

物理参考答案及评分意见

一、单项选择题：本题共 8 小题，每小题 3 分，共 24 分。在每小题给出的四个选项中，只有一项是符合题目要求的。

1. B 2. C 3. A 4. D 5. D 6. B 7. B 8. C

二、多项选择题：本题共 4 小题，每小题 4 分，共 16 分。在每小题给出的四个选项中，有多项符合题目要求。全部选对的得 4 分，选对但不全的得 2 分，有选错的得 0 分。

9. BC 10. AD 11. BD 12. BCD

三、非选择题：本题共 6 小题，共 60 分。

13. (6 分) (1) $\frac{d}{i_1}$ (1 分) $\frac{d}{2i_1}$ (1 分) (2) $\frac{2m}{m+4M}$ (2 分，与其等价的表达式均可)

(3) $\frac{4M_1d^2 - md^2}{4mg}$ (2 分，与其等价的表达式均可)

14. (8 分) (1) 20 (2 分) (2) ② r_0 ，小于， R_2 (每空 1 分，共 3 分)

④ b ， $k-r_0$ (每空 1 分，共 2 分) (3) 不会 (1 分)

15. (7 分) 解：

(1) 由题意可知，密闭航天服内气体初、末状态温度分别为

$$T_1 = 273 + t_1 = 300\text{K} \quad T_2 = 273 + t_2 = 270\text{K} \quad \text{① (1分)}$$

根据理想气体状态方程有 $\frac{p_1V_1}{T_1} = \frac{p_2V_2}{T_2}$ ② (1分)

解得 $p_2 = 3.6 \times 10^4 \text{Pa}$ ③ (1分)

(2) 设航天服需要放出的气体在压强为 p_2 状态下的体积为 ΔV

根据玻意耳定律有 $p_2V_2 = p_3(V_1 + \Delta V)$ ④ (1分)

解得 $\Delta V = 1\text{L}$ ⑤ (1分)

则放出的气体与原来气体的质量之比为 $\frac{\Delta m}{m} = \frac{\Delta V}{V_1 + \Delta V} = \frac{1}{3}$ ⑥ (2分)

16. (9 分) 解：

根据牛顿第二定律，有

对重物 M $T - Mg = Ma_1$ ①

对物块 m_2 $m_2g \sin \theta + f - T = m_2a_1$ ② (1分)

对木板 m_1 $m_1g \sin \theta - f = m_1a_2$ ③ (1分)

物块和木板之间不发生相对滑动，有 $a_1 = a_2$ ④

解得 $f = \frac{Mm_2g(1 - \sin\theta)}{M - m_1 - m_2}$ ⑤

物块和木板之间不发生相对滑动的条件是 $f \leq f_{\max} = \mu m_2 g \cos\theta$ ⑥ (1分)

解得 $\mu \geq 0.4$ ⑦ (1分)

(2) 在 $\mu_0 = \frac{5}{8} \times 0.4 = 0.25$ 时

由①②得 $m_2 g \sin\theta + \mu_0 m_2 g \cos\theta - Mg = (M + m_2)a_1$ ⑧ (1分)

由③得 $m_1 g \sin\theta - \mu_0 m_2 g \cos\theta = m_1 a_2$ ⑨ (1分)

m_1 与 m_2 间的相对加速度 $a = a_2 - a_1$ ⑩ (1分)

$L = \frac{1}{2} at^2$ ⑪ (1分)

解得 $t = 1s$ ⑫ (1分)

17. (14分) 解:

(1) 设粒子在磁场中做圆周运动的周期为 T

$qvB = m \frac{v^2}{R}$ ① (1分)

$v = \frac{2\pi R}{T}$ ② (1分)

可得 $T = \frac{2\pi m}{qB}$ ③ (1分)

可知, 所有粒子经过磁场后的偏转角均为 150°

则粒子在磁场中运动的时间为 $t_1 = \frac{5T}{12} = \frac{5\pi m}{6qB}$ ④ (1分)

(2) 速度为 v 的粒子的运动轨迹如右图所示

由几何关系可知

$PO \sin 30^\circ = (PM - MH) \sin 60^\circ$

即 $L \sin 30^\circ = (R - \frac{\sqrt{3}}{3}R) \sin 60^\circ$ ⑤ (2分)

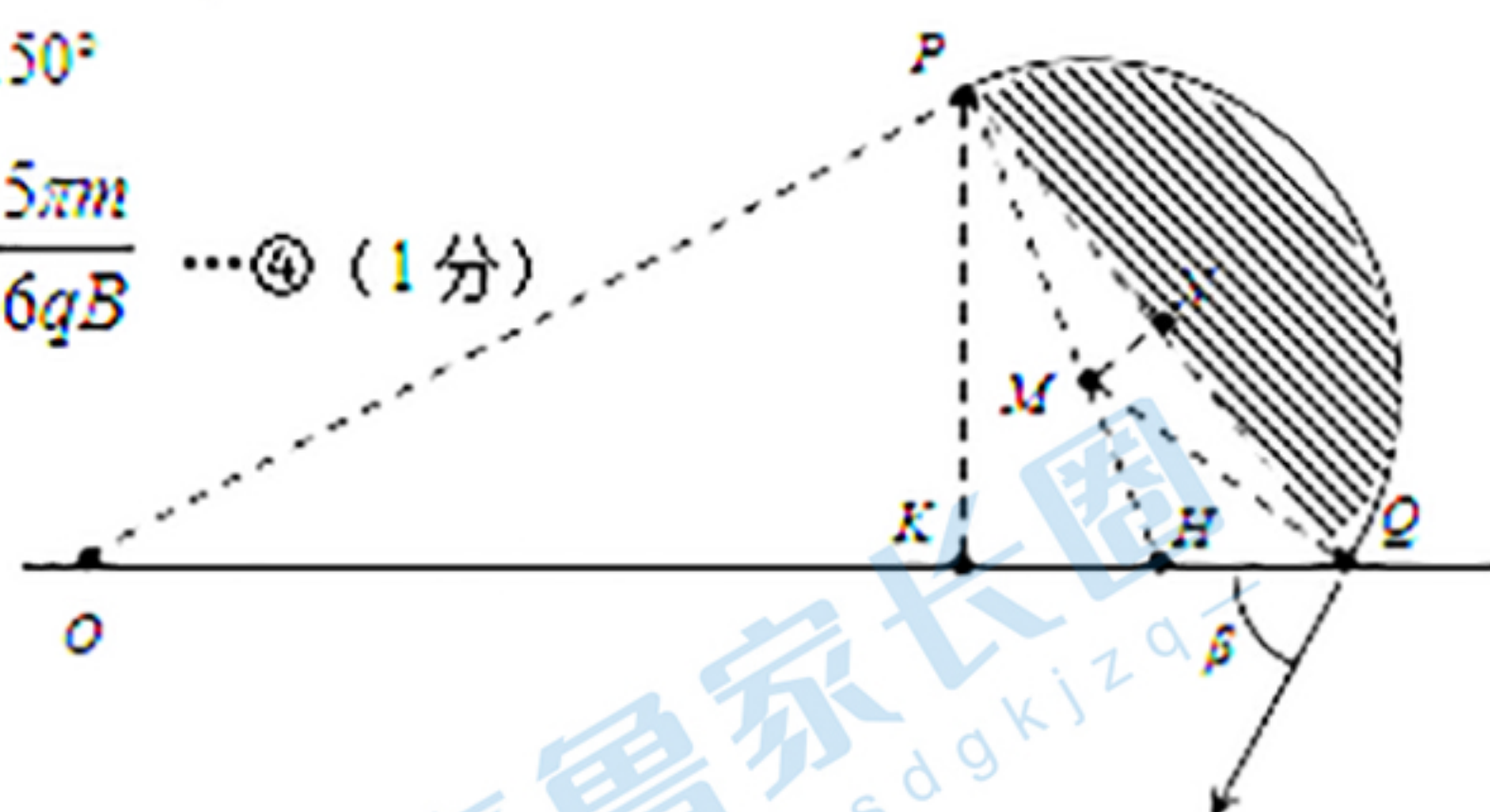
联立①⑤解得 $v = \frac{(\sqrt{3}-1)qBL}{2m}$ ⑥ (1分)

$R = \frac{(\sqrt{3}-1)L}{2}$ ⑦

(3) 由几何关系可知 $PQ = \sqrt{2}L \sin 30^\circ$, $MN = \sqrt{R^2 - (\frac{PQ}{2})^2} = \sqrt{\frac{7-4\sqrt{3}}{8}}L$

则三角形 PMQ 的面积为 $S_1 = \frac{1}{2} \times \sqrt{2}L \sin 30^\circ \times \sqrt{\frac{7-4\sqrt{3}}{8}}L = \frac{\sqrt{7-4\sqrt{3}}}{8}L^2$ ⑧ (1分)

150° 圆心角对应的扇形面积 $S_2 = \frac{150}{360} \times \pi R^2 = \frac{10-5\sqrt{3}}{24} \pi L^2$ ⑨ (1分)



由数理规律可知，磁场区域的最小面积为图中阴影部分面积

其面积 $\Delta S = S_2 - S_1 = \frac{10\pi - 5\sqrt{3}\pi - 3\sqrt{7-4\sqrt{3}}}{24} L^2$ ⑩ (1分)

(4) 粒子在匀强电场中运动时

在沿 x 轴负方向有 $\frac{\sqrt{3}-1}{2} L = v \cos 60^\circ t_1$ ⑪ (1分)

在沿 y 轴负方向有 $y = v \sin 60^\circ t_1 - \frac{1}{2} a t_1^2$ ⑫ (1分)

$a = \frac{qE}{m}$ ⑬ (1分)

解得 $y = \frac{13-6\sqrt{3}}{4} L$ ⑭ (1分)

18. (16分)

(1) 设 15 节车厢全部挂好以后的速度为 v_2 ，根据动量守恒定律有

$4mv_1 = (15-1) \times 4mv_2$ ① (1分)

解得 $v_2 = \frac{v_1}{16}$ ② (1分)

用 v_i 表示第 i 节车厢被挂接后车头及已挂车厢的速度，根据动量守恒定律有

$4mv_1 = (i-1) \times 4mv_i$

解得 $v_i = \frac{v_1}{i+1}$ ③ (1分)

由于每次挂接时通过车厢之间间隙的运动均可视为匀速运动，所以车头及前 i 节车厢通过间隙与第 $(i-1)$ 节挂接所经历的时间为

$t_i = \frac{d}{v_i} = \frac{(i-1)d}{v_1}$

所以挂接的总时间为 $t_{\text{总}} = t_1 + t_2 + t_3 + \dots + t_{15} = \frac{d(2+3+4+\dots+15)}{v_1} = \frac{119d}{v_1}$ ④ (1分)

(2) 设 v_i 表示第 i 节车厢被碰撞前车头与前 $(i-1)$ 车厢的速度， v_i' 表示第 i 节车厢被碰撞后整体的速度， a_i 表示车头与前 $(i-1)$ 节车厢共同运动时的加速度

由牛顿第二定律有 $a_i = \frac{F}{4m}$

利用匀变速直线运动公式 $v_i' = 2a_i d$

根据动量守恒定律有 $2 \times 4mv_i' = 4mv_i$

联立可以求得 $v_i = \sqrt{\frac{2Fd}{4m}}$ ， $v_i' = \sqrt{\frac{Fd}{2 \times 4m}}$ ⑤ (1分)

同理有 $a_2 = \frac{F}{2 \times 4m}$ ， $v_2' - v_2 = 2a_2 d$ ， $3 \times 4mv_2' = 2 \times 4mv_2$

联立可以求得 $v_2 = \sqrt{\frac{3Fd}{2 \times 4m}}$ $v_3 = \sqrt{\frac{2Fd}{3 \times 4m}}$ ⑥ (1分)

继续列式, 有 $a = \frac{F}{3 \times 4m}$, $v_2^2 - v_3^2 = 2ad$, $4 \times 4m v_2 = 3 \times 4m v_3$

可解得 $v_2 = \sqrt{\frac{4Fd}{3 \times 4m}}$ $v_3 = \sqrt{\frac{3Fd}{4 \times 4m}}$ ⑦ (1分)

以此类推 $v_4 = \sqrt{\frac{Fd}{4m}} \cdot \sqrt{\frac{N-1}{N}}$ ⑧ (1分)

$v_N = \sqrt{\frac{Fd}{4m}} \cdot \sqrt{\frac{N}{N-1}}$ ⑨ (1分)

由运动学公式, 车头及前 $(i-1)$ 节车厢通过间隙与第 i 节挂接所经历的时间为

$$t_i = \frac{v - v_{i-1}}{a} = \frac{4m}{F} (v_i - v_{i-1}) = \frac{4m}{F} [v_i - (i-1)v_{i-1}]$$

$$t_{\Sigma} = t_1 + t_2 + \dots + t_i + \dots + t_N = \frac{4m}{F} [Nv_N - (N-1)v_{N-1} - (N-1)v_{N-1} - (N-2)v_{N-2} - \dots - 2v_2 - v_1 - 0] \dots \text{⑩ (1分)}$$

利用前面 v_N 的表达式, 可求得 $t_{\Sigma} = \frac{4m}{F} Nv_N = 2\sqrt{\frac{N(N-1)md}{F}}$ ⑪ (1分)

(3) 仍用 v_i 表示第 i 节车厢被碰撞前车头与前 $(i-1)$ 节车厢的速度, v_i' 表示第 i 节车厢被碰撞后整体的速度, a_i 表示车头与前 $(i-1)$ 节车厢共同运动时的加速度, 同 (2) 的解题思路, 有

$$a_i = \frac{F}{(4+i-1)m} \quad v_i^2 - v_{i-1}^2 = 2a_i d \quad (4+i-1)mv_{i-1}' = (4+i-2)mv_{i-1}$$

可以解得 $v_i^2 = \frac{2Fd}{(4+i-1)m} + \frac{(4+i-2)^2}{(4+i-1)^2} v_{i-1}^2$ ⑫ (1分)

根据此递推关系 $v_i^2 = \frac{2Fd}{(4+i-1)m} + \frac{(4+i-2)^2}{(4+i-1)^2} \left[\frac{2Fd}{(4+i-2)m} + \frac{(4+i-3)^2}{(4+i-2)^2} v_{i-1}^2 \right] = \dots$

最终可得 $v_i^2 = \frac{(4+i-1) - (4+i-2) - \dots - (4-1)}{(4+i-1)^2} \frac{2Fd}{m} - \frac{4}{(4+i-1)^2} v_1^2$

由前述可得 $v_1 = \sqrt{\frac{Fd}{2m}}$,

代入上式, 有 $v_i^2 = \frac{(4+i-1) - (4+i-2) - \dots - (4-1) - 4}{(4+i-1)^2} \frac{2Fd}{m}$

化简后得 $v_i^2 = \frac{i-7}{(i-3)^2} \frac{Fd}{m}$ ⑬ (1分)

将上式变形 $v_i^2 = \frac{(i+3)^2 + (i+3) - 12}{(i+3)^2} \frac{Fd}{m} = \left[-12 \left(\frac{1}{i+3} - \frac{1}{24} \right)^2 + \frac{49}{48} \right] \frac{Fd}{m}$ ⑭ (1分)

由此可得, 当 $i=21$ 时 ⑮ (1分)

v 最大，其最大值为 $v_{\max} = \sqrt{\frac{49Fd}{48n}}$ (1分)

