

物理考试卷

B+C 三

上期中答案:

1. D 2. D 3. A 4. AB 5. ABD 6. BC 7. C 8. BC 9. AD 10. BD

11. BC 12. AB 13. B 14. ABD 15. AC

16. 【答案】 4.8 2.4 0.58 0.59 9.7

17 (1) 分析刚开始运动时气球受力, 由牛顿第二定律可得: $F_n - mg = ma$ 代入数据得: $F_n = 4830\text{N}$

(2) 已知上升高度 $h = 180\text{m}$, 由动能定理得: $F_{浮}h - mgh - W_f = \frac{1}{2}mv^2$ 解得

$$W_f = F_{浮}h - mgh - \frac{1}{2}mv^2 \text{ 代入数据得: } W_f = 35650\text{J}$$

(3) 设上升 180m 过程所用时间为 t , 由动量定理得:

$$I_{浮} + I_G + I_{阻} = mv$$

$$I_{阻} = Kvt = Kx$$

$$F_{浮} - mg - kv = 0 \text{ 其中 } v = \frac{x}{t}$$

$$I_{浮} = F_{浮}t, \quad I_G = -mgt$$

联立以上各式: $t = 46\text{s}$

18. 【答案】 (1) 2.5 m/s (2) 4 J (3) $W_f = -0.95\text{J}$

(1) P 在水平轨道上运动过程, 根据动能定理得:

$$-\mu m_1 gx = 0 - \frac{1}{2}m_1 v_1^2$$

解得 P 经过 A 点时的速度为:

$$v_1 = \sqrt{2\mu gx} = \sqrt{2 \times 0.25 \times 10 \times 1.25} \text{m/s} = 2.5 \text{m/s}$$

(2) P 由 B 到 A 的过程中, Q 上升的高度:

$$H = \sqrt{h^2 + L^2} = 1\text{m}$$

Q 重力势能的增量:

$$\Delta E_p = mgH = 4\text{J}$$

(3) 设 P 经过 A 点时, Q 的运动速度为 v_2 , 对速度 v_1 分解如图所示,

则有:

$$v_2 = v_1 \cos \beta$$

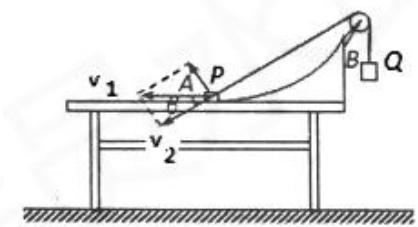
$$\sin \beta = \frac{h}{H} = 0.6$$

解得: $\beta = 37^\circ$

对 P 与 Q 组成系统有:

$$m_1 gh - m_2 gH + W_f = \frac{1}{2}m_1 v_1^2 + \frac{1}{2}m_2 v_2^2$$

代入数据解得: $W_f = -0.95\text{J}$



19. 【答案】 (1) $F = \frac{3}{4}mg \sin \theta$ (2) $d = \frac{4}{3}L$

(1) 以 4 个滑块为研究对象, 设第一个滑块刚进 BC 段时, 4 个滑块的加速度为 a , 由牛顿第二定律:

$$4mg \sin \theta - \mu \cdot mg \cos \theta = 4ma$$

以滑块 1 为研究对象, 设刚进入 BC 段时, 轻杆受到的压力为 F , 由牛顿第二定律:

$$F + mg \sin \theta - \mu \cdot mg \cos \theta = ma$$

已知 $\mu = \tan \theta$

$$\text{联立可得: } F = \frac{3}{4}mg \sin \theta$$

(2) 设 4 个滑块完全进入粗糙段时, 也即第 4 个滑块刚进入 BC 时, 滑块的共同速度为 v

这个过程, 4 个滑块向下移动了 $6L$ 的距离, 1、2、3 滑块在粗糙段向下移动的距离分别为 $3L$ 、 $2L$ 、

L , 由动能定理, 有:

$$4mg\sin\theta \cdot 6L - \mu \cdot mg\cos\theta \cdot (3L + 2L + L) = \frac{1}{2} \cdot 4mv^2$$

$$\text{可得: } v = 3\sqrt{gL\sin\theta}$$

由于动摩擦因数为 $\mu = \tan\theta$, 则 4 个滑块都进入 BC 段后, 所受合外力为 0, 各滑块均以速度 v 做匀速运动;

第 1 个滑块离开 BC 后做匀加速下滑, 设到达 D 处时速度为 v_1 , 由动能定理:

$$mg\sin\theta \cdot (3.5L) = \frac{1}{2}mv_1^2 - \frac{1}{2}mv^2$$

$$\text{可得: } v_1 = 4\sqrt{gL\sin\theta}$$

当第 1 个滑块到达 BC 边缘刚要离开粗糙段时, 第 2 个滑块正以 v 的速度匀速向下运动, 且运动 L 距离后离开粗糙段, 依次类推, 直到第 4 个滑块离开粗糙段。由此可知, 相邻两个滑块到达 BC 段边缘的时间差为 $\Delta t = \frac{L}{v}$, 因此到达水平面的时间差也为 $\Delta t = \frac{L}{v}$

所以滑块在水平面上的间距为 $d = v_1\Delta t$

$$\text{联立解得 } d = \frac{4}{3}L$$

20. 【答案】(1)42J,(2)2.4s,(3)19.2J

(1) 由能量守恒定律得, 弹簧的最大弹性势能为:

$$E_p = mgx\sin 37^\circ + \mu mgx\cos 37^\circ + \frac{1}{2}mv_0^2$$

$$\text{解得: } E_p = 42\text{J}$$

(2) 工件在减速到与传送带速度相等的过程中, 加速度为 a_1 , 由牛顿第二定律得:

$$mg\sin 37^\circ + \mu mg\cos 37^\circ = ma_1$$

$$\text{解得: } a_1 = 10\text{m/s}^2$$

$$\text{工件与传送带共速需要时间为: } t_1 = \frac{v_0 - v}{a_1}$$

$$\text{解得: } t_1 = 0.4\text{s}$$

$$\text{工件滑行位移大小为: } x_1 = \frac{v_0^2 - v^2}{2a_1}$$

$$\text{解得: } x_1 = 2.4\text{m} < L$$

因为 $\mu < \tan 37^\circ$, 所以工件将沿传送带继续减速上滑, 在继续上滑过程中加速度为 a_2 , 则有:

$$mg\sin 37^\circ - \mu mg\cos 37^\circ = ma_2$$

$$\text{解得: } a_2 = 2\text{m/s}^2$$

假设工件速度减为 0 时, 工件未从传送带上滑落, 则运动时间为:

$$t_2 = \frac{v}{a_2}$$

$$\text{解得: } t_2 = 2\text{s}$$

$$\text{解得: } x_2 = 4\text{m}$$

工件运动到 C 点时速度恰好为零, 故假设成立。

工作在传送带上上滑的总时间为: $t = t_1 + t_2 = 2.4\text{s}$

(3) 第一阶段: 工件滑行位移为: $x_1 = 2.4\text{m}$ 。

传送带位移 $x_1' = vt_1 = 1.6\text{m}$, 相对位移为: $\Delta x_1 = 0.8\text{m}$ 。

$$\text{摩擦生热为: } Q_1 = \mu mg\Delta x_1 \cos 37^\circ$$

$$\text{解得: } Q_1 = 3.2\text{J}$$

第二阶段: 工件滑行位移为: $x_2 = 4\text{m}$,

传送带位移为: $x_2' = vt_2 = 8\text{m}$

相对位移为: $\Delta x_2 = 4\text{m}$

$$\text{摩擦生热为: } Q_2 = \mu mg\Delta x_2 \cos 37^\circ$$

$$\text{解得: } Q_2 = 16\text{J}$$

总热量为: $Q = 19.2\text{J}$ 。