

### 理科数学

一、选择题：本题共 12 小题，每小题 5 分，共 60 分。在每小题给出的四个选项中，只有一项是符合题目要求的。

1. 已知集合  $A = \{-1, 0, 1, 2\}$ ,  $B = \{x | x^2 \leq 1\}$ , 则  $A \cap B =$  答: A

A.  $\{-1, 0, 1\}$       B.  $\{0, 1\}$       C.  $\{-1, 1\}$       D.  $\{0, 1, 2\}$

2. 若  $z(1+i) = 2i$ , 则  $z =$  答: D

A.  $-1-i$       B.  $-1+i$       C.  $1-i$       D.  $1+i$

3. 《西游记》《三国演义》《水浒传》和《红楼梦》是中国古典文学瑰宝，并称中国古典小说四大名著。某中学为了解本校学生阅读四大名著的情况，随机调查了 100 位学生，其中阅读过《西游记》或《红楼梦》的学生共有 90 位，阅读过《红楼梦》的学生共有 80 位，阅读过《西游记》且阅读过《红楼梦》的学生共有 60 位，则该校阅读过《西游记》的学生人数与该校学生总数比值的估计值为 答: C

A. 0.5      B. 0.6      C. 0.7      D. 0.8

4.  $(1+2x^2)(1+x)^4$  的展开式中  $x^3$  的系数为 答: A

A. 12      B. 16      C. 20      D. 24

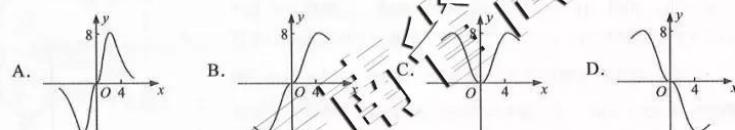
5. 已知各项均为正数的等比数列  $\{a_n\}$  的前 4 项和为 15, 且  $a_5 = 3a_3 + 4a_1$ , 则  $a_3 =$  答: C

A. 16      B. 8      C. 4      D. 2

6. 已知曲线  $y = ae^x + x \ln x$  在点  $(1, ae)$  处的切线方程为  $y = 2x + b$ , 则 答: D

A.  $a=e$ ,  $b=-1$       B.  $a=e$ ,  $b=1$       C.  $a=e^{-1}$ ,  $b=1$       D.  $a=e^{-1}$ ,  $b=-1$

7. 函数  $y = \frac{2x^3}{2^x + 2^{-x}}$  在  $[-6, 6]$  的图像大致为 答: B



8. 如图, 点  $N$  为正方形  $ABCD$  的中心,  $\triangle ECD$  为正三角形, 平面  $ECD \perp$  平面  $ABCD$ ,  $M$  是线段  $ED$  的中点, 则 答: B

A.  $BM = EN$ , 且直线  $BM$ ,  $EN$  是相交直线  
B.  $BM \neq EN$ , 且直线  $BM$ ,  $EN$  是相交直线  
C.  $BM = EN$ , 且直线  $BM$ ,  $EN$  是异面直线  
D.  $BM \neq EN$ , 且直线  $BM$ ,  $EN$  是异面直线

9. 执行右边的程序框图, 如果输入的  $\epsilon$  为 0.01, 则输出  $s$  的值等于 答: C

- A.  $2 - \frac{1}{2^4}$   
B.  $2 - \frac{1}{2^5}$   
C.  $2 - \frac{1}{2^6}$   
D.  $2 - \frac{1}{2^7}$

10. 双曲线  $C: \frac{x^2}{4} - \frac{y^2}{2} = 1$  的右焦点为  $F$ , 点  $P$  在  $C$  的一条渐近线上,  $O$  为坐标原点. 若  $|PO| = |PF|$ , 则  $\triangle PFO$  的面积为 答: A

A.  $\frac{3\sqrt{2}}{4}$       B.  $\frac{3\sqrt{2}}{2}$       C.  $2\sqrt{2}$       D.  $3\sqrt{2}$

— 13 —

11. 设  $f(x)$  是定义域为  $\mathbf{R}$  的偶函数, 且在  $(0, +\infty)$  单调递减, 则 答: C

- A.  $f(\log_3 \frac{1}{4}) > f(2^{-\frac{3}{2}}) > f(2^{-\frac{2}{3}})$   
 B.  $f(\log_3 \frac{1}{4}) > f(2^{-\frac{2}{3}}) > f(2^{-\frac{3}{2}})$   
 C.  $f(2^{-\frac{3}{2}}) > f(2^{-\frac{2}{3}}) > f(\log_3 \frac{1}{4})$   
 D.  $f(2^{-\frac{2}{3}}) > f(2^{-\frac{3}{2}}) > f(\log_3 \frac{1}{4})$

12. 设函数  $f(x) = \sin(\omega x + \frac{\pi}{5}) (\omega > 0)$ , 已知  $f(x)$  在  $[0, 2\pi]$  有且仅有 5 个零点. 下述四个结论:

- ①  $f(x)$  在  $(0, 2\pi)$  有且仅有 3 个极大值点  
 ②  $f(x)$  在  $(0, 2\pi)$  有且仅有 2 个极小值点  
 ③  $f(x)$  在  $(0, \frac{\pi}{10})$  单调递增  
 ④  $\omega$  的取值范围是  $[\frac{12}{5}, \frac{29}{10})$

其中所有正确结论的编号是 答: D  
 A. ①④ B. ②③ C. ①②③ D. ①③④

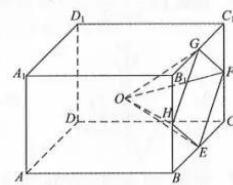
二、填空题: 本题共 4 小题, 每小题 5 分, 共 20 分。

13. 已知  $a, b$  为单位向量, 且  $a \cdot b = 0$ , 若  $c = 2a - \sqrt{5}b$ , 则  $\cos(a, c) = \underline{\underline{\frac{2}{3}}}$ .

14. 记  $S_n$  为等差数列  $\{a_n\}$  的前  $n$  项和. 若  $a_1 \neq 0$ ,  $a_2 = 3a_1$ , 则  $\frac{S_{10}}{S_5} = \underline{\underline{4}}$ .

15. 设  $F_1, F_2$  为椭圆  $C: \frac{x^2}{36} + \frac{y^2}{20} = 1$  的两个焦点,  $M$  为  $C$  上一点且在第一象限. 若  $\triangle MF_1F_2$  为等腰三角形, 则  $M$  的坐标为  $(3, \sqrt{15})$ .

16. 学生到工厂劳动实践, 利用 3D 打印技术制作模型. 如图, 该模型为长方体  $ABCD-A_1B_1C_1D_1$  挖去四棱锥  $O-EFGH$  后所得的几何体, 其中  $O$  为长方体的中心,  $E, F, G, H$  分别为所在棱的中点,  $AB = BC = 6 \text{ cm}$ ,  $AA_1 = 4 \text{ cm}$ . 3D 打印所用原料密度为  $0.9 \text{ g/cm}^3$ . 不考虑打印损耗, 制作该模型所需原料的质量为  $118.8 \text{ g}$ .

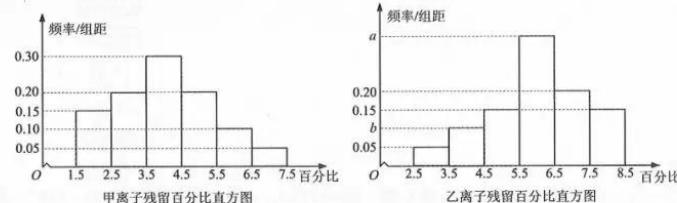


三、解答题: 共 70 分. 解答应写出文字说明、证明过程或演算步骤. 第 17~21 题为必考题, 每个试题考生都必须作答. 第 22、23 题为选考题, 考生根据要求作答.

(一) 必考题: 共 60 分.

17. (12 分)

为了解甲、乙两种离子在小鼠体内的残留程度, 进行如下试验: 将 200 只小鼠随机分成 A, B 两组, 每组 100 只, 其中 A 组小鼠给服甲离子溶液, B 组小鼠给服乙离子溶液. 每只小鼠给服的溶液体积相同、摩尔浓度相同. 经过一段时间后用某种科学方法测算出残留在小鼠体内的百分比. 根据试验数据分别得到如下直方图:



记  $C$  为事件: “乙离子残留在体内的百分比不低于 5.5”, 根据直方图得到  $P(C)$  的估计值为 0.70.

(1) 求乙离子残留在体内的百分比直方图中  $a, b$  的值;

(2) 分别估计甲、乙离子残留在体内的百分比的平均值 (同一组中的数据用该组区间的中点值为代表).

解：

(1) 由已知得  $0.70 = a + 0.20 + 0.15$ , 故

$$a = 0.35.$$

$$b = 1 - 0.05 - 0.15 - 0.70 = 0.10.$$

(2) 甲离子残留百分比的平均值的估计值为

$$2 \times 0.15 + 3 \times 0.20 + 4 \times 0.30 + 5 \times 0.20 + 6 \times 0.10 + 7 \times 0.05 = 4.05.$$

乙离子残留百分比的平均值的估计值为

$$3 \times 0.05 + 4 \times 0.10 + 5 \times 0.15 + 6 \times 0.35 + 7 \times 0.20 + 8 \times 0.15 = 6.00.$$

18. (12 分)

$\triangle ABC$  的内角  $A$ ,  $B$ ,  $C$  的对边分别为  $a$ ,  $b$ ,  $c$ . 已知  $a \sin \frac{A+C}{2} = b \sin A$ .

(1) 求  $B$ ;

(2) 若  $\triangle ABC$  为锐角三角形, 且  $c=1$ , 求  $\triangle ABC$  面积的取值范围.

解：

(1) 由题设及正弦定理得  $\sin A \sin \frac{A+C}{2} = \sin B \sin A$ .

因为  $\sin A \neq 0$ , 所以  $\sin \frac{A+C}{2} = \sin B$ .

由  $A+B+C=180^\circ$ , 可得  $\sin \frac{A+C}{2} = \cos \frac{B}{2}$ , 故  $\cos \frac{B}{2} = 2 \sin \frac{B}{2} \cos \frac{B}{2}$ .

因为  $\cos \frac{B}{2} \neq 0$ , 故  $\sin \frac{B}{2} = \frac{1}{2}$ , 因此  $B=60^\circ$ .

(2) 由题设及(1)知  $\triangle ABC$  的面积  $S_{\triangle ABC} = \frac{\sqrt{3}}{4}a$ .

由正弦定理得  $a = \frac{c \sin A}{\sin C} = \frac{\sin(120^\circ - C)}{\sin C} = \frac{\sqrt{3}}{2 \tan C} + \frac{1}{2}$ .

由于  $\triangle ABC$  为锐角三角形, 故  $0^\circ < A < 90^\circ$ ,  $0^\circ < C < 90^\circ$ . 由(1)知  $A+C=120^\circ$ ,

所以  $30^\circ < C < 90^\circ$ , 故  $\frac{1}{2} < a < 2$ , 从而  $\frac{\sqrt{3}}{8} < S_{\triangle ABC} < \frac{\sqrt{3}}{2}$ .

因此,  $\triangle ABC$  面积的取值范围是  $(\frac{\sqrt{3}}{8}, \frac{\sqrt{3}}{2})$ .

19. (12 分)

图1是由矩形  $ADEB$ , Rt $\triangle ABC$  和菱形  $BFGC$  组成的一个平面图形, 其中  $AB=1$ ,  $BE=BF=2$ ,  $\angle FBC=60^\circ$ . 将其沿  $AB$ ,  $BC$  折起使得  $BE$  与  $BF$  重合, 连结  $DG$ , 如图2.

(1) 证明: 图2中的  $A$ ,  $C$ ,  $G$ ,  $D$  四点共面, 且平面  $ABC \perp$  平面  $BCGE$ ;

(2) 求图2中的二面角  $B-CG-A$  的大小.

解:

(1) 由已知得  $AD \parallel BE$ ,  $CG \parallel BE$ , 所以  $AD \parallel CG$ , 故  $AD$ ,  $CG$  确定一个平面, 从而  $A$ ,  $C$ ,  $G$ ,  $D$  四点共面.

由已知得  $AB \perp BE$ ,  $AB \perp BC$ , 故  $AB \perp$  平面  $BCGE$ .

又因为  $AB \subset$  平面  $ABC$ , 所以平面  $ABC \perp$  平面  $BCGE$ .

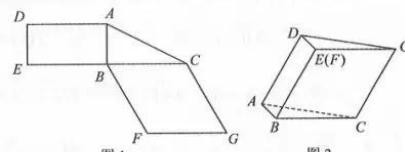


图1

图2

(2) 作  $EH \perp BC$ , 垂足为  $H$ . 因为  $EH \subset$  平面  $BCGE$ , 平面  $BCGE \perp$  平面  $ABC$ , 所以  $EH \perp$  平面  $ABC$ .

由已知, 菱形  $BCGE$  的边长为 2,  $\angle EBC = 60^\circ$ , 可求得  $BH = 1$ ,  $EH = \sqrt{3}$ .

以  $H$  为坐标原点,  $\overrightarrow{HC}$  的方向为  $x$  轴的正方向, 建立如图所示的空间直角坐标系  $H-xyz$ , 则

$$A(-1, 1, 0), C(1, 0, 0), G(2, 0, \sqrt{3}), \overrightarrow{CG} = (1, 0, \sqrt{3}), \overrightarrow{AC} = (2, -1, 0).$$

设平面  $ACGD$  的法向量为  $\mathbf{n} = (x, y, z)$ , 则

$$\begin{cases} \overrightarrow{CG} \cdot \mathbf{n} = 0, \\ \overrightarrow{AC} \cdot \mathbf{n} = 0, \end{cases} \text{即} \begin{cases} x + \sqrt{3}z = 0, \\ 2x - y = 0. \end{cases}$$

所以可取  $\mathbf{n} = (3, 6, -\sqrt{3})$ .

又平面  $BCGE$  的法向量可取为  $\mathbf{m} = (0, 1, 0)$ , 所以  $\cos(\mathbf{n}, \mathbf{m}) = \frac{\mathbf{n} \cdot \mathbf{m}}{|\mathbf{n}| |\mathbf{m}|} = \frac{\sqrt{3}}{2}$ .

因此二面角  $B-CG-A$  的大小为  $30^\circ$ .

20. (12 分)

已知函数  $f(x) = 2x^3 - ax^2 + b$ .

(1) 讨论  $f(x)$  的单调性;

(2) 是否存在  $a, b$ , 使得  $f(x)$  在区间  $[0, 1]$  的最小值为  $-1$  且最大值为  $1$ ? 若存在, 求出  $a, b$  的所有值;

若不存在, 说明理由.

解:

$$(1) f'(x) = 6x^2 - 2ax = 2x(3x - a).$$

$$\text{令 } f'(x) = 0, \text{ 得 } x = 0 \text{ 或 } x = \frac{a}{3}.$$

若  $a > 0$ , 则当  $x \in (-\infty, 0) \cup (\frac{a}{3}, +\infty)$  时,  $f'(x) > 0$ ; 当  $x \in (0, \frac{a}{3})$  时,  $f'(x) < 0$ . 故  $f(x)$  在  $(-\infty, 0), (\frac{a}{3}, +\infty)$

单调递增, 在  $(0, \frac{a}{3})$  单调递减;

若  $a = 0$ ,  $f(x)$  在  $(-\infty, +\infty)$  单调递增;

若  $a < 0$ , 则当  $x \in (-\infty, \frac{a}{3}) \cup (0, +\infty)$  时,  $f'(x) > 0$ ; 当  $x \in (\frac{a}{3}, 0)$  时,  $f'(x) < 0$ . 故  $f(x)$  在  $(-\infty, \frac{a}{3}), (0, +\infty)$

单调递增, 在  $(\frac{a}{3}, 0)$  单调递减.

(2) 满足题设条件的  $a, b$  存在.

(i) 当  $a \leq 0$  时, 由 (1) 知,  $f(x)$  在  $[0, 1]$  单调递增, 所以  $f(x)$  在区间  $[0, 1]$  的最小值为  $f(0) = b$ , 最大值为  $f(1) = 2 - a + b$ . 此时  $a, b$  满足题设条件当且仅当  $b = -1$ ,  $2 - a + b = 1$ , 即  $a = 0$ ,  $b = -1$ .

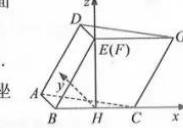
(ii) 当  $a \geq 3$  时, 由 (1) 知,  $f(x)$  在  $[0, 1]$  单调递减, 所以  $f(x)$  在区间  $[0, 1]$  的最大值为  $f(0) = b$ , 最小值为  $f(1) = 2 - a + b$ . 此时  $a, b$  满足题设条件当且仅当  $2 - a + b = -1$ ,  $b = 1$ , 即  $a = 4$ ,  $b = 1$ .

(iii) 当  $0 < a < 3$  时, 由 (1) 知,  $f(x)$  在  $[0, 1]$  的最小值为  $f(\frac{a}{3}) = -\frac{a^3}{27} + b$ , 最大值为  $b$  或  $2 - a + b$ .

若  $-\frac{a^3}{27} + b = -1$ ,  $b = 1$ , 则  $a = 3\sqrt[3]{2}$ , 与  $0 < a < 3$  矛盾.

若  $-\frac{a^3}{27} + b = -1$ ,  $2 - a + b = 1$ , 则  $a = 3\sqrt{3}$  或  $a = -3\sqrt{3}$  或  $a = 0$ , 与  $0 < a < 3$  矛盾.

综上, 当且仅当  $a = 0$ ,  $b = -1$  或  $a = 4$ ,  $b = 1$  时,  $f(x)$  在  $[0, 1]$  的最小值为  $-1$ , 最大值为  $1$ .



21. (12 分)

已知曲线  $C: y = \frac{x^2}{2}$ ,  $D$  为直线  $y = -\frac{1}{2}$  上的动点, 过  $D$  作  $C$  的两条切线, 切点分别为  $A, B$ .

(1) 证明: 直线  $AB$  过定点;

(2) 若以  $E(0, \frac{5}{2})$  为圆心的圆与直线  $AB$  相切, 且切点为线段  $AB$  的中点, 求四边形  $ADBE$  的面积.

解:

(1) 设  $D(t, -\frac{1}{2})$ ,  $A(x_1, y_1)$ , 则  $x_1^2 = 2y_1$ .

由于  $y' = x$ , 所以切线  $DA$  的斜率为  $x_1$ , 故  $\frac{y_1 + \frac{1}{2}}{x_1 - t} = x_1$ .

整理得  $2tx_1 - 2y_1 + 1 = 0$ .

设  $B(x_2, y_2)$ , 同理可得  $2tx_2 - 2y_2 + 1 = 0$ .

故直线  $AB$  的方程为  $2tx - 2y + 1 = 0$ .

所以直线  $AB$  过定点  $(0, \frac{1}{2})$ .

(2) 由 (1) 得直线  $AB$  的方程为  $y = tx + \frac{1}{2}$ . 由  $\begin{cases} y = tx + \frac{1}{2}, \\ y = \frac{x^2}{2} \end{cases}$  可得  $x^2 - 2tx - 1 = 0$ .

于是  $x_1 + x_2 = 2t$ ,  $x_1 x_2 = -1$ ,  $y_1 + y_2 = t(x_1 + x_2) + 1 = 2t^2 + 1$ ,

$$|AB| = \sqrt{1+t^2} |x_1 - x_2| = \sqrt{1+t^2} \times \sqrt{(x_1 + x_2)^2 - 4x_1 x_2} = 2(t^2 + 1).$$

设  $d_1, d_2$  分别为点  $D, E$  到直线  $AB$  的距离, 则  $d_1 = \sqrt{t^2 + 1}$ ,  $d_2 = \frac{2}{\sqrt{t^2 + 1}}$ .

因此, 四边形  $ADBE$  的面积  $S = \frac{1}{2} |AB| (d_1 + d_2) = (t^2 + 3)\sqrt{t^2 + 1}$ .

设  $M$  为线段  $AB$  的中点, 则  $M(t, t^2 + \frac{1}{2})$ .

由于  $\overrightarrow{EM} \perp \overrightarrow{AB}$ , 而  $\overrightarrow{EM} = (t, t^2 - 2)$ ,  $\overrightarrow{AB}$  与向量  $(1, t)$  平行, 所以  $t + (t^2 - 2)t = 0$ . 解得  $t = 0$  或  $t = \pm 1$ .

当  $t = 0$  时,  $S = 3$ ; 当  $t = \pm 1$  时,  $S = 4\sqrt{2}$ .

因此, 四边形  $ADBE$  的面积为 3 或  $4\sqrt{2}$ .

(二) 选考题: 共 10 分。请考生在第 22、23 题中任选一题作答。如果多做, 则按所做的第一题计分。

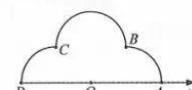
22. [选修 4-4: 坐标系与参数方程] (10 分)

如图, 在极坐标系  $Ox$  中,  $A(2, 0)$ ,  $B(\sqrt{2}, \frac{\pi}{4})$ ,  $C(\sqrt{2}, \frac{3\pi}{4})$ ,  $D(2, \pi)$ , 弧  $\widehat{AB}$ ,  $\widehat{BC}$ ,  $\widehat{CD}$  所在圆的圆心分别

是  $(1, 0)$ ,  $(1, \frac{\pi}{2})$ ,  $(1, \pi)$ , 曲线  $M_1$  是弧  $\widehat{AB}$ , 曲线  $M_2$  是弧  $\widehat{BC}$ , 曲线  $M_3$  是弧  $\widehat{CD}$ .

(1) 分别写出  $M_1, M_2, M_3$  的极坐标方程;

(2) 曲线  $M$  由  $M_1, M_2, M_3$  构成, 若点  $P$  在  $M$  上, 且  $|OP| = \sqrt{3}$ , 求  $P$  的极坐标.



- 17 -

解：

(1) 由题设可得，弧  $\widehat{AB}$ ,  $\widehat{BC}$ ,  $\widehat{CD}$  所在圆的极坐标方程分别为  $\rho=2\cos\theta$ ,  $\rho=2\sin\theta$ ,  $\rho=-2\cos\theta$ .  
所以  $M_1$  的极坐标方程为  $\rho=2\cos\theta$  ( $0 \leq \theta \leq \frac{\pi}{4}$ ),  $M_2$  的极坐标方程为  $\rho=2\sin\theta$  ( $\frac{\pi}{4} \leq \theta \leq \frac{3\pi}{4}$ ),  $M_3$  的极坐标方程为  $\rho=-2\cos\theta$  ( $\frac{3\pi}{4} \leq \theta \leq \pi$ ).

(2) 设  $P(\rho, \theta)$ , 由题设及(1)知

若  $0 \leq \theta \leq \frac{\pi}{4}$ , 则  $2\cos\theta = \sqrt{3}$ , 解得  $\theta = \frac{\pi}{6}$ ;

若  $\frac{\pi}{4} \leq \theta \leq \frac{3\pi}{4}$ , 则  $2\sin\theta = \sqrt{3}$ , 解得  $\theta = \frac{\pi}{3}$  或  $\theta = \frac{2\pi}{3}$ ;

若  $\frac{3\pi}{4} \leq \theta \leq \pi$ , 则  $-2\cos\theta = \sqrt{3}$ , 解得  $\theta = \frac{5\pi}{6}$ .

综上,  $P$  的极坐标为  $(\sqrt{3}, \frac{\pi}{6})$  或  $(\sqrt{3}, \frac{\pi}{3})$  或  $(\sqrt{3}, \frac{2\pi}{3})$  或  $(\sqrt{3}, \frac{5\pi}{6})$ .

23. [选修 4-5: 不等式选讲] (10 分)

设  $x, y, z \in \mathbb{R}$ , 且  $x+y+z=1$ .

(1) 求  $(x-1)^2 + (y+1)^2 + (z+1)^2$  的最小值;

(2) 若  $(x-2)^2 + (y-1)^2 + (z-a)^2 \geq \frac{1}{3}$  成立, 证明:  $a \leq -3$  或  $a \geq -1$ .

解:

(1) 由于

$$\begin{aligned} & [(x-1)+(y+1)+(z+1)]^2 \\ &= (x-1)^2 + (y+1)^2 + (z+1)^2 + 2[(x-1)(y+1) + (y+1)(z+1) + (z+1)(x-1)] \\ &\leq 3[(x-1)^2 + (y+1)^2 + (z+1)^2], \end{aligned}$$

故由已知得  $(x-1)^2 + (y+1)^2 + (z+1)^2 \geq \frac{4}{3}$ , 当且仅当  $x = \frac{5}{3}$ ,  $y = -\frac{1}{3}$ ,  $z = -\frac{1}{3}$  时等号成立.

所以  $(x-1)^2 + (y+1)^2 + (z+1)^2$  的最小值为  $\frac{4}{3}$ .

(2) 由于

$$\begin{aligned} & [(x-2)+(y-1)+(z-a)]^2 \\ &= (x-2)^2 + (y-1)^2 + (z-a)^2 + 2[(x-2)(y-1) + (y-1)(z-a) + (z-a)(x-2)] \\ &\leq 3[(x-2)^2 + (y-1)^2 + (z-a)^2], \end{aligned}$$

故由已知得  $(x-2)^2 + (y-1)^2 + (z-a)^2 \geq \frac{(2+a)^2}{3}$ , 当且仅当  $x = \frac{4-a}{3}$ ,  $y = \frac{1-a}{3}$ ,  $z = \frac{2a-2}{3}$  时等号成立.

因此  $(x-2)^2 + (y-1)^2 + (z-a)^2$  的最小值为  $\frac{(2+a)^2}{3}$ .

由题设知  $\frac{(2+a)^2}{3} \geq \frac{1}{3}$ , 解得  $a \leq -3$  或  $a \geq -1$ .

**自主招生在线**创始于 2014 年, 是专注于自主招生、学科竞赛、全国高考的升学服务平台,  
旗下拥有网站和微信两大媒体矩阵, 关注用户超百万, 用户群体涵盖全国 90% 以上的重点  
中学老师、家长和考生, 引起众多重点高校的关注。

如需第一时间获取相关资讯及备考指南, 请关注**自主招生在线**官方微信: **zizzsw**。



微信扫一扫，快速关注