1+y_2}{2})$.来源：高三答案公众号

$k_1-k_2=\dfrac{\frac{y_1-y_2}{2}}{x_1-2}-\dfrac{\frac{y_2-y_1}{2}}{x_2-2}=\dfrac{\frac{y_1-y_2}{2}}{x_1-2}-\dfrac{\frac{y_2-y_1}{2}}{x_2-2}=\dfrac{(y_1-y_2)(x_1+x_2-4)}{2[x_1x_2-2(x_1+x_2)+4]}$， …………… 9 分

而 $S=\frac{1}{2}\cdot|OF|\cdot(y_1-y_2)=\frac{3}{2}(y_1-y_2)$， ………………………………………… 10 分

所以$\dfrac{k_1-k_2}{S}=\dfrac{x_1+x_2-4}{3[x_1x_2-2(x_1+x_2)+4]}=\dfrac{\frac{-12k^2}{1-2k^2}-4}{3(\frac{-18k^2-6}{1-2k^2}+\frac{24k^2}{1-2k^2}+4)}=\dfrac{\frac{-4(k^2+1)}{1-2k^2}}{\frac{-6(k^2+1)}{1-2k^2}}=\dfrac{2}{3}$，

所以$\dfrac{k_1-k_2}{S}$是定值. ………………………………………… 12 分

22. 解：(1)圆 C 的普通方程为$(x-\frac{\sqrt{3}}{2})^2+(y+\frac{1}{2})^2=1$， ………………………… 1 分

即 $x^2+y^2-\sqrt{3}x+y=0$， ………………………………………… 2 分

则 $\rho^2-\sqrt{3}\rho\cos\theta+\rho\sin\theta=0$， ………………………………………… 3 分

所以圆 C 的极坐标方程为$\rho=\sqrt{3}\cos\theta-\sin\theta=2\cos(\theta+\quad)$. ………………………… 4 分

(2)不妨设 $A(\rho_1,\theta)$，$B(\rho_2,\theta+\frac{\pi}{6})$，$0\leqslant\theta<2\pi$，则 $\rho_1=2\cos(\theta+\frac{\pi}{6})$，$\rho_2=2\cos(\theta+\frac{\pi}{3})$， ………………………………………… 6 分

则 $S_{\triangle OAB}=\frac{1}{2}\rho_1\rho_2\sin\frac{\pi}{6}=\cos(\theta+\frac{\pi}{6})\cos(\theta+\frac{\pi}{3})=\dfrac{\cos(2\theta+\frac{\pi}{2})+\cos\frac{\pi}{6}}{2}=\dfrac{\sqrt{3}-2\sin 2\theta}{4}$. ………………………………………… 9 分

当 $\sin 2\theta=-1$ 时，$\triangle AOB$ 的面积取得最大值，且最大值为$\frac{\sqrt{3}+2}{4}$. ………………………… 10 分

评分细则：

【1】第(1)问中，得到的极坐标方程写为 $\rho=\sqrt{3}\cos\theta-\sin\theta$，不扣分.

【2】第(2)问还可以这样解答：

依题意可得圆 C 是$\triangle AOB$ 的外接圆，由正弦定理得$\dfrac{AB}{\sin\angle AOB}=2\times1$，

所以 $AB=1$. ………………………………………… 6 分

由余弦定理得 $AB^2=OA^2+OB^2-2OA\cdot OB\cos\angle AOB$， ………………………… 7 分

即 $1=OA^2+OB^2-\sqrt{3}OA\cdot OB\geqslant2OA\cdot OB-\sqrt{3}OA\cdot OB=(2-\sqrt{3})OA\cdot OB$， ……… 8 分

所以 $OA\cdot OB\leqslant 2+\sqrt{3}$，当且仅当 $OA=OB$ 时，等号成立，………………………… 9 分

所以 $S_{\triangle OAB}=\frac{1}{2}OA\cdot OB\sin\frac{\pi}{6}\leqslant\frac{2+\sqrt{3}}{4}$，故△$AOB$ 面积的最大值为$\frac{\sqrt{3}+2}{4}$. ………… 10 分

23. 解：(1) $f(x)=|x^2-2x-3|+|x^2-2x-8|\geqslant|x^2-2x-3-(x^2-2x-8)|=5$，……… 2 分

当且仅当 $(x^2-2x-3)(x^2-2x-8)\leqslant 0$，即 $3\leqslant x^2-2x\leqslant 8$ 时，等号成立，……………… 3 分

所以 $f(x)$ 的最小值为 5，…………………………………………………………… 4 分

此时 x 的取值集合为 $[-2,-1]\cup[3,4]$. ……………………………………………… 5 分

(2) 令 $t=x^2-2x+1=(x-1)^2\geqslant 0$，则 $f(x)=|t-4|+|t-9|>19$，……………………… 6 分

得 $\begin{cases}t\\4-t+9-t>19\end{cases}$ 或 $\begin{cases}4\leqslant t\leqslant 9,\\t-4+9-t>19\end{cases}$ 或 $\begin{cases}t>9,\\t-4+t-9>19,\end{cases}$ ………………………… 8 分

解得 $t<-3$ 或 $t>16$. ……………………………………………………………… 9 分

因为 $t\geqslant 0$，所以 $(x-1)^2>16$，所以 $x\in(-\infty,-3)\cup(5,+\ )$.

所以不等式 $f(x)>19$ 的解集为 $(-\infty,-3)\cup(5,+\infty)$. …………………………… 10 分

评分细则：

【1】第(1)问中，最后未写"x 的取值集合为 $[-2,-1]\cup[3,4]$"，而写为"$-2\leqslant x\leqslant -1$ 或 $3\leqslant x\leqslant 4$"，扣 1 分，写为"$x\in[-2,-1]\cup[3,4]$"，不扣分.

【2】第(1)问还可以这样解答：

设 $t=x^2-2x+1=(x-1)^2\geqslant 0$，则 $f(x)=|t-4|+|t-9|\geqslant|t-4-(t-9)|=5$，…… 2 分

当且仅当 $t\in[4,9]$ 时，等号成立，……………………………………………… 3 分

所以 $f(x)$ 的最小值为 5，…………………………………………………………… 4 分

此时 $(x-1)^2\in[4,9]$，即 $x\in[-2,-1]\cup[3,4]$. …………………………………… 5 分

【3】第(2)问还可以分 5 段讨论解不等式，阅卷时请按步骤给分.