

物理 · 答案

选择题:共 12 小题,共 40 分。在每小题给出的四个选项中,第 1~8 题只有一个选项符合题目要求,每小题 3 分,共 24 分,第 9~12 题有多个选项符合题目要求,每小题 4 分,共 16 分。全部选对的得 4 分,选对但不全的得 2 分,有选错的得 0 分。

1. C    2. B    3. D    4. B    5. D    6. A    7. D    8. C    9. ACD    10. BD    11. CD    12. AC

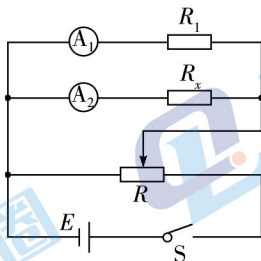
13. (1) = (1 分)

(3) 2.05 (1 分) 光电门  $G_1$  和  $G_2$  之间的距离  $x$  (滑块由光电门  $G_1$  滑到光电门  $G_2$  的时间  $t$ , 2 分)

(4)  $mg = (M + m)a$  (2 分)

14. (1) 150 (1 分)

(2)  $R_1$  (1 分) 如图所示 (2 分)



(3)  $\frac{I_1(r_1 + R_1)}{I_2} - r_2$  (2 分)

(4) 厚度  $d$  (2 分)

15. (1) 设玻璃管的横截面积为  $S$ , 分析题干中条件可知, 初态时, 封闭气体的压强  $p_1 = 80 \text{ cmHg}$ , 体积  $V_1 = L_1 S = 15S \text{ cm}$ , 温度  $T_1 = 300 \text{ K}$  (1 分)

末态时, 封闭气体的压强  $p_2 = 75 \text{ cmHg}$ , 体积  $V_2 = L_2 S = 17.5S \text{ cm}$  (1 分)

根据理想气体状态方程有  $\frac{p_1 V_1}{T_1} = \frac{p_2 V_2}{T_2}$  (1 分)

解得  $T_2 = 328.125 \text{ K}$ . (1 分)

(2) 抽气的过程发生等温变化, 抽气前, 封闭气体的压强  $p_2 = 75 \text{ cmHg}$ , 体积  $V_2 = L_2 S = 17.5S \text{ cm}$ , 抽气后, 封闭气体的压强  $p_3 = 80 \text{ cmHg}$ , 体积  $V_3 = 15S \text{ cm}$ , 设抽出的气体在压强为  $p_3$  时的体积为  $V_0$

则根据玻意耳定律, 有  $p_2 V_2 = p_3 (V_3 + V_0)$  (2 分)

则剩余的气体质量占原来气体质量的百分比为  $\frac{m}{m_{\text{总}}} \times 100\% = \frac{V_3}{V_3 + V_0} \times 100\% = 91\%$ . (1 分)

16. (1) 滑块向上滑动时受到的向下的力  $F_1 = mgs \sin 37^\circ + \mu mg \cos 37^\circ = 8 \text{ N}$  (1 分)

当滑块受到的合外力为零时, 加速度为零, 速度达到最大, 即  $t = 2 \text{ s}$  时速度最大

对滑块应用动量定理  $-F_1 t + \frac{F_1 + F_0}{2} t = mv_{\text{max}}$  (1 分)

代入数值解得  $v_{\max} = 8 \text{ m/s}$ 。(1分)

(2) 在  $0 \sim 2 \text{ s}$  内滑块向上做加速度逐渐减小的加速运动, 在  $2 \text{ s} \sim 4 \text{ s}$  内, 滑块向上做加速度逐渐增大的减速运动, 由对称性可知,  $t_1 = 4 \text{ s}$  时, 速度刚好减为零, 此后滑块开始向下做匀加速直线运动

根据牛顿第二定律, 有  $mg \sin 37^\circ - \mu mg \cos 37^\circ = ma$  (1分)

解得  $a = 4 \text{ m/s}^2$  (1分)

滑块返回到斜面底端的速度  $v = \sqrt{2aL} = \frac{16\sqrt{6}}{3} \text{ m/s}$  (1分)

滑块从斜面返回时, 有  $L = \frac{1}{2}at_2^2$  (1分)

解得  $t_2 = \frac{4\sqrt{6}}{3} \text{ s}$  (1分)

则滑块在斜面上运动的总时间  $t_{\text{总}} = t_1 + t_2 = \frac{4(3 + \sqrt{6})}{3} \text{ s}$ 。(1分)

17. (1) 设  $A$ 、 $B$  两车的质量均为  $m$ , 人的质量为  $m_0$ , 以  $A$  车和人组成的系统为研究对象, 水平方向所受合外力为零, 水平方向动量守恒, 有  $(m + m_0)v_0 = m_0u + mv_A$  (1分)

解得  $v_A = -\frac{m_0}{m}u + \frac{m + m_0}{m} \cdot v_0$  (1分)

由题图 2 可得  $v_A = -\frac{1}{3}u + 4 (u > v_0)$  (1分)

则  $\frac{m + m_0}{m} \cdot v_0 = 4 \text{ m/s}$ ,  $\frac{m_0}{m} = \frac{1}{3}$  (1分)

联立解得  $v_0 = 3 \text{ m/s}$ 。(1分)

(2) 人跳到  $B$  车的瞬间, 以  $B$  车和人组成的系统为研究对象, 系统水平方向所受合外力为零, 水平方向动量守恒, 有  $m_0u - mv_0 = (m + m_0)v_B$  (1分)

解得  $v_B = \frac{m_0}{m + m_0}u - \frac{m}{m + m_0} \cdot v_0$

则人跳到  $B$  车上后,  $B$  车的速度  $v_B$  随  $u$  大小变化的关系式为  $v_B = \frac{1}{4}u - \frac{9}{4} (u > v_0)$  (1分)

当人跳到  $B$  车上后,  $B$  车的速度为零时, 人跳出  $A$  车时的速度  $u_1 = 9 \text{ m/s}$  (1分)

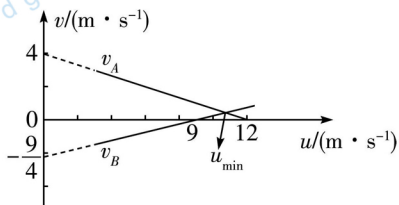
则人跳到  $B$  车上后,  $A$  车的速度  $v_{A1} = 4 \text{ m/s} - \frac{1}{3}u_1 = 1 \text{ m/s}$  (1分)

两车发生碰撞时, 对  $A$ 、 $B$  两车和人组成的系统, 根据动量守恒定律有  $mv_{A1} = mv'_A + (m + m_0)v'_B$  (1分)

因为发生弹性正碰, 所以能量守恒, 有  $\frac{1}{2}mv_{A1}^2 = \frac{1}{2}mv'_A{}^2 + \frac{1}{2}(m + m_0)v'_B{}^2$  (1分)

解得两车发生弹性正碰后  $B$  车的速度  $v'_B = \frac{2m}{m + m + m_0}v_{A1} = \frac{6}{7} \text{ m/s} \approx 0.9 \text{ m/s}$ 。(1分)

(3) 在同一坐标系上作出  $v_A - u$ 、 $v_B - u$  图像, 如图所示



当  $v_A = v_B$  时, 两图线的交点的横坐标即为两车不相撞前提下, 人跳出 A 车时对地速度的最小值  $u_{\min}$  (1分)

解得  $u_{\min} = 10.71 \text{ m/s}$ 。 (1分)

18. (1) 设离子进入磁场的速度为  $v$ , 根据动能定理, 有  $qU = \frac{1}{2}mv^2$  (1分)

离子在匀强磁场中做匀速圆周运动, 根据牛顿第二定律, 有  $qvB_0 = m \frac{v^2}{r}$  (2分)

根据几何关系, 有  $\sin \theta = \frac{R}{r}$  (1分)

解得  $v = \frac{qB_0 R}{m \sin \theta}$ ,  $U = \frac{qB_0^2 R^2}{2m \sin^2 \theta}$  (1分)

(2) 离子在圆柱形区域内的电场中沿  $y$  轴正方向做匀速直线运动, 沿  $z$  轴负方向做匀加速直线运动, 则沿  $y$  轴正方向有  $R = vt$ ,  $t = vt \cos \theta$  (1分)

沿  $z$  轴负方向有  $h = v_z t + \frac{1}{2}at^2$  (1分)

其中  $a = \frac{qE}{m}$ ,  $v_z = v \sin \theta$  (1分)

解得  $h = R \tan \theta + \frac{mE \tan^2 \theta}{2qB_0^2}$  (1分)

(3) 在圆柱形区域内加磁场后, 离子沿  $z$  轴负方向做与第(2)问相同的匀加速直线运动, 由(2)可知离子在圆柱形区域内运动的时间  $t = \frac{m}{qB_0} \tan \theta = \frac{2m}{qB_0}$  (1分)

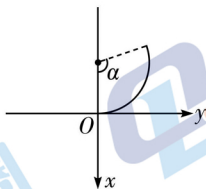
由磁场方向变化的周期为  $\frac{4\pi m}{qB_0}$  可知, 离子在圆柱形区域内运动时, 磁场方向一直沿  $z$  轴负方向

在垂直电场方向, 即离子的运动在圆柱底面的投影运动为匀速圆周运动, 该匀速圆周运动的线速度大小  $v_y = v \cos \theta$ , 设该匀速圆周运动的轨迹半径为  $r'$ , 周期为  $T$ , 则  $qv_y B_0 = m \frac{v_y^2}{r'}$ ,  $T = \frac{2\pi r'}{v_y}$  (1分)

解得  $r' = \frac{R}{\tan \theta} = \frac{R}{2}$ ,  $T = \frac{2\pi m}{qB_0}$  (1分)

设离子做圆周运动转过的圆心角  $\alpha$ , 如图所示, 则  $t = \frac{\alpha}{2\pi} T$  (1分)

解得  $\alpha = 2 \text{ rad}$  (1分)



设该离子打在圆柱形底面的位置坐标为  $(x, y, 0)$ , 根据几何关系可知:

$x = -r' - r' \cos(\pi - \alpha) = -\frac{R}{2}(1 - \cos 2)$ ,  $y = r' \sin(\pi - \alpha) = \frac{R}{2} \sin 2$  (1分)

则坐标为  $[-\frac{R}{2}(1 - \cos 2), \frac{R}{2} \sin 2, 0]$ 。 (1分)