

鄂东南省级示范高中教育教学改革联盟学校 2023 年五月模拟考
高三数学参考答案

选择题

题号	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
答案	C	B	D	C	A	D	A	B	AD	ABD	ABD	ACD

填空题

13. 16 14. $\pm \frac{\sqrt{7}}{7}$

15. (0,1) 16. 1; 4

小题详解

1. C 【解析】 $\because A = \{x | x^2 - 2x - 3 < 0\} = \{x | -1 < x < 3\}$, $B = \{x | y = \ln(x+1)\} = \{x | x > -1\}$,

$\therefore \complement_U A = \{x | x \leq -1 \text{ 或 } x \geq 3\}$, $\complement_U B = \{x | x \leq -1\}$, $\therefore A \not\subseteq \complement_U B$, $\complement_U A \not\subseteq B$, $A \cup B \neq U$, $(\complement_U A) \cup B = U$, 故选 C.

2. B 【解析】已知 $2-i$ (是虚数单位) 是关于 x 的方程 $x^2 + bx + c = 0$ ($b, c \in \mathbb{R}$) 的一个根,

则 $(2-i)^2 + b(2-i) + c = 0$, 即 $4-4i-1+2b-bi+c=0$, 即 $\begin{cases} 3+2b+c=0 \\ -4-b=0 \end{cases}$, 解得 $\begin{cases} b=-4 \\ c=5 \end{cases}$,

故 $b+c=1$, 故选 B.

3. D 【解析】 $\because |\vec{a}|=2$, $|\vec{b}|=1$, 且 $|\vec{a}-2\vec{b}|=\sqrt{10}$,

$$\therefore |\vec{a}-2\vec{b}|^2 = \vec{a}^2 - 4\vec{a}\cdot\vec{b} + 4\vec{b}^2 = 10, \text{ 即 } 4 - 4\vec{a}\cdot\vec{b} + 4 = 10, \quad \vec{a}\cdot\vec{b} = -\frac{1}{2},$$

$$\therefore \vec{b} \text{ 在 } \vec{a} \text{ 方向上的投影向量为 } |\vec{b}| \cos \langle \vec{a}, \vec{b} \rangle \cdot \frac{\vec{a}}{|\vec{a}|} = |\vec{b}| \cdot \frac{\vec{a}\cdot\vec{b}}{|\vec{a}||\vec{b}|} \cdot \frac{\vec{a}}{|\vec{a}|} = \frac{\vec{a}\cdot\vec{b}}{|\vec{a}|^2} \vec{a} = -\frac{1}{8} \vec{a}, \text{ 故选 D.}$$

4. C 【解析】函数 $f(x)=\sin(2x+\varphi)$ 的图象向左平移 $\frac{\pi}{3}$ 个单位, 得 $g(x)=\sin(2x+\frac{2\pi}{3}+\varphi)$ 的图象,

又函数 $g(x)$ 是偶函数, $\therefore \frac{2\pi}{3}+\varphi=k\pi+\frac{\pi}{2}$, $(k \in \mathbb{Z})$, $\therefore \varphi=k\pi-\frac{\pi}{6}$, $k \in \mathbb{Z}$; $\therefore \tan \varphi = \tan(k\pi-\frac{\pi}{6}) = -\frac{\sqrt{3}}{3}$, 故选 C.

5. A 【解析】在 $\triangle AMB$ 中, 由勾股定理可得: $AB = \sqrt{AM^2 + BM^2} = \sqrt{800^2 + 600^2} = 1000$ 米, 连接 PO ,

鄂东南教改联盟学校 2023 年五月模拟考 高三数学参考答案 (共 12 页) 第 1 页

则在 $\triangle APO$ 中, $PO = AP \cdot \sin 42^\circ \approx 670$ 米, 连接 OB , OC , OM , 则在 $\triangle OBM$ 中,
 $\sin \angle BOM = \frac{BM}{BO} = \frac{600}{670} = \frac{60}{67}$, 故 $\angle BOM \approx 1.1$, $\angle BOC \approx 2.2$, 则彩虹 (\widehat{BPC}) 的长度约为
 $(2\pi - 2.2) \times 670 = 1340\pi - 1474$, 故选 A.

6. D 【解析】法一: 设“两名女生都到岗”为事件 A , “两名女生不在同一岗位”为事件 B , 则

$$P(A) = \frac{C_2^2 C_4^3 C_2^1 C_2^2}{C_6^5 C_5^1 C_4^2 C_2^2} = \frac{4 \times 5 \times 6}{6 \times 5 \times 6} = \frac{2}{3}, \quad P(AB) = \frac{C_2^2 C_4^3 (C_2^1 C_2^2 C_2^2 - C_2^1 C_3^1)}{C_6^5 C_5^1 C_4^2 C_2^2} = \frac{4 \times 24}{6 \times 5 \times 6} = \frac{8}{15},$$

$$\therefore P(B|A) = \frac{P(AB)}{P(A)} = \frac{8}{15} \times \frac{3}{2} = \frac{4}{5}, \text{ 故选 D.}$$

$$\text{法二: } P(B|A) = \frac{P(AB)}{P(A)} = \frac{n(AB)}{n(A)} = \frac{C_2^2 C_4^3 (C_4^1 C_2^2 C_2^2 - C_2^1 C_3^1)}{C_2^2 C_4^3 C_5^1 C_4^2 C_2^2} = \frac{C_4^1 C_2^2 C_2^2 - C_2^1 C_3^1}{C_5^1 C_4^2 C_2^2} = \frac{24}{30} = \frac{4}{5}.$$

7. A 【解析】由题意可得 $g(x)=2x^2 - ax + a + 6 = 0$ 有解, 所以 $\Delta = a^2 - 8(a+6) \geq 0$,

解得 $a \leq -4$ 或 $a \geq 12$,

$$\text{当 } a \geq 12 \text{ 时, 必有 } \begin{cases} \frac{a}{4} > 1 \\ g(0) = 2 - a + a + 6 \geq 0 \end{cases}, \text{ 解得 } a \geq 12;$$

$$\text{当 } a \leq -4 \text{ 时, 必有 } \begin{cases} \frac{a}{4} < -1 \\ g(-1) = 2a + 8 \geq 0 \end{cases}, \text{ 不等式组无解,}$$

综上所述, $a \geq 12$, $\therefore a$ 的取值范围为 $[12, +\infty)$, 故选 A.

8. B 【解析】设此正三棱锥框架为 $P-ABC$, 球 O_1 的半径为 R , 球 O_2 的半径为 r , 底面 ABC 外接圆的圆心为 O , 连接 PO , AO , 延长 AO 交 BC 于点 N . \therefore 圆球 O_2 在此框架内且与正三棱锥所有的棱都相切, 设球 O_2 与棱 PA 和 BC 相切于点 M , N , 则 $AO = \frac{\sqrt{3}}{3} \times 2\sqrt{3} = 2$, $ON = \frac{\sqrt{3}}{2} \times 2\sqrt{3} - 2 = 1$, $\therefore PO \perp$ 底面 ABC , $\therefore PO \perp AO$, 又 $\therefore PA = 2\sqrt{2}$, $\therefore PO = \sqrt{8-4} = 2$,

在直角三角形 OO_2N 中, $OO_2 = \sqrt{r^2 - 1}$, $1 < r < 2\sqrt{2}$,

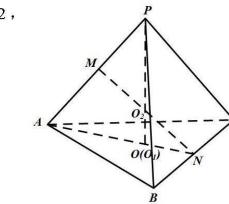
在直角三角形 PMO_2 中, $PM = MO_2 = r$, $PO_2 = \sqrt{2}r$,

由 $PO = PO_2 + OO_2$, 可得 $2 = \sqrt{2}r + \sqrt{r^2 - 1}$, 解得 $r = 2\sqrt{2} - \sqrt{3}$,

则球 O_2 的表面积为 $4\pi r^2 = 4\pi \times (2\sqrt{2} - \sqrt{3})^2 = (44 - 16\sqrt{6})\pi$,

又 $OA = OB = OC = OP = 2$, 则 O 与 O_1 重合, 球 O_1 的半径 $R = 2$, 球 O_1 的表面积为

鄂东南教改联盟学校 2023 年五月模拟考 高三数学参考答案 (共 12 页) 第 2 页



官方网站: www.zizzs.com

QQ群: 111111111 · 222222222

微信客服: zizzs2018

$4\pi R^2 = 4\pi \times 2^2 = 16\pi$, 综上可得: 两球表面积之和为 $(44 - 16\sqrt{6})\pi + 16\pi = (60 - 16\sqrt{6})\pi$, 故选B.

9. AD 【解析】对于A选项, 平面EFG截正方体ABCD-A₁B₁C₁D₁的截面图形

为正六边形EFGHIJ, 其中H,I,J分别为C₁D₁, A₁D₁, AA₁的中点, ∵AC₁||HI,

HI₁||平面EFGHIJ, ∴AC₁||平面EFGHIJ, 故A正确;

对于B选项, 过P作PM⊥AD交AD于点M, 则直线CP和平面ABCD所成的

角为∠PCM, $\tan \angle PCM = \frac{PM}{CM}$, 设PM=x, 正方体的棱长为1,

$$\text{则 } \tan \angle PCM = \frac{PM}{CM} = \frac{x}{\sqrt{x^2+1}} = \sqrt{1 - \frac{1}{x^2+1}}, \quad (0 \leq x \leq 1),$$

∴ $\tan \angle PCM \in \left[0, \frac{\sqrt{2}}{2}\right]$, ∴直线CP和平面ABCD所成的角不为定值, 故B错误;

误:

对于C选项, ∵BC₁⊥平面A₁B₁CD, BC₁||FG, ∴FG⊥平面A₁B₁CD,

又CP₁⊂平面A₁B₁CD, ∴CP₁⊥FG, 故C错误;

对于D选项, 设IJ∩AD=M, FG∩B₁C=N, 则平面A₁B₁CD∩平面

EFGHIJ=MN, ∵CP₁||平面EFG, CP₁⊂平面A₁B₁CD, ∴CP₁||MN, 又在平面A₁B₁CD内, 易

知A₁M=1/4A₁D, CN=1/4CB₁, ∴点P₁为线段A₁D的中点, 故D正确, 故选AD.

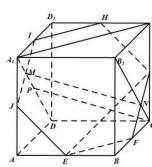
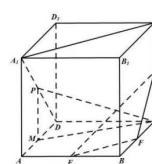
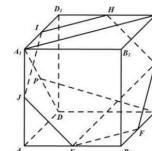
10. ABD 【解析】对于A选项, 由题意知, a,b是函数 $h(x) = \frac{x}{x-1} = 1 + \frac{1}{x-1}$ 分别与函数 $f(x) = 2^x$,

$g(x) = \log_2 x$ 图象交点的横坐标, ∵f(x), g(x)两个函数的图象关于直线y=x对称, h(x)的图象

也关于y=x对称, 故两交点(a,2^a), (b,log₂b)关于直线y=x对称, 所以a=log₂b, b=2^a, 故A

正确; 对于B选项, 由 $\frac{a}{a-1} = 2^a = b$ 可得ab=a+b即 $\frac{1}{a} + \frac{1}{b} = 1$, 故B正确; 对于D选项,

∵a+b=(a+b)(1+1/b)=2+1/a+1/b>4, 故D正确; 对于C选项, a-b=log₂b-b(b<2<b<4), 令



$$\varphi(b) = \log_2 b - b, \text{ 则 } \varphi'(b) = \frac{1}{b \ln 2} - 1 < 0, \therefore \varphi(b) = \log_2 b - b \text{ 在}(2,4) \text{ 上单调递减, 则}$$

$\varphi(b) > \log_2 4 - 4 = -2$, 故C错误, 故选ABD.

11. ABD 【解析】对于A选项, 由已知可得a=1,b=2, ∴C的渐近线方程为y=±2x, 故A正确;

对于B选项, 由题意得, AM的直线方程为: $x_0x - \frac{y_0y}{4} = 1$, ∴AM为双曲线的切线, 由双曲线的光学性质可知, AM平分∠F₁AF₂, 故B正确; 对于C选项, 延长F₁H₁与AF₂的延长线交于点E, 则AH垂直平分F₁E, 即点H为F₁E的中点. 又O是F₁F₂的中点,

$$\therefore |OH| = \frac{1}{2}|F_2E| = \frac{1}{2}(|AE| - |AF_2|) = \frac{1}{2}(|AF_1| - |AF_2|) = a = 1, \text{ 故C错误;}$$

对于D选项,

$$S_{AF_1NF_2} = S_{\triangle AF_1F_2} + S_{\triangle NF_1F_2} = \frac{1}{2} \times |F_1F_2| \times \left(|y_0| + \frac{4}{|y_0|} \right) \geq \frac{1}{2} \times 2\sqrt{5} \times 2\sqrt{|y_0| \cdot \frac{4}{|y_0|}} = 4\sqrt{5},$$

当且仅当 $|y_0| = \frac{4}{|y_0|}$, 即 $y_0 = \pm 2$ 时, 等号成立. ∴四边形AF₁NF₂面积的最小值为 $4\sqrt{5}$, 故D正确,

故选ABD.

12. ACD 【解析】对于A选项, ∵ $f_n(\frac{\pi}{2} - x) = \sin^{2n}(\frac{\pi}{2} - x) + \cos^{2n}(\frac{\pi}{2} - x) = \cos^{2n}x + \sin^{2n}x = f_n(x)$,

故A正确; 对于B选项, 当n=1时, $f_1(x)=1$. 当n>1时, 设 $\sin^2x=t$, 则 $\cos^2x=1-t$, 令

$$h(t) = t^n + (1-t)^n, t \in [0,1], \quad h'(t) = nt^{n-1} - n(1-t)^{n-1} = n[t^{n-1} - (1-t)^{n-1}], \quad 0 < t < \frac{1}{2} \text{ 时, } 0 < t < 1-t < 1,$$

$$\therefore t^{n-1} < (1-t)^{n-1}, \quad \therefore h'(t) < 0, \quad \frac{1}{2} < t < 1 \text{ 时, } h'(t) > 0, \quad \therefore h(t)_{\min} = h(\frac{1}{2}) = \frac{1}{2^{n-1}}, \text{ 即 } a_n = \frac{1}{2^{n-1}},$$

$$\therefore a_1 + a_2 + a_3 = 1 + \frac{1}{2} + \frac{1}{4} = \frac{7}{4}, \text{ 故B错误; 对于C选项, 由 } \ln(x+1) \leq x \text{ 得 } \ln(1+a_i) < a_i,$$

$$\therefore \sum_{i=1}^n \ln(1+a_i) < \sum_{i=1}^n a_i = \frac{1 - \frac{1}{2^n}}{1 - \frac{1}{2}} = 2 - \frac{1}{2^{n-1}} < 2, \text{ 故C正确;}$$

对于D选项, ∵ $\sqrt{n+1} - \sqrt{n} = \frac{1}{\sqrt{n+1} + \sqrt{n}} > \frac{1}{\sqrt{n+1} + \sqrt{n+2}}$, ∴ $2\sqrt{n+1} > \sqrt{n} + \sqrt{n+2}$,

$$\therefore \frac{2\sqrt{n+1}}{2^{n-1}} > \frac{\sqrt{n} + \sqrt{n+2}}{2^{n-1}}, \quad \therefore \frac{\sqrt{n}}{2^{n-2}} < \frac{\sqrt{n+1}}{2^{n-1}} - \frac{\sqrt{n+2}}{2^{n-1}}, \text{ 又 } b_n = \frac{\sqrt{n}}{2^{n-1}},$$

$$\therefore S_n = \frac{\sqrt{1}}{2^{1-1}} + \frac{\sqrt{2}}{2^{2-1}} + \dots + \frac{\sqrt{n}}{2^{n-1}} < \frac{\sqrt{2}}{2^{1-2}} - \frac{\sqrt{3}}{2^{1-1}} + \frac{\sqrt{3}}{2^{2-2}} - \frac{\sqrt{4}}{2^{2-1}} + \dots + \frac{\sqrt{n+1}}{2^{n-2}} - \frac{\sqrt{n+2}}{2^{n-1}} = 2\sqrt{2} - \frac{\sqrt{n+2}}{2^{n-1}}$$

【答案】(1) 证明见解析; (2) $\frac{2\sqrt{34}}{17}$

【解析】(1) 证明: $\because A_1C \perp$ 平面 B_1BCC_1 , $B_1C_1 \subset$ 平面 B_1BCC_1 , $\therefore A_1C \perp B_1C_1$;
 $\text{又 } \angle ABC = \frac{\pi}{2}, \therefore \angle A_1B_1C_1 = \frac{\pi}{2}, \text{ 即 } B_1C_1 \perp B_1A_1$,2分
 $\therefore A_1C \perp B_1C_1$, $B_1C_1 \perp B_1A_1$, $A_1C \cap B_1A_1 = A_1$, $A_1C, B_1A_1 \subset$ 平面 A_1B_1C ,
 $\therefore B_1C_1 \perp$ 平面 A_1B_1C ,4分

又 $B_1C_1 \subset$ 平面 $A_1B_1C_1$, \therefore 平面 $A_1B_1C \perp$ 平面 $A_1B_1C_1$; 5 分

又 $B_1C_1 \perp$ 平面 A_1B_1C , $B_1C_1 // BC$, $\therefore BC \perp$ 平面 A_1B_1C , $\therefore B_1C \subset$ 平面 A_1B_1C , $\therefore BC \perp B_1C$,
 $\therefore A_1C \perp B_1C$, $BC \perp B_1C$, $A_1C \cap BC = C$, $A_1C, BC \subset$ 平面 A_1BC ,
 $\therefore BC \perp$ 平面 A_1BC , 6分

法一：（坐标法）
 分别以 \overrightarrow{CB} 为 x 轴， $\overrightarrow{CB_1}$ 为 y 轴， $\overrightarrow{CA_1}$ 为 z 轴建立如图所示平面直角坐标系，
 则 $A_1(0, 0, 2)$ ， $B(4\sqrt{2}, 0, 0)$ ， $C(0, 0, 0)$ ， $B_1(0, 2, 0)$ ，
 $\overrightarrow{AB} = (4\sqrt{2}, 0, -2)$ ， $\overrightarrow{BB_1} = (4\sqrt{2}, 2, 0)$ 。

设平面 AA_1B 的法向量 $\vec{n}_1 = (x, y, z)$, $\because B_1B \subset$ 平面 AA_1B ,
 则 $\begin{cases} \vec{n}_1 \cdot \vec{A_1B} = 0, \\ \vec{n}_1 \cdot \vec{B_1B} = 0 \end{cases}$, 即 $\begin{cases} 4\sqrt{2}x - 2z = 0, \\ 4\sqrt{2}x - 2y = 0 \end{cases}$, 取 $\vec{n}_1 = (\sqrt{2}, 4, 4)$, 9 分

取平面 CAB 的一个法向量 $\vec{n} = (0, 1, 0)$, 10 分

鄂东南教改联盟学校 2023 年五月模拟考 高三数学参考答案 (共 12 页) 第 7 页

$$\text{则 } \cos <\vec{n}_1, \vec{n}_2> = \frac{4}{\sqrt{34} \cdot 1} = \frac{4\sqrt{34}}{34} = \frac{2\sqrt{34}}{17},$$

故平面 A_1AB 与平面 C_1AB 夹角的余弦值为 $\frac{2\sqrt{34}}{17}$ 12 分

法二：（几何法）

在平面 ABC 内, 过点 C 作 $CH \perp AB$ 交 AB 于点 H .

连接 BH ，则 $AB \perp$ 平面 BCH ， $\angle BHC$ 为二面角。

$B = AB = C$ 的平面角,

即为平面 AAB 与平面 CAB 的夹角。 8 分

$$\therefore AC = BC = AB = BC = 2\sqrt{2}$$

又在直角三角形 A_1BC 中, $A_1B = \sqrt{4C^2 + BC^2} = \sqrt{4+32} = 6$, $\therefore CH = \frac{A_1C \cdot BC}{AB} = \frac{2 \cdot 4\sqrt{2}}{6} = \frac{4\sqrt{2}}{3}$

则在直角三角形 B_1CH 中, $\tan \angle B_1HC = \frac{B_1C}{CH} = \frac{2}{\frac{4\sqrt{2}}{\sqrt{2}}} = \frac{3\sqrt{2}}{4}$, 故 $\cos \angle B_1HC = \frac{4}{\sqrt{34}} = \frac{2\sqrt{34}}{17}$,

∴ 平面 A_4B 与平面 C_4B 夹角的余弦值为 $\frac{2\sqrt{34}}{17}$ 12 分

20. (12分)

【答案】(1) $\frac{9}{4}$; (2) $k=36$

【解析】(1) 设事件 A : “顾客甲第一次抽中”, 事件 B : “顾客甲第二次抽中”

$\because A$ 与 B 是相互独立事件，所以 \bar{A} 与 \bar{B} 相互独立

$$\text{由于 } P(A) = P(B) = \frac{C_{99}^{19}}{C_{100}^{20}} = \frac{\frac{99!}{19!80!}}{\frac{100!}{20!80!}} = \frac{20}{100} = \frac{1}{5}, \text{ 故 } P(\bar{A}) = P(\bar{B}) = 1 - \frac{1}{5} = \frac{4}{5}$$

$$\therefore \text{甲被抽中的概率 } P = 1 - \left(\frac{4}{5}\right)^2 = \frac{9}{25}. \quad \dots \dots \dots \text{4分}$$

5' 25'

- 2° 当 $x \in (1, +\infty)$ 时, $f(x) > g(x) > g(1) = e$, $h(x)$ 在 $(e, +\infty)$ 上单调递减, 所以 $h(f(x)) < h(g(x))$;
 所以 $a=e$ 时, 方程有唯一解. 7 分
- ②当 $0 < a < e$ 时, 由 (1) 知 $f(x) > g(x)$, 令 $f(x)=e$ 得 $x=1$,
 令 $g(x)=e$ 得 $\frac{1}{2}x^2 + ax - \frac{1}{2} = e \Rightarrow x_0 = \sqrt{a^2 + 2e + 1} - a > 1$,
 1° 当 $x \in (0, 1]$ 时, $g(x) < f(x) \leq f(1) = e$, 则 $h(f(x)) > h(g(x))$; 8 分
- 2° 当 $x \in (1, x_0)$ 时, $f(x) > e > g(x)$, 由复合函数单调性可知 $h(f(x))$ 单调递减, $h(g(x))$ 单调递增,
 令 $m(x) = h(g(x)) - h(f(x))$, 则 $m(x)$ 单调递增,
 又 $m(1) = h(g(1)) - h(f(1)) = h(a) - h(e) < 0$, $m(x_0) = h(g(x_0)) - h(f(x_0)) = h(e) - h(f(x_0)) > 0$,
 所以存在唯一的 $x \in (1, x_0)$, 满足 $h(f(x)) = h(g(x))$; 10 分
- 3° 当 $x \in [x_0, +\infty)$ 时, $f(x) > g(x) \geq g(x_0) = e$, 则 $h(f(x)) < h(g(x))$;
 所以 $0 < a < e$ 时, 方程有唯一解. 11 分
- 综合①②可得:
 当 $0 < a \leq e$ 时, 关于 x 的方程 $h(f(x)) = h(g(x))$ 在 $(0, +\infty)$ 上有唯一解. 12 分

题号	题型	分值	考点(知识点)	能力点	难易度	试题来源
1	单选	5	集合的运算、集合的关系	数学运算	易	自创
2	单选	5	复数的概念与运算	数学运算	易	改编(学科网)
3	单选	5	平面向量的数量积、投影向量	数学运算	易	自创
4	单选	5	三角函数的图象与性质	数学运算	易	改编(学科网)
5	单选	5	空间几何体的结构	直观想象	易	改编(学科网)
6	单选	5	条件概率、计数原理	数学建模	中	自创
7	单选	5	分段函数的零点	数学运算	中	改编(学科网)
8	单选	5	球与几何体的切接	直观想象	中	改编(学科网)
9	多选	5	立体几何综合	直观想象	易	自创
10	多选	5	函数与方程、导数与不等式	数学抽象 数学运算	中	改编(学科网)
11	多选	5	双曲线的几何性质	数学运算	中	改编(学科网)
12	多选	5	导数与三角函数、导数与数列	逻辑推理 数学运算	难	改编(学科网)
13	填空	5	正态分布	数学运算	易	自创
14	填空	5	直线与圆的位置关系	数学运算	易	改编(学科网)
15	填空	5	导数的几何意义	数学运算	中	改编(学科网)
16	填空	5	直线与椭圆的位置关系、向量共线	逻辑推理 数据处理	难	自创
17	解答	10	解三角形、三角恒等变换	数学运算	易	改编(学科网)
18	解答	12	数列递推式、数列求和	数学运算	易	自创
19	解答	12	立体几何与空间向量	直观想象	中	改编(学科网)
20	解答	12	概率的性质、古典概型、计数原理	数学建模 数据处理	难	自创
21	解答	12	直线与抛物线综合	数学运算	中	自创
22	解答	12	导数与恒成立问题、导数与复合方程的根	逻辑推理 数学运算	难	自创

关于我们

自主选拔在线是致力于提供新高考生涯规划、强基计划、综合评价、三位一体、学科竞赛等政策资讯的升学服务平台。总部坐落于北京，旗下拥有网站（[网址：www.zizzs.com](#)）和微信公众平台等媒体矩阵，用户群体涵盖全国90%以上的重点中学师生及家长，在全国新高考、自主选拔领域首屈一指。如需第一时间获取相关资讯及备考指南，请关注**自主选拔在线**官方微信号：**zizzsw**。



微信搜一搜

Q 自主选拔在线