

2023 年宝鸡市高考模拟检测（二）

数学（文科）答案

一、选择题：

题号	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
答案	A	D	C	A	B	B	B	D	C	A	B	A

二、填空题：

$$13: y = \frac{1}{x-1} \text{ (答案不唯一)} \quad 14: \left[k\pi - \frac{5\pi}{12}, k\pi + \frac{\pi}{12} \right], k \in \mathbb{Z}$$

$$15: 8\pi \quad 16: [\sqrt{3}-1, \sqrt{3}+1]$$

解答题答案文科

17. 解：(1)由频率分布直方图得第七组的频率为： $1 - (0.004 + 0.012 + 0.016 + 0.030 + 0.020 + 0.006 + 0.004) \times 10 = 0.08$;

分

(2)用样本数据估计该校的2000名学生这次考试成绩的平均分为： $70 \times 0.004 \times 10 + 80 \times 0.012 \times 10 +$

$$90 \times 0.016 \times 10 + 100 \times 0.030 \times 10 +$$

$$110 \times 0.020 \times 10 + 120 \times 0.006 \times 10 +$$

$$130 \times 0.008 \times 10 + 140 \times 0.004 \times 10 = 102(\text{分});$$

分

(3)样本成绩属于第六组的有 $0.006 \times 10 \times 50 = 3$ 人，设为 A, B, C ,

样本成绩属于第八组的有 $0.004 \times 10 \times 50 = 2$ 人，设为 a, b ,

从样本成绩属于第六组和第八组的所有学生中随机抽取2名，

有 $\{A, B\}, \{A, C\}, \{C, B\}, \{A, a\}, \{A, b\}, \{B, a\}, \{B, b\},$

$\{C, a\}, \{C, b\}, \{a, b\}$ 共10种，

他们的分差的绝对值小于10分包含的基本事件有

$\{A, B\}, \{A, C\}, \{C, B\}, \{a, b\}$ ，共4种，

$$\therefore \text{他们的分差的绝对值小于10分的概率 } p = \frac{4}{10} = \frac{2}{5}.$$

18. (1)证明: 因为 $PD \perp$ 平面 $ABCD$, $CD \subset$ 平面 $ABCD$,

所以 $PD \perp CD$,

2

分

因为 $AD \perp CD$, $AD \cap PD = D$, $AD, PD \subset$ 平面 PAD ,

所以 $CD \perp$ 平面 PAD ,

4 分

因为 E 为棱 PD 上一点,

所以 $AE \subset$ 平面 PAD ,

所以 $CD \perp AE$.

6 分

(2)因为 $PD \perp$ 平面 $ABCD$, 沿 H 做下底面 $ABCD$ 垂线 HM , 可知 $HM = \frac{1}{3}PD = \frac{4}{3}$,

8 分

所以三棱锥 $C - ABH$ 的体积就等于三棱锥 $H - ABC$ 的体积

10 分

所以 $V = \frac{1}{3}|HM| \times S_{ABC} = \frac{1}{3} \times \frac{4}{3} \times \frac{1}{2}|AB| \times |AD| = \frac{2}{9}$

12 分

19. 解: (I) $\because f(x) = (\frac{1}{3})^x$,

等比数列 $\{a_n\}$ 的前 n 项和为 $f(n) - c = (\frac{1}{3})^n - c$,

$\therefore a_1 = f(1) - c = \frac{1}{3} - c$, $a_2 = [f(2) - c] - [f(1) - c] = -\frac{2}{9}$,

$a_3 = [f(3) - c] - [f(2) - c] = -\frac{2}{27}$,

数列 $\{a_n\}$ 是等比数列, 应有 $\frac{a_2}{a_1} = \frac{a_3}{a_2} = q$, 解得 $c = 1$, $q = \frac{1}{3}$.

2

分

$\therefore$ 首项 $a_1 = f(1) - c = \frac{1}{3} - c = -\frac{2}{3}$,

$\therefore$ 等比数列 $\{a_n\}$ 的通项公式为 $a_n = (-\frac{2}{3}) \times (\frac{1}{3})^{n-1} = -2 \times (\frac{1}{3})^n$.

$\because S_n - S_{n-1} = (\sqrt{S_n} - \sqrt{S_{n-1}})(\sqrt{S_n} + \sqrt{S_{n-1}}) = \sqrt{S_n} + \sqrt{S_{n-1}} (n \geq 2)$,

又 $b_n > 0$, $\sqrt{S_n} > 0$, $\therefore \sqrt{S_n} - \sqrt{S_{n-1}} = 1$;

$\therefore$ 数列 $\{\sqrt{S_n}\}$ 构成一个首项为1, 公差为1的等差数列,

4 分

$\therefore \sqrt{S_n} = 1 + (n-1) \times 1 = n$,

$\therefore S_n = n^2$, 当 $n = 1$ 时, $b_1 = S_1 = 1$,

当 $n \geq 2$ 时, $b_n = S_n - S_{n-1} = n^2 - (n-1)^2 = 2n - 1$

又 $n = 1$ 时也适合上式,

$\therefore \{b_n\}$ 的通项公式 $b_n = 2n -$

1. 6 分

$$(II) \frac{1}{b_n b_{n+1}} = \frac{1}{(2n-1)(2n+1)} = \frac{1}{2} \left(\frac{1}{2n-1} - \frac{1}{2n+1} \right), \quad 8$$

分

$$\begin{aligned} \therefore T_n &= \frac{1}{2} \left[\left(1 - \frac{1}{3}\right) + \left(\frac{1}{3} - \frac{1}{5}\right) + \left(\frac{1}{5} - \frac{1}{7}\right) + \cdots + \left(\frac{1}{2n-1} - \frac{1}{2n+1}\right) \right] \\ &= \frac{1}{2} \left(1 - \frac{1}{2n+1}\right) \\ &= \frac{n}{2n+1}, \quad 10 \text{ 分} \end{aligned}$$

$$\text{由 } T_n > \frac{1010}{2023}, \text{ 得 } \frac{n}{2n+1} > \frac{1010}{2023}, \text{ 得 } n > 336.6,$$

故满足 $T_n > \frac{1010}{2023}$ 的最小正整数为 337. 12 分

20. 解: (1)依题意可知 $\sqrt{7}|\overrightarrow{AF}| = 2|\overrightarrow{AB}|$, 即 $\sqrt{7}a = 2\sqrt{a^2 + b^2}$,

由右顶点为 $B(2,0)$, 得 $a = 2$, 解得 $b^2 = 3$,

$$\text{所以 } C_1 \text{ 的标准方程为 } \frac{x^2}{4} + \frac{y^2}{3} = 1. \quad 4$$

分

(2)依题意可知 C_2 的方程为 $y^2 = -4x$, 假设存在符合题意的直线,

设直线方程为 $x = ky - 1$, $P(x_1, y_1)$, $Q(x_2, y_2)$, $M(x_3, y_3)$, $N(x_4, y_4)$,

$$\text{联立方程组 } \begin{cases} x = ky - 1 \\ \frac{x^2}{4} + \frac{y^2}{3} = 1 \end{cases}, \text{ 得 } (3k^2 + 4)y^2 - 6ky - 9 = 0, \quad 6$$

分

$$\text{由韦达定理得 } y_1 + y_2 = \frac{6k}{3k^2 + 4}, \quad y_1 y_2 = \frac{-9}{3k^2 + 4},$$

$$\text{则 } |y_1 - y_2| = \frac{12\sqrt{k^2 + 1}}{3k^2 + 4},$$

$$\text{联立方程组 } \begin{cases} x = ky - 1 \\ y^2 = -4x \end{cases}, \text{ 得 } y^2 + 4ky - 4 = 0,$$

$$\text{由韦达定理得 } y_3 + y_4 = -4k, \quad y_3 y_4 = -4, \quad 8$$

分

$$\text{所以 } |y_3 - y_4| = 4\sqrt{k^2 + 1}, \text{ 若 } S_{\triangle OPQ} = \frac{1}{2} S_{\triangle OMN},$$

$$\text{则 } |y_1 - y_2| = \frac{1}{2} |y_3 - y_4|, \text{ 即 } \frac{12\sqrt{k^2+1}}{3k^2+4} = 2\sqrt{k^2+1}, \text{ 解得 } k = \pm \frac{\sqrt{6}}{3},$$

10

分

$$\text{所以存在符合题意的直线方程为 } x + \frac{\sqrt{6}}{3}y + 1 = 0 \text{ 或 } x - \frac{\sqrt{6}}{3}y + 1 = 0.$$

12

分

20.

$$21. \text{ 解: (1) 依题意, } x > 0, f'(x) = \frac{a}{x} - \frac{1}{x^2} (a > 0)$$

$$\text{由 } f'(x) > 0 \text{ 得 } \frac{a}{x} - \frac{1}{x^2} > 0, \text{ 解得 } x > \frac{1}{a}, \text{ 函数 } f(x) \text{ 的单调增区间为 } (\frac{1}{a}, +\infty),$$

2

分

$$\text{由 } f'(x) < 0 \text{ 得 } \frac{a}{x} - \frac{1}{x^2} < 0, \text{ 解得 } x < \frac{1}{a}, \text{ 函数 } f(x) \text{ 的单调减区间为 } (0, \frac{1}{a}),$$

4 分

$$\therefore \text{当 } x = \frac{1}{a} \text{ 时, 函数 } f(x) \text{ 的极小值为 } f(\frac{1}{a}) = a \ln \frac{1}{a} + a = a - a \ln a, \text{ 无极大值;}$$

5 分

$$(2) \text{ 设 } g(x) = ax(2 - \ln x) = 2ax - ax \ln x, \text{ 则函数定义域为 } (0, +\infty)$$

$$g'(x) = 2a - (ax \cdot \frac{1}{x} + a \ln x) = a(1 - \ln x)$$

6

分

$$\text{由 } g'(x) = 0, \text{ 解得 } x = e,$$

$$\text{由 } a > 0 \text{ 可知, 当 } x \in (0, e) \text{ 时, } g'(x) > 0, \text{ 函数 } g(x) \text{ 单调递增,}$$

$$\text{当 } x \in (e, +\infty) \text{ 时, } g'(x) < 0, \text{ 函数 } g(x) \text{ 单调递减,}$$

$$\therefore \text{函数 } g(x) \text{ 的最大值为 } g(e) = ae(2 - \ln e) = ae,$$

8 分

$$\text{要使不等式恒成立, 只需 } g(x) \text{ 的最大值不大于 } 1 \text{ 即可, 即 } g(e) \leq 1,$$

$$\text{也即 } ae \leq 1, \text{ 解得 } a \leq \frac{1}{e},$$

10 分

$$\text{又 } \because a > 0,$$

$$\therefore 0 < a \leq \frac{1}{e}.$$

12 分

$$22. \text{ 解: (1) 因为 } \begin{cases} x = 2t - \frac{1}{6t} \\ y = 2t + \frac{1}{6t} \end{cases} (t \text{ 为参数}),$$

$$\text{所以 } \begin{cases} x^2 = 4t^2 + \frac{1}{36t^2} - \frac{2}{3} \\ y^2 = 4t^2 + \frac{1}{36t^2} + \frac{2}{3} \end{cases}$$

2 分

$$\text{所以曲线 } C \text{ 的普通方程为 } y^2 - x^2 = \frac{4}{3}.$$

因为 $\rho \cos(\theta + \frac{\pi}{3}) = 1$,

所以 $\rho \cos \theta - \sqrt{3} \rho \sin \theta = 2$,

因为 $x = \rho \cos \theta, y = \rho \sin \theta$,

所以直线 l 的直角坐标方程为 $x - \sqrt{3}y - 2 = 0$. 4 分

(2) 由 (1) 可得直线 l 的参数方程 $\begin{cases} x = 2 + \frac{\sqrt{3}}{2}s \\ y = \frac{1}{2}s \end{cases} (s \text{ 为参数})$,

所以 $(\frac{1}{2}s)^2 - (2 + \frac{\sqrt{3}}{2}s)^2 = \frac{4}{3}$,

整理得 $3s^2 + 12\sqrt{3}s + 32 = 0$. 6 分

分

设 $|PM| = -s_1, |QM| = -s_2$,

则 $s_1 + s_2 = -4\sqrt{3}, s_1 s_2 = \frac{32}{3}$, 8 分

分

所以 $||PM| - |QM|| = \sqrt{(s_1 + s_2)^2 - 4s_1 s_2} = \sqrt{48 - \frac{128}{3}} = \sqrt{\frac{16}{3}} = \frac{4\sqrt{3}}{3}$. 10 分

分

23 解: (1) 由题设知: $|x+1| + |x-1| < 3$;

① 当 $x > 1$ 时, 得 $f(x) = x+1+x-1 = 2x, 2x < 3$, 解得 $1 < x < \frac{3}{2}$;

② 当 $-1 \leq x \leq 1$ 时, 得 $f(x) = x+1+1-x = 2, 2 < 3$, 恒成立;

③ 当 $x < -1$ 时, 得 $f(x) = -x-1-x+1 = -2x, -2x < 3$, 解得 $-\frac{3}{2} < x < -1$; 2 分

分

所以不等式的解集为: $(-\frac{3}{2}, \frac{3}{2})$; 4 分

(2) 由二次函数 $y = -x^2 - 2x + m = -(x+1)^2 + 1 + m$,

该函数在 $x = -1$ 取得最大值 $1 + m$, 6 分

因为 $f(x) = \begin{cases} -2x(x < -1) \\ 2(-1 \leq x \leq 1) \\ 2x(x > 1) \end{cases}$, 8 分

分

所以在 $x = -1$ 处取得最小值 2,

IN //

所以要使二次函数 $y = -x^2 - 2x + m$ 与函数 $y = f(x)$ 的图象恒有公共点,

只需 $m+1 \geq 2$, 即 $m \geq 1$. 10 分

关于我们

自主选拔在线是致力于提供新高考生涯规划、强基计划、综合评价、三位一体、学科竞赛等政策资讯的升学服务平台。总部坐落于北京，旗下拥有网站（网址：www.zizzs.com）和微信公众平台等媒体矩阵，用户群体涵盖全国90%以上的重点中学师生及家长，在全国新高考、自主选拔领域首屈一指。

如需第一时间获取相关资讯及备考指南，请关注**自主选拔在线**官方微信号：**zizzsw**。



微信搜一搜

Q 自主选拔在线