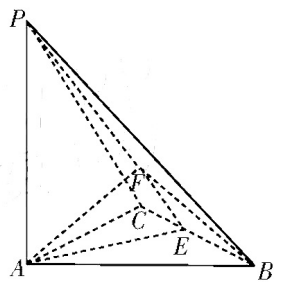


莆田市 2023 届高中毕业班第四次教学质量检测试卷

数学参考答案

1. D 因为 $z=(2-i)(1-i)=1-3i$, 所以复数 z 在复平面内对应的点位于第四象限.
2. B 因为 $P=\{x|-2<x<2\}$, $Q=\{y|y\geq 1\}$, 所以 $P\cap Q=\{x|1\leq x<2\}$.
3. A 因为 $a=\log_5 3\in(\frac{1}{2}, 1)$, $b=0.2^{-0.3}>1$, $c=\log_{\frac{1}{6}} \frac{1}{2}=\log_6 2\in(0, \frac{1}{2})$, 所以 $c<a<b$.
4. C 因为 $a\perp(a-b)$, 所以 $a\cdot(a-b)=|a|^2-a\cdot b=13-(15-2\lambda)=0$, 所以 $\lambda=1$.
5. B 依题意可设 C 的标准方程为 $y^2=-2px(p>0)$, 因为 C 的焦点到准线的距离为 3, 所以 $p=3$, 所以 C 的标准方程为 $y^2=-6x$.
6. D 由图可知, 猪肉、鸡蛋、鲜果、禽肉、粮食、食用油这 6 种食品中, 粮食价格同比涨幅最小, 所以 A 错误. $34.4\%<5\times 8.5\%$, 所以 B 错误. 去年 11 月鲜菜价格要比今年 11 月高, 所以 C 错误. 因为 $\frac{1}{7}\times(-21.2\%+7.6\%+3\%+8.5\%+9.6\%+10.4\%+34.4\%)>\frac{1}{7}\times(-22\%+7\%+3\%+8\%+9\%+10\%+34\%)=\frac{1}{7}\times 49\%=7\%$, 所以 D 正确.

7. A 取 BC 的中点 E , 连接 PE , 过 A 作 $AF\perp PE$ 于 F , 连接 BF . 因为 $\triangle ABC$ 是等边三角形, E 为 BC 的中点, 所以 $BC\perp AE$. 因为 $PA\perp$ 平面 ABC , 所以 $BC\perp PA$, 所以 $BC\perp$ 平面 PAE . 因为 $AF\subset$ 平面 PAE , 所以 $BC\perp AF$. 又 $AF\perp PE$, $BC\cap PE=E$, 所以 $AF\perp$ 平面 PBC , 故 $\angle ABF$ 为 AB 与平面 PBC 所成角的平面角. 因为 $\triangle ABC$ 的边长为 8, 所以 $AE=4\sqrt{3}$. 因为 $PA=14$, 所以 $PB^2=PC^2=260$, 所以 $PE=\sqrt{260-4^2}=2\sqrt{61}$, 于是 $AF=\frac{PA\cdot AE}{PE}=\frac{28\sqrt{3}}{\sqrt{61}}$, 所以 $\sin\angle ABF=\frac{AF}{AB}=\frac{7\sqrt{3}}{2\sqrt{61}}=\frac{7\sqrt{183}}{122}$.



8. A 记事件 $A_i (i=0, 1, 2, 3)$: “一个家庭有 i 个孩子”, 事件 B : “一个家庭的男孩比女孩多”.
- $$P(B|A_1)=\frac{1}{2}, P(B|A_2)=(\frac{1}{2})^2=\frac{1}{4}, P(B|A_3)=C_3^2(\frac{1}{2})^3+(\frac{1}{2})^3=\frac{1}{2}.$$

由全概率公式, 得 $P(B)=\frac{1}{2}\times\frac{6}{15}+\frac{1}{4}\times\frac{6}{15}+\frac{1}{2}\times\frac{2}{15}=\frac{11}{30}$.

9. BCD 令 $x=0$, 得 $a_0=(-2)^{2023}=-2^{2023}$, 故 A 不正确;

令 $x=1$, 得 $a_0+a_1+a_2+\dots+a_{2023}=1$, 所以 B 正确;

令 $x=-1$, 得 $a_0-a_1+a_2-\dots-a_{2023}=(-5)^{2023}=-5^{2023}$,

所以 $a_1+a_3+a_5+\dots+a_{2023}=\frac{5^{2023}+1}{2}$, 故 C 正确;

令 $x=\frac{1}{3}$, 得 $a_0+\frac{a_1}{3}+\frac{a_2}{3^2}+\frac{a_3}{3^3}+\dots+\frac{a_{2023}}{3^{2023}}=(3\times\frac{1}{3}-2)^{2023}=-1$, 所以 D 正确.

10. ACD 因为点 $B(0, \frac{\sqrt{2}}{2})$ 在 $f(x)$ 的图象上, 所以 $f(0)=\cos\varphi=\frac{\sqrt{2}}{2}$. 又 0

因为 $f(x)$ 图象的一个对称中心是 $A(\frac{\pi}{8}, 0)$, 所以 $\frac{\omega\pi}{8} + \frac{\pi}{4} = \frac{\pi}{2} + k\pi, k \in \mathbf{Z}$, 则 $\omega = 2 + 8k, k \in \mathbf{Z}$. 又 $0 < \omega < 10$, 所以 $\omega = 2$, 则 $f(x) = \cos(2x + \frac{\pi}{4})$, A 正确. $f(\frac{5\pi}{8}) = \cos \frac{3\pi}{2} = 0$, 则直线 $x = \frac{5\pi}{8}$ 不是 $f(x)$ 图象的一条对称轴, B 不正确. 当 $x \in [\frac{7\pi}{8}, \frac{11\pi}{8}]$ 时, $2x + \frac{\pi}{4} \in [2\pi, 3\pi]$, $f(x)$ 单调递减, C 正确. $f(x + \frac{\pi}{8}) = \cos(2x + \frac{\pi}{2}) = -\sin 2x$, 是奇函数, D 正确.

11. AD 因为函数 $f(x) = \frac{x}{e^x} + m$ 是区间 $[0, 2]$ 上的“平均值函数”, 且有两个不同的平均值点,

所以关于 x 的方程 $f(x) = \frac{f(2) - f(0)}{2 - 0} = \frac{(\frac{2}{e^2} + m) - m}{2 - 0} = \frac{1}{e^2}$ 有两个不同的根,

即关于 x 的方程 $m = \frac{1}{e^2} - \frac{x}{e^x}$ 有两个不同的根. 令 $g(x) = \frac{1}{e^2} - \frac{x}{e^x}$, 其中 $x \in (0, 2)$,

则 $g'(x) = \frac{x-1}{e^x}$. 当 $0 < x < 1$ 时, $g'(x) < 0$; 当 $1 < x < 2$ 时, $g'(x) > 0$.

所以 $g(x)$ 在 $(0, 1)$ 上单调递减, 在 $(1, 2)$ 上单调递增,

所以 $g(x)_{\min} = g(1) = \frac{1-e}{e^2}$, 又 $g(0) = \frac{1}{e^2}$, $g(2) = -\frac{1}{e^2}$,

所以 $\frac{1-e}{e^2} < m < -\frac{1}{e^2}$, 即 $m \in (\frac{1-e}{e^2}, -\frac{1}{e^2})$.

12. ABD 因为 $f'(x) = g'(x-1)$, 所以 $f(x) + a = g(x-1) + b$.

因为 $g(x) - f(3-x) = 2$, 所以 $f(x) = g(3-x) - 2$, 所以 $g(3-x) - 2 + a = g(x-1) + b$.

因为 $g(1) = 1$, 所以 $g(1) - 2 + a = g(1) + b$, 得 $a - 2 = b$, 所以 $g(3-x) = g(x-1)$,

所以 $g(2-x) = g(x)$, 所以 $g(x)$ 的图象关于直线 $x = 1$ 对称, 所以 $g(-1) = g(3)$, 故 A 正确.

因为 $g(x+2)$ 为奇函数, 所以 $g(x+2) = -g(-x+2)$, 且 $g(2) = 0$.

因为 $g(2-x) = g(x)$, 所以 $g(x+2) = -g(x)$, 则 $g(x)$ 的周期 $T = 4$,

所以 $g(2022) = g(2) = 0$, 故 C 错误.

因为 $f(x) = g(3-x) - 2$, 所以 $f(x)$ 的周期也为 4,

所以 $f(2) = g(1) - 2 = -1$, $f(4) = g(-1) - 2 = g(3) - 2 = -g(1) - 2 = -3$,

所以 $f(2) + f(4) = -4$, 故 B 正确.

因为 $f(1) = g(2) - 2 = -2$, $f(2) = g(1) - 2 = -1$, $f(3) = g(0) - 2 = -2$, $f(4) = -3$,

所以 $\sum_{k=1}^{2022} f(k) = f(1) + f(2) + \dots + f(2022) = 505 \times (-8) + f(1) + f(2) = -4043$, 故 D 正确.

13. $(x-1)^2 + (y-1)^2 = 2$ (答案不唯一) 因为圆被直线 $x-y=0$ 平分, 所以圆心在直线 $x-y=0$ 上, 取圆心 $(1, 1)$. 因为圆与直线 $x+y=0$ 相切, 所以 $r = \sqrt{2}$, 所以圆 $(y-1)^2 = 2$.

14. 2774.9 因为 $V_{\text{台}} = \frac{1}{3}(S_{\text{上}} + S_{\text{下}} + \sqrt{S_{\text{上}} \cdot S_{\text{下}}})h = \frac{1}{3}(162 + 131.25 + \sqrt{162 \times 131.25}) \times 16$
 $= 2342.9 \text{ cm}^3, V_{\text{锥}} = \frac{1}{3}Sh = \frac{1}{3} \times 162 \times 8 = 432 \text{ cm}^3$, 所以 $V = V_{\text{台}} + V_{\text{锥}} = 2774.9 \text{ cm}^3$.

15. $x^2 + y^2 = 12; 12$ 由题意可知, 点 $(2\sqrt{2}, 2)$ 一定在蒙日圆 O 上, 所以蒙日圆 O 的半径 $r = \sqrt{(2\sqrt{2})^2 + 2^2} = 2\sqrt{3}$, 所以蒙日圆 O 的方程为 $x^2 + y^2 = 12$. 因为 M, P, Q 都在圆 O 上, 且 $\angle PMQ = \frac{\pi}{2}$, 所以 PQ 为圆 O 的直径, 所以 $|PQ| = 4\sqrt{3}$, 故 $\triangle MPQ$ 面积的最大值为 $\frac{1}{2} \times 4\sqrt{3} \times 2\sqrt{3} = 12$.

16. 10 因为 $f(x) = \frac{1}{x}$, 所以 $f'(x) = -\frac{1}{x^2}$, 所以 $x_{n+1} = x_n - \frac{f(x_n)}{f'(x_n)} = x_n - \frac{\frac{1}{x_n}}{-\frac{1}{x_n^2}} = 2x_n$,

所以 $\{x_n\}$ 是首项为 1, 公比为 2 的等比数列. 因为 $x_1 = 1$, 所以 $x_n = 2^{n-1}$, 所以 $S_n = \frac{1-2^n}{1-2} = 2^n - 1$. 由 $S_n \leq 2023$, 得 $2^n \leq 2024$, 所以 $n \leq 10$, 所以满足 $S_n \leq 2023$ 的最大正整数 n 的值为 10.

17. 解: (1) 因为 $\sqrt{2} \cos A (b \cos C + c \cos B) = a$,

所以 $\sqrt{2} \cos A (\sin B \cos C + \sin C \cos B) = \sin A$ 2 分

因为 $\sin B \cos C + \sin C \cos B = \sin(B+C) = \sin A$, 且 $\sin A \neq 0$, 3 分

所以 $\cos A = \frac{\sqrt{2}}{2}$ 4 分

因为 $A \in (0, \pi)$, 所以 $A = \frac{\pi}{4}$ 5 分

(2) 因为 $\triangle ABC$ 的面积为 $\sqrt{2} - 1, A = \frac{\pi}{4}$,

所以 $\frac{1}{2}bc \sin A = \frac{1}{2}bc \times \frac{\sqrt{2}}{2} = \sqrt{2} - 1$, 得 $bc = 4 - 2\sqrt{2}$ 7 分

因为 $a = \sqrt{5}, A = \frac{\pi}{4}$,

所以 $a^2 = 5 = b^2 + c^2 - 2bc \cos A = (b+c)^2 - (2+\sqrt{2})bc = (b+c)^2 - 4$, 9 分

解得 $b+c=3$,

故 $\triangle ABC$ 的周长为 $3+\sqrt{5}$ 10 分

18. 解: (1) 由题可知 X 的可能取值为 0, 1, 2,

$P(X=0) = \frac{C_3^2}{C_4^2} \times (\frac{1}{3})^2 + \frac{C_1^1 C_3^1}{C_4^2} \times \frac{1}{3} \times \frac{3}{4} = \frac{1}{18} + \frac{1}{8} = \frac{13}{72}$, 2 分

$P(X=2) = \frac{C_3^2}{C_4^2} \times (\frac{2}{3})^2 + \frac{C_1^1 C_3^1}{C_4^2} \times \frac{2}{3} \times \frac{1}{4} = \frac{2}{9} + \frac{1}{12} = \frac{11}{36}$, 3 分

$P(X=1) = 1 - P(X=0) - P(X=2) = \frac{37}{72}$,

所以 X 的分布列为

X	0	1	2
P	$\frac{13}{72}$	$\frac{37}{72}$	$\frac{11}{36}$

..... 5分

$E(X) = 0 \times \frac{13}{72} + 1 \times \frac{37}{72} + 2 \times \frac{11}{36} = \frac{9}{8}$ 7分

(2) 设 Y 为甲选择 B 组答对题目的个数, $Y \sim B(2, 0.6)$, 9分

则 $E(Y) = 2 \times 0.6 = 1.2 > \frac{9}{8}$, 11分

故甲应选 B 组答题. 12分

19. (1) 证明: 连接 AC , 在 $\triangle ABC$ 中, $AB = 2\sqrt{3}$, $BC = 4$, $\angle ABC = 30^\circ$,

所以 $AC = \sqrt{AB^2 + BC^2 - 2AB \cdot BC \cos \angle ABC} = 2$,
 所以 $AB^2 + AC^2 = BC^2$, 所以 $AC \perp AB$ 1分

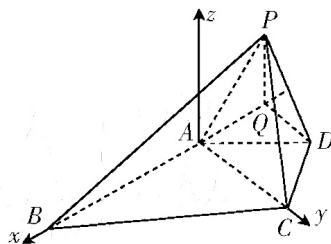
在 $\triangle ACD$ 中, $AD = CD$, $AD \perp CD$, 所以 $AD = CD = \sqrt{2}$.

因为 $\triangle PAD$ 是正三角形, 所以 $PA = PD = \sqrt{2}$ 2分

在 $\triangle PAC$ 中, 因为 $PC = \sqrt{6}$, $PA = \sqrt{2}$, $AC = 2$, 所以 $PA^2 + AC^2 = PC^2$, 所以 $AC \perp PA$ 3分

因为 $PA \cap AB = A$, 所以 $AC \perp$ 平面 PAB 4分

因为 $AC \subset$ 平面 $ABCD$, 所以平面 $PAB \perp$ 平面 $ABCD$ 5分



(2) 解: 过点 D 作 $DQ \perp AB$ 于 Q , 连接 PQ .

在 $\triangle ADQ$ 中, $AD = \sqrt{2}$, $DQ \perp AQ$, $\angle DAQ = 45^\circ$, 所以 $AQ = DQ = 1$ 6分

因为 $DQ \perp AB$, 平面 $PAB \perp$ 平面 $ABCD$, 平面 $PAB \cap$ 平面 $ABCD = AB$,
 所以 $DQ \perp$ 平面 PAB , 所以 $DQ \perp PQ$ 7分

在 $\triangle PDQ$ 中, $PD = \sqrt{2}$, $DQ \perp PQ$, $DQ = 1$, 所以 $PQ = 1$.

因为 $PQ = AQ = 1$, $PA = \sqrt{2}$, 所以 $PQ \perp AQ$, 所以 $PQ \perp$ 平面 $ABCD$ 8分

如图, 以 A 为坐标原点, 以 \vec{AB}, \vec{AC} 的方向分别为 x, y 轴的正方向建立空间直角坐标系, 则
 $A(0, 0, 0), B(2\sqrt{3}, 0, 0), C(0, 2, 0), D(-1, 1, 0), P(-1, 0, 1)$ 9分

由(1)知, 平面 PAB 的一个法向量为 $\vec{AC} = (0, 2, 0)$ 10分

设平面 PCD 的法向量为 $\vec{n} = (x, y, z)$, 因为 $\vec{PD} = (0, 1, -1), \vec{CD} = (-1, -1, 0)$,

所以 $\begin{cases} \vec{n} \cdot \vec{PD} = y - z = 0, \\ \vec{n} \cdot \vec{CD} = -x - y = 0, \end{cases}$ 令 $x = 1$, 得 $\vec{n} = (1, -1, -1)$ 11分

设平面 PAB 与平面 PCD 的夹角为 θ , 则 $\cos \theta = |\cos \langle \vec{AC}, \vec{n} \rangle| = \frac{|\vec{AC} \cdot \vec{n}|}{|\vec{AC}| |\vec{n}|}$

所以平面 PAB 与平面 PCD 夹角的余弦值为 $\frac{\sqrt{3}}{3}$ 12 分

20. (1)解: 因为 $na_{n+1} = (n+1)a_n + 2$, 所以 $\frac{a_{n+1}}{n+1} = \frac{a_n}{n} + \frac{2}{n(n+1)}$, 所以 $\frac{a_{n+1}}{n+1} - \frac{a_n}{n} = 2(\frac{1}{n} - \frac{1}{n+1})$.
..... 2 分

因为 $\frac{a_n}{n} - \frac{a_{n-1}}{n-1} = 2(\frac{1}{n-1} - \frac{1}{n})$, $\frac{a_{n-1}}{n-1} - \frac{a_{n-2}}{n-2} = 2(\frac{1}{n-2} - \frac{1}{n-1})$, \dots , $\frac{a_2}{2} - \frac{a_1}{1} = 2(\frac{1}{1} - \frac{1}{2})$,

所以 $\frac{a_n}{n} - \frac{a_1}{1} = 2(\frac{1}{n-1} - \frac{1}{n} + \frac{1}{n-2} - \frac{1}{n-1} + \dots + \frac{1}{1} - \frac{1}{2}) = 2(1 - \frac{1}{n})$ 5 分

因为 $a_1 = 0$, 所以 $\frac{a_n}{n} = 2(1 - \frac{1}{n})$, 所以 $a_n = 2n - 2$ 6 分

(2)证明: 由(1)知 $S_n = n(n-1)$ 7 分

因为 $\frac{1}{S_{n+1}a_{n+3}} = \frac{1}{2n(n+1)(n+2)} = \frac{1}{4}[\frac{1}{n(n+1)} - \frac{1}{(n+1)(n+2)}]$, 8 分

所以 $T_n = \frac{1}{S_2a_4} + \frac{1}{S_3a_5} + \dots + \frac{1}{S_{n+1}a_{n+3}} = \frac{1}{4}[\frac{1}{1 \times 2} - \frac{1}{2 \times 3} + \frac{1}{2 \times 3} - \frac{1}{3 \times 4} + \dots + \frac{1}{n(n+1)} - \frac{1}{(n+1)(n+2)}] = \frac{1}{4}[\frac{1}{2} - \frac{1}{(n+1)(n+2)}]$,

所以 $T_n = \frac{1}{8} - \frac{1}{4(n+1)(n+2)}$ 10 分

因为 $\frac{1}{4(n+1)(n+2)} > 0$, 所以 $T_n < \frac{1}{8}$ 11 分

因为 T_n 在 $n \in \mathbf{N}^*$ 时单调递增, 所以 $T_n \geq T_1 = \frac{1}{12}$, 故 $\frac{1}{12} \leq T_n < \frac{1}{8}$ 12 分

21. (1)解: 因为 $f(x) = (2-x)e^x - ax - 2$, 所以 $f'(x) = (1-x)e^x - a$ 1 分

由 $f(x)$ 在 \mathbf{R} 上单调递减, 得 $f'(x) \leq 0$, 即 $(1-x)e^x - a \leq 0$ 在 \mathbf{R} 上恒成立. 2 分

令 $g(x) = (1-x)e^x - a$, 则 $g'(x) = -xe^x$ 3 分

当 $x \in (-\infty, 0)$ 时, $g'(x) > 0$, $g(x)$ 单调递增; 当 $x \in (0, +\infty)$ 时, $g'(x) < 0$, $g(x)$ 单调递减.
..... 4 分

故 $g(x)_{\max} = g(0) = 1 - a \leq 0$, 解得 $a \geq 1$, 即 a 的取值范围为 $[1, +\infty)$ 5 分

(2)证明: 由(1)可知, $f'(x)$ 在 $(0, +\infty)$ 上单调递减, 且 $f'(0) = 1 - a > 0$, $f'(1) = -a \leq 0$, 故 $\exists x_1 \in (0, 1]$, $f'(x_1) = 0$ 6 分

当 $x \in (0, x_1)$ 时, $f'(x) > 0$, $f(x)$ 单调递增; 当 $x \in (x_1, +\infty)$ 时, $f'(x) < 0$, $f(x)$ 单调递减.
..... 7 分

因为 $f(0) = 0$, $f(2) = -2a - 2 < 0$, 所以 $f(x)$ 在 $(0, 2)$ 上只有一个零点 x_0 , 故 $f(x)$ 在 $(0, +\infty)$ 上只有一个零点 x_0 8 分

因为 $0 < x_0 < 2$, 所以要证 $x_0 < \frac{e}{a+1}$, 需证 $ax_0 + x_0 - e < 0$, 需证 $ax_0 + 2 - e < 0$.

因为 $f(x_0) = (2-x_0)e^{x_0} - ax_0 - 2 = 0$, 所以需证 $(2-x_0)e^{x_0} - e \leq 0$

令 $h(x) = (2-x)e^x - e, 0 < x < 2$, 则 $h'(x) = (1-x)e^x$ 11 分

当 $x \in (0, 1)$ 时, $h'(x) > 0, h(x)$ 单调递增; 当 $x \in (1, 2)$ 时, $h'(x) < 0, h(x)$ 单调递减. 故 $h(x)_{\max} = h(1) = 0$. 从而 $(2-x_0)e^{x_0} - e \leq 0$, 证毕. 12 分

22. (1) 解: 设 $|F_1F_2| = 2c$, 因为 $AF_1 \perp F_1F_2, \angle AF_2F_1 = 30^\circ$,

所以 $|AF_1| = \frac{2\sqrt{3}}{3}c, |AF_2| = \frac{4\sqrt{3}}{3}c$ 2 分

因为 $|AF_2| - |AF_1| = \frac{2\sqrt{3}}{3}c = 2a = 4$, 所以 $c = 2\sqrt{3}$ 3 分

因为 $b = \sqrt{c^2 - a^2} = 2\sqrt{2}$, 所以双曲线 C 的渐近线方程为 $y = \pm\sqrt{2}x$ 4 分

(2) 证明: 由 (1) 知双曲线 C 的方程为 $\frac{x^2}{4} - \frac{y^2}{8} = 1$, 设 $E(x_1, y_1), F(x_2, y_2)$.

① 当直线 l 的斜率存在时, 设 l 的方程为 $y = kx + m$,

联立方程组 $\begin{cases} y = kx + m, \\ \frac{x^2}{4} - \frac{y^2}{8} = 1, \end{cases}$ 化简得 $(2-k^2)x^2 - 2kmx - (m^2+8) = 0$,

则 $\Delta = (-2km)^2 + 4(m^2+8)(2-k^2) > 0$, 即 $m^2 - 4k^2 + 8 > 0$,

且 $\begin{cases} x_1 + x_2 = \frac{2km}{2-k^2}, \\ x_1 x_2 = \frac{-m^2-8}{2-k^2}. \end{cases}$ 6 分

因为 $\overrightarrow{DE} \cdot \overrightarrow{DF} = (x_1-2)(x_2-2) + y_1 y_2 = 0$,

所以 $(k^2+1)x_1 x_2 + (km-2)(x_1+x_2) + m^2+4 = (k^2+1) \cdot \frac{-m^2-8}{2-k^2} + (km-2) \cdot \frac{2km}{2-k^2} + m^2+4 = 0$,

化简得 $m^2 - 4km - 12k^2 = (m+2k)(m-6k) = 0$,

所以 $m = -2k$ 或 $m = 6k$, 且均满足 $m^2 - 4k^2 + 8 > 0$ 8 分

当 $m = -2k$ 时, 直线 l 的方程为 $y = k(x-2)$, 直线过定点 $(2, 0)$, 与已知矛盾;

当 $m = 6k$ 时, 直线 l 的方程为 $y = k(x+6)$, 过定点 $M(-6, 0)$ 10 分

② 当直线 l 的斜率不存在时, 由对称性, 不妨设直线 $DE: y = x - 2$,

联立方程组 $\begin{cases} y = x - 2, \\ \frac{x^2}{4} - \frac{y^2}{8} = 1, \end{cases}$ 得 $x = 2$ (舍去) 或 $x = -6$, 此时直线 l 过定点 $M(-6, 0)$.

因为 $DG \perp EF$, 所以点 G 在以 DM 为直径的圆上, H 为该圆圆心, $|GH|$ 为该圆半径,

故存在定点 $H(-2, 0)$, 使 $|GH|$ 为定值 4. 12 分