

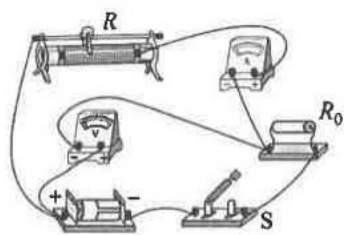
## 答案

一、单项选择题（共 10 题，每题 4 分，共 40 分，每题只有一个选项最符合题意）。

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
B	A	D	C	B	B	C	D	A	C

二、非选择题（本题共 5 小题，共 60 分。其中第 12 题~第 15 题解答时请写出必要的文字说明、方程式和重要的演算步骤，只写出最后答案的不能得分；有数值计算的题，答案中必须明确写出数值和单位）。

11. (15 分，每空 3 分)



(1)

(2)  $R_1$  (3) 1.50 (4) A

12. (8 分)

【答案】(1)  $1.5 \times 10^5 Pa$ ; (2) 14cm

【解析】(1) 对气缸与椅面整体受力分析如图



由受力平衡有

$$p_1 S = p_0 S + mg \quad 2 \text{ 分}$$

$$p_1 = p_0 + \frac{mg}{S}$$

$$\text{得 } p_1 = 1.5 \times 10^5 Pa \quad 1 \text{ 分}$$

(2) 重物放上后，设气缸内气体压强为  $p_2$ ，对气缸、椅面与重物整体受力分析

$$\text{由受力平衡有 } p_2 S = p_0 S + (m + M)g \quad 1 \text{ 分}$$

$$\text{得 } p_2 = 4.5 \times 10^5 Pa \quad 1 \text{ 分}$$

对气缸内气体分析，导热性能良好，室温不变气缸内气体温度不变

初状态  $p_1 = 1.5 \times 10^5 \text{ Pa}$      $V_1 = LS$

末状态  $p_2 = 4.5 \times 10^5 \text{ Pa}$      $V_2 = L'S$

对气缸内气体由玻意耳定律有

$$p_1 V_1 = p_2 V_2$$

$$p_1 LS = p_2 L'S \quad 1 \text{ 分}$$

得  $L' = 7 \text{ cm}$     1 分

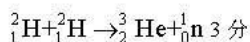
可知气体体积变小，长度变小即为高度下降  $h = L - L'$

$$h = 14 \text{ cm} \quad 1 \text{ 分}$$

13. (8 分)

【答案】(1)  ${}^2_1\text{H} + {}^2_1\text{H} \rightarrow {}^3_2\text{He} + {}^1_0\text{n}$ ; (2) 3.26 MeV.

【详解】(1) 根据核反应过程满足质量数和电荷数守恒，该核反应的反应方程式为



(2) 该核反应的质量亏损为  $\Delta m = (2 \times 2.0136 - 1.0087 - 3.0150) \text{ u} = 0.0035 \text{ u}$     3 分

该核反应释放的核能为  $\Delta E = 0.0035 \times 931.5 \text{ MeV} \approx 3.26 \text{ MeV}$     2 分

14. (13 分)

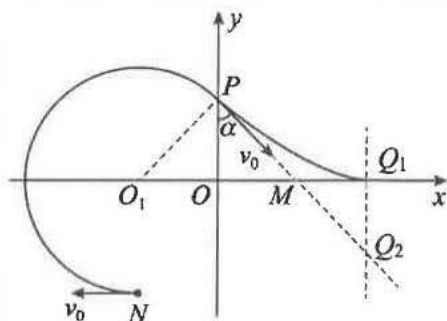
【答案】(1)  $\frac{\sqrt{2}mv_0}{2qB}$ ; (2)  $\frac{\sqrt{2}v_0}{4}$ ; (3)  $\frac{4m}{qB}$ .

【解析】(1) 对小球甲在  $x < 0$  的区域内受力分析有  $qE_1 = mg$     1 分

可知小球甲所受的电场力与重力平衡，洛伦兹力使小球甲在  $y$  轴左侧做匀速圆周运动，

$$\text{轨迹半径 } Bqv_0 = \frac{mv_0^2}{R} \quad R = \frac{mv_0^2}{Bq} \quad 2 \text{ 分}$$

又 N 点的坐标为  $(-\frac{\sqrt{2}mv_0}{2Bq}, \frac{mv_0}{Bq})$ ,



小球甲运动轨迹的圆心在  $x$  轴负半轴上，且小球甲运动  $\frac{5}{8}$  个圆周后到达 P 点，运动轨迹如图所示：

小球甲在 P 点的速度方向与 y 轴负方向的夹角  $\alpha = 45^\circ$  1 分

$$\text{故 } OP = R \sin \alpha = \frac{\sqrt{2}mv_0}{2qB} \text{ 1 分}$$

(2) 小球甲进入 y 轴右侧的匀强电场后, 对小球甲受力分析得

$$qE_2 - mg = ma, \text{ 解得 } a = g, \text{ 1 分}$$

方向竖直向上根据题意可知, 小球甲在 y 轴右侧的运动轨迹恰好与 x 轴相切, 则在沿 y 轴方向有  $(v_0 \cos \alpha)^2 = 2a \times OP$  1 分

$$\text{又 } g = \frac{E_2 q}{m}$$

$$\text{联立解得 } \frac{E_2}{B} = \frac{\sqrt{2}v_0}{4} \text{ 1 分}$$

(3) 小球甲、乙在 P 点相碰, 设碰后结合体的速度大小为 v, 由动量守恒定律

$$mv_0 = 2mv \text{ 1 分}$$

在 y 轴右侧的电场中, 对结合体有  $qE_2 = 2mg$  1 分

所以结合体在 y 轴右侧做匀速直线运动, 由运动学规律可知  $OQ_1 = 2OP$

根据几何关系有  $PQ_2 = \sqrt{2}OQ_1$  1 分

又  $PQ_2 = vt$  1 分

$$\text{解得结合体从 P 点运动到 } Q_2 \text{ 点的时间 } t = \frac{4m}{qB} \text{ 1 分}$$

15. (16 分)

$$(1) \frac{1}{2}mg\sqrt{3gH}; (2) \frac{2}{3}\sqrt{21H}; (3) \frac{\sqrt{2}}{4}$$

【详解】(1) 设轻绳转过  $30^\circ$  时, 小球的速度为 v, 根据机械能守恒定律有

$$mgH \sin 30^\circ = \frac{1}{2}mv^2 \text{ 2 分}$$

重力的瞬时功率为

$$P = mgv \cos 30^\circ \text{ 2 分}$$

所以

$$P = \frac{1}{2}mg\sqrt{3gH} \text{ 1 分}$$

(2) 设小球摆到最低点时速度大小为  $v_1$ , 滑块速度大小为  $v_2$ , 根据水平方向系统动量守恒, 有

$$mv_1 = Mv_2 \text{ 1 分}$$

根据系统机械能守恒, 有

$$mgH = \frac{1}{2}mv_1^2 + \frac{1}{2}Mv_2^2 \text{ 1 分}$$

剪断轻绳后, 滑块做匀速运动, 小球做平抛运动, 经时间 t 落地, 有

$$H = \frac{1}{2}gt^2 \text{ 1 分}$$

小球落地时与滑块间的水平距离为

$$x = (v_1 + v_2)t_1 \text{ 分}$$

小球与滑块之间的距离

$$s = \sqrt{x^2 + 4H^2} \text{ 分}$$

$$s = \frac{2}{3}\sqrt{21}H \text{ 分}$$

(3) 设轻绳转过 $\theta$ 时, 小球的速度为 $v_0$ , 轻绳中拉力为 $F$ , 则

$$mgH\sin\theta = \frac{1}{2}mv_0^2$$

由牛顿第二定律, 有

$$F - mg\sin\theta = m\frac{v_0^2}{H}$$

$$\text{得 } F = 3mg\sin\theta$$

水平方向恰好不滑动

$$F\cos\theta \leq \mu(Mg + F\sin\theta) \text{ 2 分}$$

求得

$$\mu \geq \frac{\sin\theta\cos\theta}{1+\sin^2\theta} \text{ 1 分}$$

方法(一) 导数求极值

$$\text{令 } y = \frac{\sin\theta\cos\theta}{1+\sin^2\theta}, \text{ 求导数得: } y' = \frac{1-3\sin^2\theta}{(1+\sin^2\theta)^2}$$

$$\text{当 } y' = 0 \text{ 时, } \sin^2\theta = \frac{1}{3}$$

$$\text{对应 } \sin\theta = \frac{\sqrt{3}}{3} \quad \cos\theta = \frac{\sqrt{6}}{3} \quad y_{\max} = \frac{\sqrt{2}}{4}$$

$$\therefore \mu \geq \frac{\sqrt{2}}{4}$$

方法(二) 判别式 $\Delta$ 求极值

$$y = \frac{\sin\theta\cos\theta}{1+\sin^2\theta} \quad y^2 = \frac{\sin^2\theta\cos^2\theta}{(1+\sin^2\theta)^2}$$

$$\text{令 } \sin^2\theta = t \quad y^2 = \frac{t(1-t)}{(1+t)^2}$$

$$\text{整理得: } (1+y^2)t^2 + (2y^2-1)t + y^2 = 0$$

$$\Delta = (2y^2-1)^2 - 4(1+y^2)y^2 = 1-8y^2$$

$$\Delta \geq 0, \quad y^2 \leq \frac{1}{8}$$

$$\therefore y_{\max} = \frac{\sqrt{2}}{4}$$

$$\therefore \mu \geq \frac{\sqrt{2}}{4} \quad \text{所以动摩擦因数的最小值为 } \frac{\sqrt{2}}{4} \text{。 2 分}$$

## 关于我们

自主选拔在线是致力于提供新高考生涯规划、强基计划、综合评价、三位一体、学科竞赛等政策资讯的升学服务平台。总部坐落于北京，旗下拥有网站（[网址: www.zizzs.com](http://www.zizzs.com)）和微信公众平台等媒体矩阵，用户群体涵盖全国 90% 以上的重点中学师生及家长，在全国新高考、自主选拔领域首屈一指。

如需第一时间获取相关资讯及备考指南，请关注**自主选拔在线**官方微信号：**zizzsw**。

