

高考数学 • 常考高频考点

一、三角函数部分

1、同角三角函数的基本关系: $\sin^2 \alpha + \cos^2 \alpha = 1$ 、 $\frac{\sin \alpha}{\cos \alpha} = \tan \alpha$ 、 $\tan \alpha \cdot \cot \alpha = 1$

2、两角和与差的正弦、余弦、正切公式:

$$\sin(\alpha \pm \beta) = \sin \alpha \cos \beta \pm \cos \alpha \sin \beta$$

$$\cos(\alpha \pm \beta) = \cos \alpha \cos \beta \mp \sin \alpha \sin \beta$$

$$\tan(\alpha \pm \beta) = \frac{\tan \alpha \pm \tan \beta}{1 \mp \tan \alpha \tan \beta}$$

3、降幂公式:

$$\sin x \cos x = \frac{1}{2} \sin 2x; \quad \sin^2 x = \frac{1}{2}(1 - \cos 2x); \quad \cos^2 x = \frac{1}{2}(1 + \cos 2x)$$

4、 $a \sin \omega x + b \cos \omega x = \sqrt{a^2 + b^2} \sin(\omega x + \varphi)$ (辅助角 φ 由 (a, b) 所在象限决定, $\tan \varphi = \frac{b}{a}$)

5、二倍角的正弦、余弦、正切公式:

$$\sin 2\alpha = 2 \sin \alpha \cos \alpha$$

$$\cos 2\alpha = \cos^2 \alpha - \sin^2 \alpha = 2 \cos^2 \alpha - 1 = 1 - 2 \sin^2 \alpha$$

$$\tan 2\alpha = \frac{2 \tan \alpha}{1 - \tan^2 \alpha}$$

6、正弦定理: $\frac{a}{\sin A} = \frac{b}{\sin B} = \frac{c}{\sin C} = 2R$ (R 是 $\triangle ABC$ 外接圆的半径)

7、余弦定理:

$$a^2 = b^2 + c^2 - 2bc \cos A; \quad b^2 = a^2 + c^2 - 2ac \cos B; \quad c^2 = b^2 + a^2 - 2ba \cos C.$$

8、三角形面积公式:

$$\textcircled{1} S = \frac{1}{2} ah_a = \frac{1}{2} bh_b = \frac{1}{2} ch_c$$

$$\textcircled{2} S = \frac{1}{2} bcs \sin A = \frac{1}{2} acs \sin B = \frac{1}{2} abs \sin C$$

$$\textcircled{3} S = \frac{abc}{4R} \quad (R \text{ 为 } \triangle ABC \text{ 外接圆半径})$$

$$\textcircled{4} S = \frac{1}{2}(a+b+c)r \quad (r \text{ 为 } \triangle ABC \text{ 内切圆半径})$$

$$\textcircled{5} \text{ 海伦公式: } S = \sqrt{p(p-a)(p-b)(p-c)} \quad (\text{其中 } p = \frac{1}{2}(a+b+c))$$

$$\textcircled{6} \text{ 坐标表示: } \vec{AB} = (x_1, y_1), \quad \vec{AC} = (x_2, y_2), \quad \text{则 } S = \frac{1}{2}|x_1y_2 - x_2y_1|$$

9、常用名称和术语: 坡角、仰角、俯角、方位角、方向角

二、数列部分

10、 a_n 与 S_n 的关系: $a_n = \begin{cases} S_1 (n=1) \\ S_n - S_{n-1} (n \geq 2) \end{cases}$

11、等差数列:

① 定义: $a_n - a_{n-1} = d$ ($n \in \mathbf{N}_+$, $n \geq 2$) 或 $a_{n+1} - a_n = d$ ($n \in \mathbf{N}_+$)

② 等差数列的通项公式及其变形:

$$a_n = a_1 + (n-1)d = dn + a_1 - d \quad (n \in \mathbf{N}_+); \quad a_n = a_m + (n-m)d \quad (m, n \in \mathbf{N}_+)$$

$$d = \frac{a_n - a_m}{n - m} \quad (n \neq m, m, n \in \mathbf{N}_+)$$

③ 等差数列的前 n 项和 S_n :

$$S_n = \frac{n(a_1 + a_n)}{2} = na_1 + \frac{n(n-1)}{2}d$$

12、等比数列:

① 定义: $\frac{a_n}{a_{n-1}} = q$ ($q \neq 0$, $n \in \mathbf{N}_+$, $n \geq 2$) 或 $\frac{a_{n+1}}{a_n} = q$ ($q \neq 0$, $n \in \mathbf{N}_+$)

② 等比数列的通项公式及其变形:

$$a_n = a_1 q^{n-1} = \left(\frac{a_1}{q} \right) q^n \quad (q \neq 0, n \in \mathbf{N}_+)$$

$$a_n = a_m q^{n-m} \quad (q \neq 0, m, n \in \mathbf{N}_+)$$

$$a_{m+n} = a_m q^n = a_n q^m \quad (q \neq 0, m, n \in \mathbf{N}_+)$$

$$S_{m+n} = S_m + S_n q^m = S_n + S_m q^n$$

③ 等比数列的前 n 项和 S_n : $S_n = \begin{cases} n a_1 (q=1) \\ \frac{a_1 (1-q^n)}{1-q} = \frac{a_1 - a_n q}{1-q} (q \neq 1) \end{cases}$

13、求数列的通项公式 a_n 的方法

① 公式法:

若数列 $\{a_n\}$ 是等差数列: 找 a_1 和 d , 再利用公式 $a_n = a_1 + (n-1)d$ ($n \in \mathbf{N}_+$);

若数列 $\{a_n\}$ 是等比数列: 找 a_1 和 q , 再利用公式 $a_n = a_1 q^{n-1}$ ($n \in \mathbf{N}_+$),

② 知 S_n 求 a_n 法: 利用 $a_n = \begin{cases} S_1 (n=1) \\ S_n - S_{n-1} (n \geq 2) \end{cases}$;

③ 叠加法: 形如: $a_n = a_{n-1} + f(n)$ ($n \in \mathbf{N}_+$, $n \geq 2$) 或 $a_{n+1} = a_n + g(n)$ ($n \in \mathbf{N}_+$);

④ 构造法: 形如: $a_n = k a_{n-1} + b$ (k 、 b 均为常数, 且 $k \neq 1$, $b \neq 0$, $n \in \mathbf{N}_+$, $n \geq 2$);

构造一：设 $(a_n + \lambda) = k(a_{n-1} + \lambda) \Rightarrow \{a_n + \lambda\}$ 是等比数列

构造二：由 $a_n = ka_{n-1} + b \Rightarrow a_{n+1} = ka_n + b$ ，相减整理： $\frac{a_{n+1} - a_n}{a_n - a_{n-1}} = k \Rightarrow \{a_n - a_{n-1}\}$ 式等比数列

- ⑤ 广义叠加法：形如： $a_n = ka_{n-1} + f(n)$ （ k 为常数，且 $k \neq 1$ ， $n \in \mathbf{N}_+$ ， $n \geq 2$ ）或
 $a_{n+1} = ka_n + g(n)$ （ k 为常数，且 $k \neq 1$ ， $n \in \mathbf{N}_+$ ）

构造一： $a_n = ka_{n-1} + f(n) \Rightarrow \frac{a_n}{k^n} = \frac{a_{n-1}}{k^{n-1}} + \frac{f(n)}{k^n}$ ，令 $b_n = \frac{a_n}{k^n}$ ，转化成 $b_n = b_{n-1} + g(n)$
 再叠加；

构造二： $a_{n+1} = ka_n + g(n) \Rightarrow \frac{a_{n+1}}{k^{n+1}} = \frac{a_n}{k^n} + \frac{g(n)}{k^{n+1}}$ ，令 $b_{n+1} = \frac{a_{n+1}}{k^{n+1}}$ ，转化成 $b_{n+1} = b_n + h(n)$
 再叠加；

- ⑥ 叠乘法：形如： $\frac{a_n}{a_{n-1}} = f(n)$ （ $n \in \mathbf{N}_+$ ， $n \geq 2$ ）或 $\frac{a_{n+1}}{a_n} = g(n)$ （ $n \in \mathbf{N}_+$ ）；
 ⑦ 对数变换法：形如： $a_n = ba_{n-1}^k$ （ $b > 0$ ， $a_n > 0$ ， $n \in \mathbf{N}_+$ ， $n \geq 2$ ）或 $a_{n+1} = ba_n^k$ （ $b > 0$ ，
 $a_n > 0$ ， $n \in \mathbf{N}_+$ ， $n \geq 2$ ）；

构造一： $a_n = ba_{n-1}^k \Rightarrow \lg a_n = k \lg a_{n-1} + \lg b$ ，令 $b_n = \lg a_n$ ，化成 $b_n = kb_{n-1} + m$ 再用构
 造法即可

构造一： $a_{n+1} = ba_n^k \Rightarrow \lg a_{n+1} = k \lg a_n + \lg b$ ，令 $b_{n+1} = \lg a_{n+1}$ ，化成 $b_{n+1} = kb_n + m$ 再用构
 造法即可

注意：底数不一定要取 10，可根据题意选择

- ⑧ 倒数变换法：形如： $a_n - a_{n-1} = ka_n a_{n-1}$ （ k 为常数且 $k \neq 0$ ， $n \in \mathbf{N}_+$ ， $n \geq 2$ ）或
 $a_{n+1} - a_n = ka_{n+1} a_n$ （ k 为常数且 $k \neq 0$ ， $n \in \mathbf{N}_+$ ）或 $a_{n+1} = \frac{ma_n}{ba_n + k}$ （ k ， m ， b 均为不
 为零常数， $n \in \mathbf{N}_+$ ）

构造一： $a_n - a_{n-1} = ka_n a_{n-1} \Rightarrow \frac{1}{a_n} - \frac{1}{a_{n-1}} = -k \Rightarrow \left\{ \frac{1}{a_n} \right\}$ 是等差数列；

构造二： $a_{n+1} - a_n = ka_{n+1} a_n \Rightarrow \frac{1}{a_{n+1}} - \frac{1}{a_n} = -k \Rightarrow \left\{ \frac{1}{a_n} \right\}$ 是等差数列

构造三： $a_{n+1} = \frac{ma_n}{ba_n + k} \Rightarrow \frac{1}{a_{n+1}} = \frac{k}{m} \frac{1}{a_n} + \frac{b}{m}$ ，令 $b_{n+1} = \frac{1}{a_{n+1}}$ ，化成 $b_{n+1} = pb_n + q$ 再用
 构造法。

- ⑨ 递推公式：形如： $a_{n+2} = ka_{n+1} + ba_n$ （ k ， b 均为不为零常数， $n \in \mathbf{N}_+$ ）

$$\text{法一 (待定系数法)} \quad a_{n+2} = ka_{n+1} + ba_n \Rightarrow (a_{n+2} - qa_{n+1}) = p(a_{n+1} - qa_n) \Rightarrow \begin{cases} p+q=k \\ -pq=b \end{cases}$$

$\Rightarrow \{a_{n+1} - qa_n\}$ 是等比数列, 进而化归为 $a_{n+1} = qa_n + g(n)$ 形式再用广义叠加法即可.

法二 (特征根法) $a_{n+2} = ka_{n+1} + ba_n$, $a_1 = \alpha$, $a_2 = \beta \Rightarrow$ 若 x_1 , x_2 是特征方程

$x^2 - kx - b = 0$ 的两个根, 当 $x_1 \neq x_2$ 时, $a_n = Ax_1^{n-1} + Bx_2^{n-1}$ (A, B 由 $a_1 = \alpha$, $a_2 = \beta$, $n=1,2$ 决定);

当 $x_1 = x_2$ 时, $a_n = (A + Bn)x_1^{n-1}$ (A, B 由 $a_1 = \alpha$, $a_2 = \beta$, $n=1,2$ 决定).

说明: 若数列 $\{a_n\}$ 是斐波那契数列: 满足 $a_n = a_{n-1} + a_{n-2}$ ($n \in \mathbf{N}_+$, $n \geq 3$)

$$\Rightarrow a_n = \frac{\left(\frac{1+\sqrt{5}}{2}\right)^n - \left(\frac{1-\sqrt{5}}{2}\right)^n}{\sqrt{5}} \quad (n \in \mathbf{N}_+).$$

⑩ 不动点法: 形如: $a_{n+1} = \frac{pa_n + q}{ba_n + k}$ (k, b, p, q 均为常数, 且 $pk \neq qb$, $b \neq 0$, $a_1 \neq -\frac{k}{b}$, $n \in \mathbf{N}_+$)

构造: $a_{n+1} = \frac{pa_n + q}{ba_n + k} \Rightarrow$ 特征方程 $x = \frac{px + q}{bx + k}$, 当特征方程有且仅有一根 x_0 时, 则

$\left\{ \frac{1}{a_n - x_0} \right\}$ 是等差数列; 当特征方程有两个不同的实根 x_1 , x_2 时, 则 $\left\{ \frac{a_n - x_1}{a_n - x_2} \right\}$ 是等比数列.

14、求数列的前 n 项和公式 S_n 的方法: 主要看通项的形式, 选择不同的方法.

① 公式法:

$$a_n = kn + b \Rightarrow \text{先猜后证 } \{a_n\} \text{ 是等差数列} \Rightarrow S_n = \frac{n(a_1 + a_n)}{2} \text{ 或 } S_n = na_1 + \frac{n(n-1)}{2}d;$$

$$a_n = kq^n \Rightarrow \text{先猜后证 } \{a_n\} \text{ 是等比数列} \Rightarrow S_n = \begin{cases} n a_1 (q=1) \\ \frac{a_1(1-q^n)}{1-q} (q \neq 1) \end{cases}$$

② 倒序相加法: 如: 等差数列前 n 项和 $S_n = \frac{n(a_1 + a_n)}{2}$ 由此法得到.

③ 裂项相消法: 形如: $\left\{ \frac{1}{a_n a_{n+1}} \right\}$ ($\{a_n\}$ 是公差为 d 的等差数列, $n \in \mathbf{N}_+$) 常见的拆项如下:

$$\frac{1}{a_n a_{n+1}} = \frac{1}{d} \left(\frac{1}{a_n} - \frac{1}{a_{n+1}} \right); \quad \frac{1}{n(n+1)} = \frac{1}{n} - \frac{1}{n+1};$$

$$\frac{1}{(2n-1)(2n+1)} = \frac{1}{2} \left(\frac{1}{2n-1} - \frac{1}{2n+1} \right); \quad \frac{1}{\sqrt{a} + \sqrt{b}} = \frac{1}{a-b} (\sqrt{a} - \sqrt{b});$$

$$\frac{1}{n(n+k)} = \frac{1}{k} \left(\frac{1}{n} - \frac{1}{n+1} \right) \quad (k \text{ 为常数, 且 } k \neq 0);$$

④ 错位相减法: 形如: $\{a_n \cdot b_n\}$ 或 $\left\{\frac{a_n}{b_n}\right\}$ ($\{a_n\}$ 是等差数列, $\{b_n\}$ 是等比数列)

四步: 乘以公比、错位相减、等比求和、化简.

⑤ 十秒错位相减法:

形如: $a_n = (kn+b)q^{n-1}$, $S_n = (An+B)q^n - B$ (其中 $A = \frac{k}{q-1}$, $B = \frac{b-A}{q-1}$)

⑥ 九秒错位相减法:

形如: $a_n = (kn+b)q^n$, $S_n = \left(\frac{k}{q-1}n + \frac{b}{q-1} - \frac{k}{(q-1)^2} \right) q^n - \left(\frac{b}{q-1} - \frac{k}{(q-1)^2} \right) q$

⑦ 分组求和法: 形如通项 $a_n = \text{等差} \pm \text{等比} \pm \text{常见数列}$, 分类求和再相加减.

⑧ 奇偶求和法: 针对奇、偶数项, 考虑符号的数列求 S_n , 就必须分奇偶来讨论, 最后进行综合

⑨ 分类讨论法: 针对数列 $\{a_n\}$ 的其中几项符号与另外的项不同, 而求各项绝对值的和的问题, 主要是分段求. 如: 求数列 $\{|a_n|\}$ 的前 n 项和.

⑩ 数学归纳法: 针对无法求出通项或无法根据通项求出各项之和的数列, 先用不完全归纳法猜出 S_n 的表达式, 然后用数学归纳法证明之.

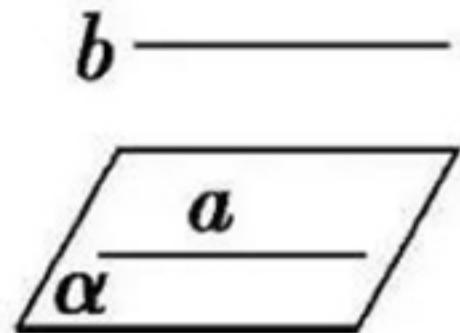
三、立体几何部分

15、三视图：将三视图还原实物图：（三步法）

看视图，明关系→分部分，想整体→综合起来，定整体。

16、六大必考定理：（码条件）

①线面平行

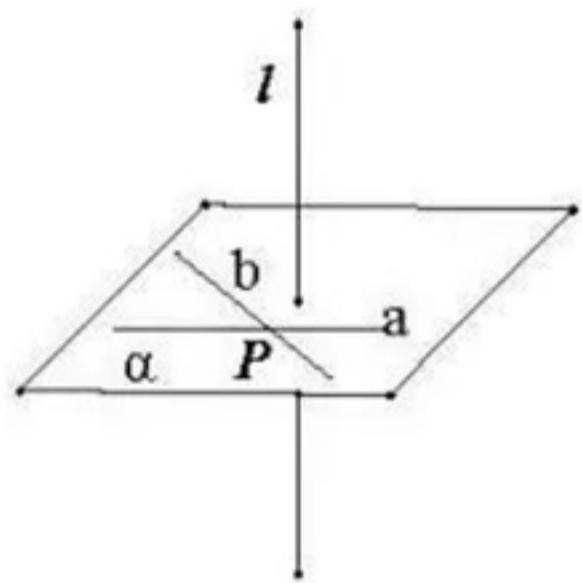


符号：

条件： $a \subset \alpha$, $b \not\subset \alpha$, $b \parallel a$

结果： $b \parallel \alpha$

②线面垂直：

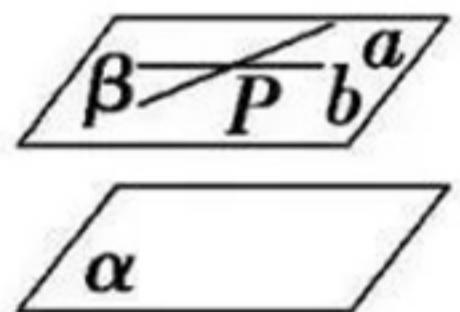


符号：

条件： $a \subset \alpha$, $b \subset \alpha$, $a \cap b = P$, $l \perp a$, $l \perp b$

结果： $l \perp \alpha$

③面面平行：

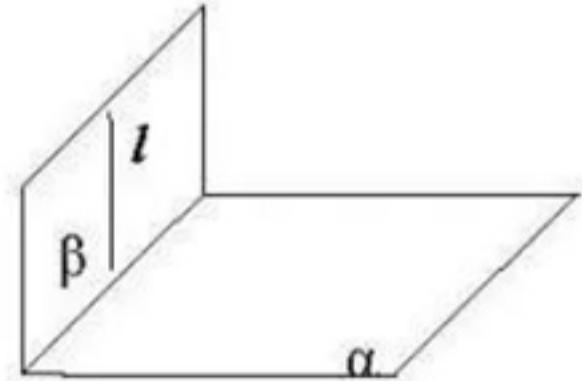


符号：

条件： $a \subset \beta$, $b \subset \beta$, $a \cap b = P$, $a \parallel \alpha$, $b \parallel \alpha$

结果： $\beta \parallel \alpha$

④面面垂直

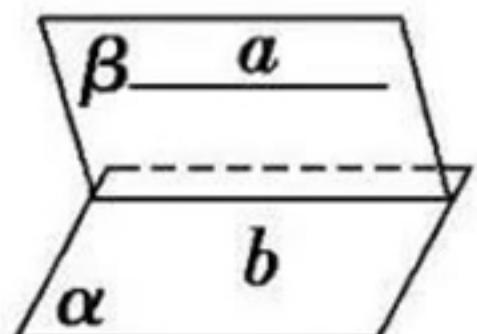


符号：

条件： $l \perp \alpha$, $l \subset \beta$

结果： $\alpha \perp \beta$

⑤线面平行 \Rightarrow 线线平行

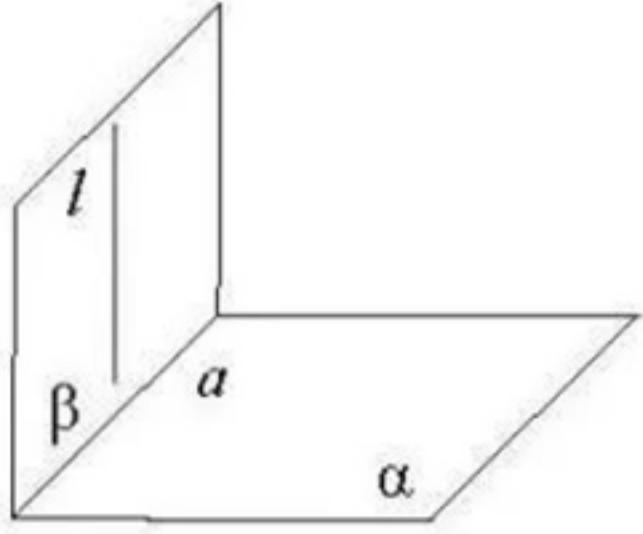


符号:

条件: $a \parallel \alpha$, $a \subset \beta$, $\alpha \cap \beta = b$

结果: $b \parallel a$

⑥面面垂直 \Rightarrow 线面垂直



符号:

条件: $\alpha \perp \beta$, $l \subset \beta$, $\alpha \cap \beta = a$, $l \perp a$

结果: $l \perp \alpha$

17、空间向量与立体几何(理科)

(1) 空间向量

①空间两点间的距离: 设点 $A(x_1, y_1, z_1)$, $B(x_2, y_2, z_2)$,

$$\text{则 } |\vec{AB}| = \sqrt{(x_2 - x_1)^2 + (y_2 - y_1)^2 + (z_2 - z_1)^2}$$

②空间向量直角坐标运算: 设 $\vec{a} = (x_1, y_1, z_1)$, $\vec{b} = (x_2, y_2, z_2)$ 则:

$$\vec{a} + \vec{b} = (x_1 + x_2, y_1 + y_2, z_1 + z_2); \quad \vec{a} - \vec{b} = (x_1 - x_2, y_1 - y_2, z_1 - z_2);$$

$$\lambda \vec{a} = (\lambda x_1, \lambda y_1, \lambda z_1) \quad (\lambda \in \mathbf{R}); \quad \vec{a} \cdot \vec{b} = x_1 x_2 + y_1 y_2 + z_1 z_2.$$

③空间向量的坐标表示: 设 $A = (x_1, y_1, z_1)$, $B = (x_2, y_2, z_2)$,

$$\text{则: } \vec{BA} = \vec{OA} - \vec{OB} = (x_1 - x_2, y_1 - y_2, z_1 - z_2)$$

④空间的线线平行、垂直、夹角公式: 设 $\vec{a} = (x_1, y_1, z_1)$, $\vec{b} = (x_2, y_2, z_2)$, 则:

$$\vec{a} \parallel \vec{b} \Leftrightarrow \vec{a} = \lambda \vec{b} \quad (\vec{b} \neq \vec{0}) \Leftrightarrow \begin{cases} x_1 = \lambda x_2 \\ y_1 = \lambda y_2 \\ z_1 = \lambda z_2 \end{cases}$$

$$\vec{a} \perp \vec{b} \Leftrightarrow \vec{a} \cdot \vec{b} = 0 \Leftrightarrow x_1 x_2 + y_1 y_2 + z_1 z_2 = 0;$$

$$\text{夹角公式: } \cos \langle \vec{a}, \vec{b} \rangle = \frac{x_1 x_2 + y_1 y_2 + z_1 z_2}{\sqrt{x_1^2 + y_1^2 + z_1^2} \sqrt{x_2^2 + y_2^2 + z_2^2}} \quad (\langle \vec{a}, \vec{b} \rangle \in [0, \pi])$$

推论: $(x_1 x_2 + y_1 y_2 + z_1 z_2)^2 \leq (x_1^2 + y_1^2 + z_1^2)(x_2^2 + y_2^2 + z_2^2)$ (三维柯西不等式)

异面直线所成的角 θ : $\theta \in (0^\circ, 90^\circ]$

$$\cos \theta = |\cos \langle \vec{a}, \vec{b} \rangle| = \frac{|\vec{ab}|}{\|\vec{a}\| \|\vec{b}\|} = \frac{|x_1x_2 + y_1y_2 + z_1z_2|}{\sqrt{x_1^2 + y_1^2 + z_1^2} \sqrt{x_2^2 + y_2^2 + z_2^2}} \quad (\text{其中 } \theta \text{ 为异面直线 } a, b \text{ 所成的角, } \vec{a}, \vec{b} \text{ 分别为异面直线 } a, b \text{ 的方向向量})$$

直线 AB 与平面 α 所成的角 θ : $\theta \in [0^\circ, 90^\circ]$

$$\sin \theta = \frac{|\vec{AB} \cdot \vec{m}|}{\|\vec{AB}\| \|\vec{m}\|}, \quad \theta = \arcsin \frac{|\vec{AB} \cdot \vec{m}|}{\|\vec{AB}\| \|\vec{m}\|} \quad (\vec{m} \text{ 为平面 } \alpha \text{ 的法向量, } \vec{AB} \text{ 为直线 } AB \text{ 的方向向量})$$

二面角 $\alpha-l-\beta$ 的平面角 θ : $\theta \in [0^\circ, 180^\circ]$

$$\cos \theta = \frac{\vec{m} \cdot \vec{n}}{\|\vec{m}\| \|\vec{n}\|}, \quad \theta = \arccos \frac{\vec{m} \cdot \vec{n}}{\|\vec{m}\| \|\vec{n}\|} \text{ 或 } \pi - \arccos \frac{\vec{m} \cdot \vec{n}}{\|\vec{m}\| \|\vec{n}\|} \quad (\vec{m}, \vec{n} \text{ 为平面 } \alpha, \beta \text{ 的法向量})$$

⑤利用法向量求空间距离:

点 Q 到直线 l 的距离: $d = \frac{1}{\|\vec{a}\|} \sqrt{(\|\vec{a}\| \|\vec{b}\|)^2 - (\vec{a} \cdot \vec{b})^2}$ (点若 Q 为直线 l 外的一点, P 在直线 l 上, \vec{a} 为直线 l 的方向向量, $\vec{b} = \vec{PQ}$, 则点 Q 到直线 l 距离为)

点 A 到平面 α 的距离: 若点 A 为平面 α 外一点, 点 A 为平面 α 内任一点, 平面 α 的法向量为 \vec{n} , 则 P 到平面 α 的距离就等于 \vec{MP} 在法向量 \vec{n} 方向上的投影的绝对值.

$$\text{即 } d = \|\vec{MP}\| |\cos \langle \vec{n}, \vec{MP} \rangle| = \|\vec{MP}\| \cdot \frac{|\vec{n} \cdot \vec{MP}|}{\|\vec{n}\| \|\vec{MP}\|} = \frac{|\vec{n} \cdot \vec{MP}|}{\|\vec{n}\|}$$

异面直线间的距离: 设向量 \vec{n} 与两异面直线 a, b 都垂直, $M \in a, P \in b$ 则两异面直线 a, b 间的距离 d 就是 \vec{MP} 在向量 \vec{n} 方向上投影的绝对值.

$$\text{即 } d = \frac{|\vec{n} \cdot \vec{MP}|}{\|\vec{n}\|}$$

四、概率与统计部分

18、数字特征：

平均数：样本数据的算术平均数，即 $\bar{x} = \frac{1}{n}(x_1 + x_2 + x_3 + \dots + x_n)$ ；

样本方差： $s^2 = \frac{1}{n}[(x_1 - \bar{x})^2 + (x_2 - \bar{x})^2 + \dots + (x_n - \bar{x})^2]$ ；

19、线性回归方程： $\hat{y} = bx + a$ （最小二乘法）

$$\left\{ \begin{array}{l} b = \frac{\sum_{i=1}^n x_i y_i - n \bar{x} \bar{y}}{\sum_{i=1}^n x_i^2 - n \bar{x}^2} \\ a = \bar{y} - b \bar{x} \end{array} \right. \text{注意：线性回归直线经过定点 } (\bar{x}, \bar{y})$$

20、独立性检验： $K^2 = \frac{n(ad - bc)^2}{(a+b)(c+d)(a+c)(b+d)}$ ，其中 $n = a+b+c+d$ 为样本容量， K^2 的值越大，说明“ X 与 Y 有关系”成立的可能性越大。

21、概率部分

(1) 随机事件 A 的概率： $P(A) = \frac{m}{n}$ ($0 \leq P(A) \leq 1$)

(2) 互斥事件： $P(A+B) = P(A) + P(B)$

(3) 对立事件： $P(A) + P(\bar{A}) = 1$

(4) 古典概型：事件 A 发生的概率 $P(A) = \frac{m}{n}$ ；

(5) 几何概型： $P(A) = \frac{d \text{的测度}}{D \text{的测度}}$. 其中测度根据题目确定，一般为线段、角度、面积、体积等。

(6) 离散型随机变量的分布列：离散型随机变量 X 可能取的不同值为 $x_1, x_2, \dots, x_i, \dots, x_n$. X 的每一个值 x_i ($i = 1, 2, \dots, n$) 的概率 $P(X = x_i) = p_i$ ，则称表

| | | | | |
|-----|-------|-------|----------|-------|
| X | x_1 | x_2 | \cdots | x_n |
| P | P_1 | P_2 | \cdots | P_n |

为随机变量 X 的概率分布，简称 X 的分布列。性质： $p_i \geq 0$ ， $i = 1, 2, \dots, n$ ； $\sum_{i=1}^n p_i = 1$.

(7) 两点分布: $X \sim (0,1)$, $E(X) = p$, $D(X) = p(1-p)$

(8) 二项分布: $X \sim B(n, p)$, $E(X) = np$, $D(X) = np(1-p)$

(9) 超几何分布: $X \sim H(k, M, N)$, $E(X) = n \frac{M}{N}$, $D(X) = n \frac{M}{N} \left(1 - \frac{M}{N}\right) \left(\frac{N-n}{N-1}\right)$

(10) 条件概率: 公式: $P(B|A) = \frac{P(AB)}{P(A)}$, $P(A) > 0$.

(11) 事件的独立性: $P(A \cdot B) = P(A) \cdot P(B)$.

(12) 独立重复试验的概率公式:

如果在1次试验中某事件发生的概率是 p , 那么在 n 次独立重复试验中这个试验恰好发生 k 次的概率: $P_n(k) = C_n^k p^k (1-p)^{n-k}$ ($k = 0, 1, 2, \dots, n$)

(13) 取有限值的离散型随机变量的数学期望、方差:

$$E(X) = x_1 p_1 + x_2 p_2 + \dots + x_n p_n; \quad D(X) = \sum_{i=1}^n (x_i - E(X))^2 p_i$$

$$E(aX + b) = aE(X) + b; \quad D(aX + b) = a^2 D(X)$$