



高三阶段性考试

数 学

注意事项：

1. 答题前，考生务必将自己的姓名、考生号、考场号、座位号填写在答题卡上。
2. 回答选择题时，选出每小题答案后，用铅笔把答题卡上对应题目的答案标号涂黑。如需改动，用橡皮擦干净后，再选涂其他答案标号。回答非选择题时，将答案写在答题卡上。写在本试卷上无效。
3. 考试结束后，将本试卷和答题卡一并交回。
4. 本试卷主要考试内容：集合与常用逻辑用语，不等式，函数与导数，三角函数与解三角形，向量，复数，数列。

一、选择题：本题共 8 小题，每小题 5 分，共 40 分。在每小题给出的四个选项中，只有一项是符合题目要求的。

1. 已知复数 z 满足 $z(1+3i)=4+i$ ，则 $z=$

- A. $-\frac{1}{8}-\frac{11}{8}i$ B. $-\frac{1}{8}+\frac{11}{8}i$
 C. $\frac{7}{10}+\frac{11}{10}i$ D. $\frac{7}{10}-\frac{11}{10}i$

2. 已知集合 $A=\{x|x^2-3x-10<0\}$, $B=\{x|a-x>0\}$, 且 $1 \notin A \cap B$, 则 a 的最大值是

- A. -1 B. 1 C. 2 D. 5

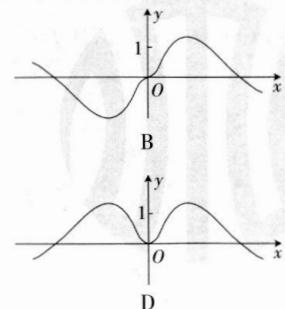
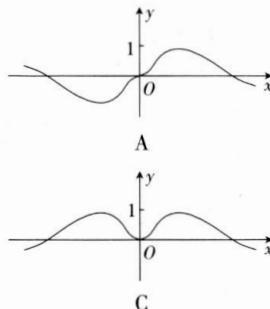
3. 已知 $\sin \alpha + 2\sin(\alpha - \frac{\pi}{2}) = 0$, 则 $\tan(\alpha + \frac{\pi}{4}) =$

- A. 3 B. $\frac{1}{3}$ C. -3 D. $-\frac{1}{3}$

4. “ $x < 4$ ”是“ $\log_2 x < 2$ ”的

- A. 必要不充分条件 B. 充分不必要条件
 C. 充要条件 D. 既不充分也不必要条件

5. 函数 $f(x) = \frac{2x \sin x}{x^2 + 1}$ 在区间 $[-4, 4]$ 上的大致图象是



6. 在等比数列 $\{a_n\}$ 中, $a_7=6$, 则 a_5+4a_9 的最小值是

- A. 12 B. 24 C. 36 D. 48

7. 在 $\triangle ABC$ 中, $\overrightarrow{BC}=3\overrightarrow{BD}, \overrightarrow{CF}=2\overrightarrow{FA}$, E 是边 AB 的中点, EF 与 AD 交于点 P , 若 $\overrightarrow{AP}=m\overrightarrow{AB}+n\overrightarrow{AC}$, 则 $m+n=$

- A. $\frac{3}{7}$ B. $\frac{4}{7}$ C. $\frac{6}{7}$ D. 1

8. 杭州第 19 届亚运会又称“杭州 2022 年第 19 届亚运会”, 是亚洲最高规格的国际综合性体育赛事. 本届亚运会定于 2023 年 9 月 23 日至 10 月 8 日在浙江杭州举办. 某国的甲、乙、丙运动员共报名参加了 13 个项目, 其中甲和丙都报名参加了 7 个项目, 乙报名参加了 6 个项目, 甲、乙报名参加的项目中有 2 个相同, 甲、丙报名参加的项目中有 3 个相同, 同一个项目, 每个国家最多只能有 2 名运动员报名参加, 则乙、丙报名参加的项目中, 相同的个数为

- A. 0 B. 1 C. 2 D. 3

二、选择题：本题共 4 小题，每小题 5 分，共 20 分。在每小题给出的选项中，有多项符合题目要求。全部选对的得 5 分，部分选对的得 2 分，有选错的得 0 分。

9. 设等差数列 $\{a_n\}$ 的前 n 项和为 S_n , 若 $a_4+2a_8=a_6$, 则下列结论正确的是

- A. $a_7=0$ B. S_7 最大
 C. $S_5=S_9$ D. $S_{13}=0$

10. 已知函数 $f(x)$ 的定义域为 \mathbf{R} , $f(x+y)=f(x)+f(y)$, 则

- A. $f(0)=0$ B. $f(x)$ 是奇函数
 C. $x=0$ 为 $f(x)$ 的极小值点 D. 若 $f(1)=1$, 则 $f(2023)=2023$

11. 设函数 $f(x)=\sin(\omega x - \frac{\pi}{6})$ ($\omega > 0$) 在 $(0, \pi)$ 上恰有两个极值点, 两个零点, 则 ω 的取值可能是

- A. $\frac{3}{2}$ B. $\frac{5}{3}$ C. 2 D. $\frac{13}{6}$

12. 已知函数 $y=a^x$ 与 $y=\log_a x$ 的图象只有一个交点, 则 a 的取值可能为

- A. $\frac{1}{16}$ B. $\frac{1}{4}$ C. \sqrt{e} D. $e^{\frac{1}{e}}$

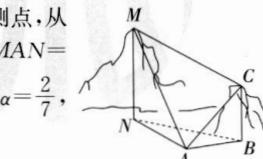
三、填空题：本题共 4 小题，每小题 5 分，共 20 分。

13. 已知向量 $\mathbf{m}=(-1, 2), \mathbf{n}=(-3, 1)$, 若 $(\mathbf{m}+k\mathbf{n}) \perp \mathbf{m}$, 则 $k=$

14. 若 $f(x)=\frac{1}{a^x+1}-m$ ($a>0, a \neq 1$) 是奇函数, 则 $m=$

15. 衡量曲线弯曲程度的重要指标是曲率, 曲线的曲率定义如下: 若 $f'(x)$ 是 $f(x)$ 的导函数, $f''(x)$ 是 $f'(x)$ 的导函数, 则曲线 $y=f(x)$ 在点 $(x, f(x))$ 处的曲率为 $K=\frac{|f''(x)|}{(1+(f'(x))^2)^{\frac{3}{2}}}$. 已知函数 $f(x)=x^2-x$, 则曲线 $y=f(x)$ 在点 $(1, f(1))$ 处的曲率为 .

16. 如图, 为测量山高 MN, 选择 A 和另一座山的山顶 C 为测量观测点, 从 A 点测得 C 点的仰角 $\angle CAB=45^\circ$, 从 A 点测得 M 点的仰角 $\angle MAN=45^\circ$, 从 C 点测得 M 点的仰角为 α . 已知山高 BC=3(百米), $\tan \alpha=\frac{2}{7}$, $\angle NAB=120^\circ$, 则山高 MN= (百米).



四、解答题:本题共 6 小题,共 70 分。解答应写出文字说明、证明过程或演算步骤。

17.(10 分)

在 $\triangle ABC$ 中,角 A, B, C 的对边分别是 a, b, c ,且 $a\cos C + c\cos A = 4b\cos B$.

(1)求 $\cos B$ 的值;

(2)若 $b=2\sqrt{19}$,且 $\triangle ABC$ 的面积为 $6\sqrt{15}$,求 $\triangle ABC$ 的周长.

18.(12 分)

已知函数 $f(x)=\log_3(x+a)-\log_3(5-2x)$,且 $f(1)=0$.

(1)求 a 的值及 $f(x)$ 的定义域;

(2)求不等式 $f(x)>1$ 的解集.

19.(12 分)

已知函数 $f(x)=2\cos(\omega x+\varphi)$ ($\omega>0, 0<\varphi<\pi$)的图象经过点 $A(\frac{\pi}{3}, -2)$,且 $f(x)$ 图象上相

邻的两条对称轴之间的距离是 $\frac{\pi}{2}$.

(1)求 $f(x)$ 的单调递增区间;

(2)若对任意的 $x \in [0, \frac{\pi}{2}]$,不等式 $|f(x)-m| \leq 2$ 恒成立,求 m 的取值范围.

20.(12 分)

某企业计划对甲、乙两个项目共投资 200 万元,且每个项目至少投资 10 万元.依据前期市场调研可知,甲项目的收益 $p(t)$ (单位:万元)与投资金额 t (单位:万元)满足关系式 $p(t)=at^3+21t$;乙项目的收益 $g(t)$ (单位:万元)与投资金额 t (单位:万元)满足关系式 $g(t)=-2a(t-b)^2$ ($b<200$).设对甲项目投资 x 万元,两个项目的总收益为 $f(x)$ (单位:万元),且当对甲项目投资 30 万元时,甲项目的收益为 180 万元,乙项目的收益为 120 万元.

(1)求 $f(x)$ 的解析式;

(2)试问如何安排甲、乙这两个项目的投资金额,才能使总收益 $f(x)$ 最大? 并求出 $f(x)$ 的最大值.

21.(12 分)

已知数列 $\{a_n\}$ 满足 $a_1=1$,且 $na_{n+1}-(n+1)a_n=1$.

(1)求 $\{a_n\}$ 的通项公式;

(2)若数列 $\{\frac{a_n}{b_n}\}$ 的前 n 项和为 S_n ,且 $S_n=\frac{3^n-1}{2}$,求数列 $\{b_n\}$ 的前 n 项和 T_n .

22.(12 分)

已知函数 $f(x)=\ln(1+x)+\frac{x^2}{2}$.

(1)求曲线 $y=f(x)$ 在 $x=1$ 处切线的斜率;

(2)当 $x \in (0, +\infty)$ 时,比较 $f(x)$ 与 x 的大小;

(3)若函数 $g(x)=\cos x+\frac{x^2}{2}$,且 $f(e^{\frac{a}{2}})=g(b)-1$ ($a>0, b>0$),证明: $f(b^2)+1>g(a)+1$.

高三阶段性考试 数学答题卡

姓 名: 班 级:

考场号: 座位号:

考生号:

贴条形码区

准考证号									
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

正确填涂 错误填涂   

- 注意事項

 - 答题前，考生须认真核对条形码上的个人信息，然后将本人姓名、班级、考场号、座位号和考试号填写在相应位置。填写样例：①[]②[]③[]④[]⑤[]⑥[]⑦[]⑧[]⑨[]
 - 答选择题时，必须使用2B铅笔将对应的题号的标号涂黑，修改时用橡皮擦干净，再选涂其他答案。
 - 答非选择题时，必须使用0.5毫米的黑色字迹签字笔书写，作图题可先用铅笔画出，确认后再用0.5毫米的黑色字迹签字笔清晰、准确地用2B铅笔将所选题号涂黑。要求字体工整，笔迹清晰，严格按题号所指示的答题区域作答，超出答题区域书写的答案无效；在试题卷、草稿纸上答题无效。
 - 保持答题卡清洁、完整、严禁折叠，严禁在答题卡上做任何标记，严禁使用涂改液、胶带纸、修正带。

选择题(须用2B铅笔填涂)

- | | | | | | | | | | | | | | | |
|---|---|---|---|---|----|---|---|---|---|----|---|---|---|---|
| 1 | A | B | C | D | 6 | A | B | C | D | 11 | A | B | C | D |
| 2 | A | B | C | D | 7 | A | B | C | D | 12 | A | B | C | D |
| 3 | A | B | C | D | 8 | A | B | C | D | | | | | |
| 4 | A | B | C | D | 9 | A | B | C | D | | | | | |
| 5 | A | B | C | D | 10 | A | B | C | D | | | | | |

非选择题(须用0.5毫米的黑色字迹签字笔书写)

13. (5分) 14. (5分)

15. (5分) 16. (5分)

17.(10分)

请在各题规定的黑色矩形区域内答题,超出该区域的答案无效!

续 17

请在各题规定的黑色矩形区域内答题,超出该区域的答案无效!

19.(12分)

18.(12分)

请在各题规定的黑色矩形区域内答题,超出该区域的答案无效

请在各题规定的黑色矩形区域内答题，超出该区域的答案无效！

请在各题规定的黑色矩形区域内答题，超出该区域的答案无效！

请在各题规定的黑色矩形区域内答题,超出该区域的答案无效!

20.(12分)

请在各题规定的黑色矩形区域内答题,超出该区域的答案无效!

21.(12分)

请在各题规定的黑色矩形区域内答题,超出该区域的答案无效!

22.(12分)

请在各题规定的黑色矩形区域内答题,超出该区域的答案无效!

请在各题规定的黑色矩形区域内答题,超出该区域的答案无效!

请在各题规定的黑色矩形区域内答题,超出该区域的答案无效!