

工作秘密 严禁外传
擅自泄露 严肃追责

成都市 2020 级高中毕业班第二次诊断性检测

数 学(理科)

本试卷分选择题和非选择题两部分。第 I 卷(选择题)1 至 2 页,第 II 卷(非选择题)3 至 4 页,共 4 页,满分 150 分,考试时间 120 分钟。

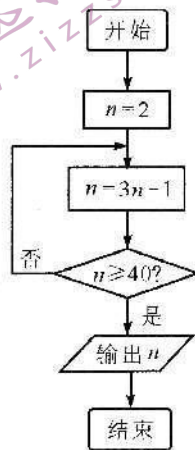
注意事项:

1. 答题前,务必将自己的姓名、考籍号填写在答题卡规定的位置上。
2. 答选择题时,必须使用 2B 铅笔将答题卡上对应题目的答案标号涂黑,如需改动,用橡皮擦擦干净后,再选涂其它答案标号。
3. 答非选择题时,必须使用 0.5 毫米黑色签字笔,将答案书写在答题卡规定的位置上。
4. 所有题目必须在答题卡上作答,在试题卷上答题无效。
5. 考试结束后,只将答题卡交回。

第 I 卷 (选择题,共 60 分)

一、选择题:本大题共 12 小题,每小题 5 分,共 60 分。在每小题给出的四个选项中,只有一项是符合题目要求的。

1. 设全集 $U = \mathbf{R}$, 集合 $A = \{x \mid 2 < x \leq 4\}$, 则
(A) $1 \in A$ (B) $2 \in A$ (C) $3 \notin \complement_{\mathbf{R}}A$ (D) $4 \in \complement_{\mathbf{R}}A$
2. 函数 $f(x) = \cos(x + \frac{3\pi}{2}) + \cos x$ 的最小正周期为
(A) $\frac{\pi}{2}$ (B) π
(C) 2π (D) 4π
3. 执行如图所示的程序框图,输出的 n 的值为
(A) 40 (B) 41
(C) 119 (D) 122
4. 若实数 x, y 满足约束条件 $\begin{cases} x - y - 1 \geq 0, \\ x + y - 3 \leq 0, \\ y \geq 0. \end{cases}$ 则 $\frac{y}{x}$ 的最大值为
(A) 0 (B) $\frac{1}{3}$ (C) $\frac{1}{2}$ (D) 2



5. 设 F_1, F_2 分别是双曲线 $C: \frac{x^2}{a^2} - \frac{y^2}{b^2} = 1 (a > 0, b > 0)$ 的左、右焦点. P 为双曲线 C 右支上一点, 若 $\angle F_1 P F_2 = \frac{\pi}{2}$, $|PF_2| = 2a$, 则双曲线 C 的离心率为
- (A) $\sqrt{5}$ (B) 2 (C) $\sqrt{3}$ (D) $\sqrt{2}$
6. 甲和乙两位同学准备在体育课上进行一场乒乓球比赛, 假设甲对乙每局获胜的概率都为 $\frac{1}{3}$, 比赛采取三局两胜制(当一方获得两局胜利时, 该方获胜, 比赛结束), 则甲获胜的概率为
- (A) $\frac{5}{27}$ (B) $\frac{7}{27}$ (C) $\frac{2}{9}$ (D) $\frac{1}{9}$
7. 已知命题 p : 空间中两条直线没有公共点, 则这两条直线平行; 命题 q : 空间中三个平面 α, β, γ , 若 $\alpha \perp \gamma, \beta \perp \gamma, \alpha \cap \beta = l$, 则 $l \perp \gamma$. 则下列命题为真命题的是
- (A) $p \wedge q$ (B) $p \wedge \neg q$ (C) $p \vee \neg q$ (D) $\neg p \wedge q$
8. 已知过抛物线 $C: y = \frac{x^2}{8}$ 的焦点 F , 且倾斜角为 $\frac{\pi}{3}$ 的直线 l 交抛物线 C 于 A, B 两点, 则 $|AB| =$
- (A) 32 (B) $\frac{32}{3}$ (C) $\frac{28}{3}$ (D) 8
9. 若奇函数 $f(x)$ 满足 $f(x) = f(2-x)$, 且当 $x \in [0, 1]$ 时, $f(x) = \frac{x}{4-2x}$, 则 $f(23) =$
- (A) -1 (B) $-\frac{1}{2}$ (C) 0 (D) $\frac{1}{2}$
10. 正三棱锥 $P-ABC$ 中, $AB = 2\sqrt{6}$, 顶点 P 到底面 ABC 的距离为 2, 其各顶点都在同一球面上, 则该球的半径为
- (A) $\sqrt{5}$ (B) $\sqrt{6}$ (C) $2\sqrt{2}$ (D) 3
11. 已知 $a = \frac{1}{2023}$, $b = \log_{2023} \frac{2024}{2023}$, $c = \log_{2024} \frac{2024}{2023}$, 则
- (A) $c < b < a$ (B) $c < a < b$ (C) $b < c < a$ (D) $a < c < b$
12. 在 $\triangle ABC$ 中, 已知 $\overrightarrow{AD} = 2\overrightarrow{DC}$, $AC = 3BC$, $\sin \angle BDC = 3\sin \angle BAC$, 当 $\overrightarrow{CA} \cdot \overrightarrow{CB} - |\overrightarrow{AB}|$ 取得最小值时, $\triangle ABC$ 的面积为
- (A) $\frac{\sqrt{3}}{4}$ (B) $\frac{\sqrt{5}}{2}$ (C) $\frac{3}{8}$ (D) $\frac{3\sqrt{5}}{16}$

第 II 卷 (非选择题, 共 90 分)

二、填空题: 本大题共 4 小题, 每小题 5 分, 共 20 分. 把答案填在答题卡上.

13. 复数 $z = 2i + i^2 + i^3$ (i 为虚数单位), 则 $|z|$ 的值为 _____ .
14. 已知 $\tan\theta = 2$, 则 $\cos 2\theta =$ _____ .
15. 若直线 $l_1: x + my - 2 = 0$ 与 $l_2: mx - y + 2 = 0$ ($m \in \mathbf{R}$) 相交于点 P , 过点 P 作圆 $C: (x + 2)^2 + (y + 2)^2 = 1$ 的切线, 切点为 M , 则 $|PM|$ 的最大值为 _____ .
16. 若函数 $f(x) = x \ln x - \frac{1}{2}ax^2$ 存在极大值点 x_0 , 且 $2f(x_0) > e^2$, 则实数 a 的取值范围为 _____ .

三、解答题: 本大题共 6 小题, 共 70 分. 解答应写出文字说明、证明过程或演算步骤.

17. (本小题满分 12 分)

某中学为了丰富学生的课余生活, 欲利用每周一下午的自主活动时间, 面向本校高二学生开设“厨艺探秘”“盆景栽培”“家庭摄影”“名画鉴赏”四门选修课, 由学生自主申报, 每人只能报一门, 也可以不报. 该校高二有两种班型——文科班和理科班(各有 2 个班), 据调查这 4 个班中有 100 人报名参加了此次选修课, 报名情况统计如下:

	厨艺探秘	盆景栽培	家庭摄影	名画鉴赏
文科 1 班	11	5	14	6
文科 2 班	12	7	11	4
理科 1 班	3	1	9	3
理科 2 班	5	1	6	2

(I) 若把“厨艺探秘”“盆景栽培”统称为“劳育课程”, 把“家庭摄影”“名画鉴赏”统称为“美育课程”. 请根据所给数据, 完成下面的 2×2 列联表:

报名班型	课程		合计
	“劳育课程”	“美育课程”	
文科班			
理科班			
合计			

(II) 根据 (I) 列联表中所填数据, 判断是否有 99% 的把握认为课程的选择与班型有关.

$$\text{附: } K^2 = \frac{n(ad - bc)^2}{(a + b)(c + d)(a + c)(b + d)}$$

$P(K^2 \geq k_0)$	0.50	0.40	0.25	0.15	0.10	0.05	0.025	0.010	0.005
k_0	0.455	0.708	1.323	2.072	2.706	3.841	5.024	6.635	7.879

18. (本小题满分 12 分)

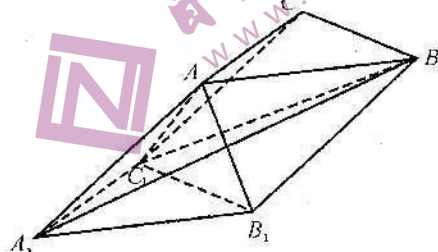
已知等比数列 $\{a_n\}$ 的公比为 3, 且 $a_1, a_2 + 3, a_3 - 6$ 成等差数列.

- (I) 求数列 $\{a_n\}$ 的通项公式;
(II) 求数列 $\{na_n\}$ 的前 n 项和 T_n .

19. (本小题满分 12 分)

如图, 三棱柱 $ABC-A_1B_1C_1$ 中, $\triangle A_1B_1C_1$ 与 $\triangle AB_1C_1$ 均是边长为 2 的正三角形, 且 $AA_1 = \sqrt{6}$.

- (I) 证明: 平面 $AB_1C_1 \perp$ 平面 $A_1B_1C_1$;
(II) 求平面 A_1C_1B 与平面 ACC_1A_1 所成锐二面角的余弦值.



20. (本小题满分 12 分)

已知 F_1, F_2 分别为椭圆 $C: \frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} = 1 (a > b > 0)$ 的左、右焦点, 与椭圆 C 有相同焦点的双曲线 $\frac{x^2}{4} - y^2 = 1$ 在第一象限与椭圆 C 相交于点 P , 且 $|PF_2| = 1$.

- (I) 求椭圆 C 的方程;
(II) 设直线 $y = kx + 1$ 与椭圆 C 相交于 A, B 两点, O 为坐标原点, 且 $\vec{OD} = m\vec{OB}$ ($m > 0$). 若椭圆 C 上存在点 E , 使得四边形 $OAED$ 为平行四边形, 求 m 的取值范围.

21. (本小题满分 12 分)

已知函数 $f(x) = \frac{e^{2x}}{x^a}$, 其中 $x > 0, a \in \mathbf{R}$.

- (I) 求函数 $f(x)$ 的单调区间;
(II) 当 $a > 0$ 时, 函数 $g(x) = a \ln x + \frac{f(x)}{e^2} - 2x + 1$ 恰有两个零点, 求 a 的取值范围.

请考生在第 22, 23 题中任选择一题作答, 如果多做, 则按所做的第一题记分. 作答时, 用 2B 铅笔在答题卡上把所选题目对应的标号涂黑.

22. (本小题满分 10 分) 选修 4-4: 坐标系与参数方程

在直角坐标系 xOy 中, 曲线 C 的参数方程为 $\begin{cases} x = 3t^2 \\ y = 3t \end{cases}$ (t 为参数). 以坐标原点 O 为极

点, x 轴非负半轴为极轴建立极坐标系, 直线 l 的极坐标方程为 $2\rho \sin(\theta + \frac{\pi}{6}) = 3$.

- (I) 求直线 l 的直角坐标方程与曲线 C 的普通方程;
(II) 已知点 P 的直角坐标为 $(-3, 2\sqrt{3})$, 直线 l 与曲线 C 相交于 A, B 两点, 求 $|PA| + |PB|$ 的值.

23. (本小题满分 10 分) 选修 4-5: 不等式选讲

已知函数 $f(x) = |x + 1| + 2|x - 2|$.

- (I) 画出 $y = f(x)$ 的图象;
(II) 求不等式 $f(x + 2) > f(x)$ 的解集.

成都市 2020 级高中毕业班第二次诊断性检测

数学(理科)参考答案及评分意见

第 I 卷 (选择题, 共 60 分)

一、选择题:(每小题 5 分, 共 60 分)

1. C; 2. C; 3. B; 4. C 5. A; 6. B; 7. D 8. A; 9. B; 10. D; 11. A; 12. D.

第 II 卷 (非选择题, 共 90 分)

二、填空题:(每小题 5 分, 共 20 分)

13. $\sqrt{2}$; 14. $-\frac{3}{5}$; 15. $\sqrt{31}$; 16. $(0, \frac{3}{e^2})$.

三、解答题:(共 70 分)

17. 解:(I)由题意, 列联表如下:

报名班型	课 程		合 计
	“劳育课程”	“美育课程”	
文科班	35	35	70
理科班	10	20	30
合 计	45	55	100

……6 分

(II) $\because K^2 = \frac{100 \times (35 \times 20 - 35 \times 10)^2}{45 \times 55 \times 70 \times 30} = \frac{700}{297} \approx 2.357 < 6.635$, ……10 分

\therefore 没有 99% 的把握认为“劳育课程”“美育课程”的选择与文理科有关. ……12 分

18. 解:(I)设数列 $\{a_n\}$ 的公比为 q .

$\because a_1, a_2 + 3, a_3 - 6$ 成等差数列,

$\therefore 2(a_2 + 3) = a_1 + a_3 - 6$. ……2 分

$\therefore 2a_1q + 6 = a_1 + a_1q^2 - 6$. ……3 分

$\therefore q = 3$,

\therefore 解得 $a_1 = 3$. ……5 分

$\therefore a_n = 3^n$. ……6 分

(II) 设 $b_n = na_n$, 则 $b_n = n \cdot 3^n$.

$\therefore T_n = 3 + 2 \times 3^2 + 3 \times 3^3 + \dots + n \times 3^n$ ①

$\therefore 3T_n = 3^2 + 2 \times 3^3 + 3 \times 3^4 + \dots + n \times 3^{n+1}$ ②

由①-②得, $-2T_n = 3 + 3^2 + 3^3 + \dots + 3^n - n \cdot 3^{n+1}$ ……8 分

$\therefore -2T_n = \frac{3 \times (1 - 3^n)}{1 - 3} - n \cdot 3^{n+1}$ ……10 分

$$\therefore T_n = \frac{(2n-1)3^{n+1} + 3}{4} \quad \dots\dots 12 \text{分}$$

19. 解: (I) 取 B_1C_1 的中点 O , 连接 AO, A_1O .

$\because \triangle A_1B_1C_1$ 与 $\triangle AB_1C_1$ 均是边长为 2 的正三角形,

$$\therefore AO \perp B_1C_1, A_1O \perp B_1C_1, A_1O = AO = \sqrt{3}, \quad \dots\dots 2 \text{分}$$

$\therefore \angle AOA_1$ 为二面角 $A-B_1C_1-A_1$ 的平面角. $\dots\dots 3 \text{分}$

$$\because \angle AOA_1 = 60^\circ,$$

$$\therefore A_1O^2 + AO^2 = A_1A^2,$$

$$\therefore A_1O \perp AO. \quad \dots\dots 5 \text{分}$$

\therefore 平面 $AB_1C_1 \perp$ 平面 $A_1B_1C_1$. $\dots\dots 6 \text{分}$

(II) 由 (I) 知, $A_1O \perp AO, AO \perp B_1C_1, A_1O \perp B_1C_1$.

以 O 为坐标原点, $\overrightarrow{OA_1}, \overrightarrow{OB_1}, \overrightarrow{OA}$ 的方向分别为 x 轴, y 轴, z 轴正方向, 建立如图所示的空间直角坐标系 $Oxyz$. 则 $A_1(\sqrt{3}, 0, 0)$,

$$C_1(0, -1, 0), A(0, 0, \sqrt{3}), B(-\sqrt{3}, 1, \sqrt{3}).$$

$$\overrightarrow{A_1C_1} = (-\sqrt{3}, -1, 0), \overrightarrow{AC_1} = (0, -1, -\sqrt{3}),$$

$$\overrightarrow{BA_1} = (2\sqrt{3}, -1, -\sqrt{3}). \quad \dots\dots 8 \text{分}$$

设平面 A_1C_1B 的一个法向量为 $\mathbf{n} = (x_1, y_1, z_1)$.

$$\begin{cases} \mathbf{n} \cdot \overrightarrow{A_1C_1} = 0, \\ \mathbf{n} \cdot \overrightarrow{BA_1} = 0 \end{cases} \text{得} \begin{cases} \sqrt{3}x_1 + y_1 = 0, \\ 2\sqrt{3}x_1 - y_1 - \sqrt{3}z_1 = 0. \end{cases}$$

$$\text{令 } x_1 = 1, \text{ 得 } \mathbf{n} = (1, -\sqrt{3}, 3). \quad \dots\dots 9 \text{分}$$

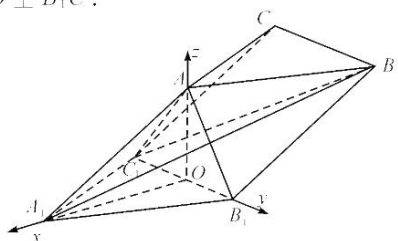
设平面 A_1C_1CA 的一个法向量为 $\mathbf{m} = (x_2, y_2, z_2)$.

$$\begin{cases} \mathbf{m} \cdot \overrightarrow{A_1C_1} = 0, \\ \mathbf{m} \cdot \overrightarrow{AC_1} = 0 \end{cases} \text{得} \begin{cases} \sqrt{3}x_2 + y_2 = 0, \\ y_2 - \sqrt{3}z_2 = 0. \end{cases}$$

$$\text{令 } x_2 = 1, \text{ 得 } \mathbf{m} = (1, -\sqrt{3}, 1). \quad \dots\dots 10 \text{分}$$

$$\therefore \cos \langle \mathbf{n}, \mathbf{m} \rangle = \frac{\mathbf{n} \cdot \mathbf{m}}{|\mathbf{n}| |\mathbf{m}|} = \frac{7}{\sqrt{13} \times \sqrt{5}} = \frac{7\sqrt{65}}{65}. \quad \dots\dots 11 \text{分}$$

$$\therefore \text{所求锐二面角的余弦值为 } \frac{7\sqrt{65}}{65}. \quad \dots\dots 12 \text{分}$$



20. 解: (I) 由题意, 双曲线 $\frac{x^2}{4} - y^2 = 1$ 的焦点为 $F_1(-\sqrt{5}, 0), F_2(\sqrt{5}, 0)$,

\because 双曲线 $\frac{x^2}{4} - y^2 = 1$ 与椭圆 C 有相同焦点且在第一象限交点为 P ,

$$\text{又 } |PF_2| = 1, \therefore |PF_1| = 5, |PF_1| - |PF_2| = 6. \quad \dots\dots 2 \text{分}$$

$$\therefore 2a = 6, a = 3. \quad \dots\dots 3 \text{分}$$

$\therefore b^2 = 4.$

\therefore 椭圆 C 的方程为 $\frac{x^2}{9} + \frac{y^2}{4} = 1.$

(II) 设 $A(x_1, y_1), B(x_2, y_2)$, 则 $D(mx_2, my_2)$.

\therefore 四边形 $OAED$ 为平行四边形,

$\therefore \vec{OD} = \vec{AE}, E(x_1 + mx_2, y_1 + my_2).$

\therefore 点 A, B, E 均在椭圆 C 上,

$\therefore \frac{x_1^2}{9} + \frac{y_1^2}{4} = 1, \frac{x_2^2}{9} + \frac{y_2^2}{4} = 1, \frac{(x_1 + mx_2)^2}{9} + \frac{(y_1 + my_2)^2}{4} = 1.$

$\therefore m > 0,$

$\therefore 4x_1x_2 + 9y_1y_2 + 18m = 0. \dots\dots 7$ 分

$\therefore (4 + 9k^2)x_1x_2 + 9k(x_1 + x_2) + 9 + 18m = 0. \dots\dots 8$ 分

由 $\begin{cases} y = kx + 1, \\ \frac{x^2}{9} + \frac{y^2}{4} = 1 \end{cases}$ 消去 y , 得 $(9k^2 + 4)x^2 + 18kx - 27 = 0.$

显然 $\Delta = 432(3k^2 + 1) > 0.$

$\therefore x_1 + x_2 = \frac{-18k}{9k^2 + 4}, x_1x_2 = \frac{-27}{9k^2 + 4}. \dots\dots 9$ 分

$\therefore \frac{-27}{9k^2 + 4} \times (4 + 9k^2) - \frac{18k}{9k^2 + 4} \times 9k + 18m + 9 = 0.$

$\therefore m = 2 - \frac{4}{9k^2 + 4}. \dots\dots 11$ 分

$\therefore m \in [1, 2). \dots\dots 12$ 分

21. 解: (I) $\therefore f'(x) = \frac{x^{a-1}e^{2x}(2x-a)}{x^{2a}}.$

$\therefore x > 0, a \in \mathbf{R}$

\therefore 当 $a \leq 0$ 时, $f'(x) \geq 0$ 恒成立, 函数 $f(x)$ 在 $(0, +\infty)$ 上单调递增. $\dots\dots 3$ 分

当 $a > 0$ 时,

当 $0 < x < \frac{a}{2}$ 时, $f'(x) < 0$; 当 $x > \frac{a}{2}$ 时, $f'(x) > 0.$

函数 $f(x)$ 在 $(0, \frac{a}{2})$ 上单调递减, 在 $(\frac{a}{2}, +\infty)$ 上单调递增. $\dots\dots 4$ 分

综上所述, 当 $a \leq 0$ 时, 函数 $f(x)$ 的单调递增区间为 $(0, +\infty)$, 无单调递减区间;

当 $a > 0$ 时, 函数 $f(x)$ 的单调递减区间为 $(0, \frac{a}{2})$, 单调递增区间为 $(\frac{a}{2}, +\infty).$

$\dots\dots 5$ 分

(II) 函数 $g(x) = a \ln x + \frac{f(x)}{e^2} - 2x + 1$ 恰有两个零点,

等价于方程 $\frac{e^{3x}}{e^2 x^a} = 2x - 1 - a \ln x$ 有两个不等的实数解.

$$\because x > 0, a > 0, \frac{e^{2x}}{e^2 \cdot x^a} = 2x - 1 - a \ln x = \ln e^{2x} - \ln e - \ln x^a = \ln \frac{e^{2x-1}}{x^a}$$

$$\text{令 } t = \frac{e^{2x-1}}{x^a} > 0, \text{ 则 } \frac{t}{e} = \ln t.$$

$$\text{令 } h(t) = \ln t - \frac{t}{e}, \text{ 则 } h'(t) = \frac{1}{t} - \frac{1}{e}.$$

\therefore 当 $0 < t < e$ 时, $h'(t) > 0$; 当 $t > e$ 时, $h'(t) < 0$.

\therefore 函数 $h(t)$ 在 $(0, e)$ 上单调递增, 在 $(e, +\infty)$ 上单调递减.

$$\because h(e) = 0,$$

\therefore 方程 $\frac{t}{e} = \ln t$ 有唯一解 $t = e$.

\therefore 方程 $\frac{e^{2x}}{e^2 \cdot x^a} = 2x - 1 - a \ln x$ 有两个不等的实数解等价于方程 $e = \frac{e^{2x-1}}{x^a}$ 有两个不相等的实数解. ……7分

等价于方程 $a \ln x = 2x - 2$ 有两个不相等的实数解.

$$\text{构造函数 } k(x) = a \ln x - 2x + 2, \text{ 则 } k'(x) = \frac{a}{x} - 2.$$

$$\because a > 0,$$

\therefore 当 $0 < x < \frac{a}{2}$ 时, $k'(x) > 0$; 当 $x > \frac{a}{2}$ 时, $k'(x) < 0$.

\therefore 函数 $k(x)$ 在 $(0, \frac{a}{2})$ 上单调递增, 在 $(\frac{a}{2}, +\infty)$ 上单调递减.

$$\because x \rightarrow 0^+, k(x) \rightarrow -\infty; x \rightarrow +\infty, k(x) \rightarrow -\infty.$$

\therefore 只需要 $k(\frac{a}{2}) = a \ln \frac{a}{2} - a + 2 > 0$, 即 $\ln \frac{a}{2} + \frac{2}{a} - 1 > 0$. ……9分

$$\text{构造函数 } m(a) = \ln \frac{a}{2} + \frac{2}{a} - 1, \text{ 则 } m'(a) = \frac{1}{a} - \frac{2}{a^2}.$$

\therefore 当 $0 < a < 2$ 时, $m'(a) < 0$; 当 $a > 2$ 时, $m'(a) > 0$.

\therefore 函数 $m(a)$ 在 $(0, 2)$ 上单调递减, 在 $(2, +\infty)$ 上单调递增.

$$\because m(2) = 0,$$

\therefore 当 $a \neq 2$ 时, $\ln \frac{a}{2} + \frac{2}{a} - 1 > 0$ 恒成立. ……11分

$\therefore a$ 的取值范围为 $(0, 2) \cup (2, +\infty)$. ……12分

22. 解: (1) \because 曲线 C 的参数方程为 $\begin{cases} x = 3t^2 \\ y = 3t \end{cases}$ (t 为参数),

\therefore 曲线 C 的普通方程为 $y^2 = 3x$. ……2分

\because 直线 l 的极坐标方程为 $2\rho \sin(\theta + \frac{\pi}{6}) = 3$,

$\therefore \sqrt{3}\rho \sin\theta + \rho \cos\theta = 3$. ……3分

$\because x = \rho \cos \theta, y = \rho \sin \theta,$

\therefore 直线 l 的直角坐标方程为 $x + \sqrt{3}y - 3 = 0.$

.....5分

(II)由(I)知,点 P 在直线 l 上,

\therefore 直线 l 的参数方程为
$$\begin{cases} x = -3 - \frac{\sqrt{3}}{2}m \\ y = 2\sqrt{3} + \frac{1}{2}m \end{cases} \quad (m \text{ 为参数}),$$
7分

代入 $y^2 = 3x$ 得, $m^2 + 14\sqrt{3}m + 84 = 0.$

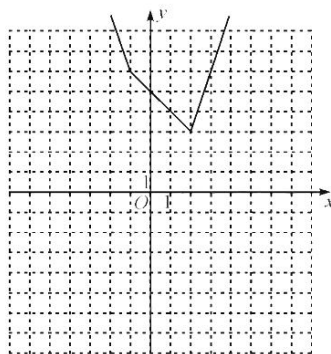
设 m_1, m_2 是上述方程的两根,

$\therefore \Delta > 0, m_1 + m_2 = -14\sqrt{3}, m_1 m_2 = 84 > 0,$ 9分

$\therefore |PA| + |PB| = |m_1| + |m_2| = |m_1 + m_2| = 14\sqrt{3}.$ 10分

23. 解:(I)由题得, $f(x) = |x+1| + 2|x-2| = \begin{cases} -3x+3, & x \leq -1 \\ -x+5, & -1 < x < 2 \\ 3x-3, & x \geq 2. \end{cases}$ 3分

函数 $y = f(x)$ 的图象为



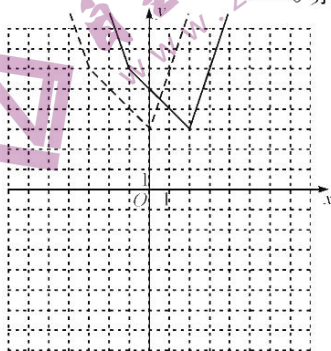
(II)函数 $y = f(x)$ 的图象向左平移 2 个单位长度后得到函数 $y = f(x+2)$ 的图象, $y = f(x)$ 的图象与 $y = f(x+2)$ 的图象如右图所示.

.....7分

当 $x \in (0,2)$ 时,由 $f(x+2) = f(x)$ 解得, $x = \frac{1}{2}.$

.....9分

由图象可知不等式 $f(x+2) > f(x)$ 的解集为 $(\frac{1}{2}, +\infty).$ 10分



关于我们

自主选拔在线是致力于提供新高考生涯规划、强基计划、综合评价、三位一体、学科竞赛等政策资讯的升学服务平台。总部坐落于北京，旗下拥有网站（[网址: www.zizzs.com](http://www.zizzs.com)）和微信公众平台等媒体矩阵，用户群体涵盖全国90%以上的重点中学师生及家长，在全国新高考、自主选拔领域首屈一指。

如需第一时间获取相关资讯及备考指南，请关注**自主选拔在线**官方微信号：[zizzsw](https://www.zizzs.com)。



微信搜一搜

自主选拔在线