

海南中学、海口一中、文昌中学、嘉积中学四校联合考试试题卷

时间：120分钟 满分：150分

注意事项：

1. 答题前，先将自己的姓名、准考证号填写在试题卷和答题卡相应位置上。

2. 选择题的作答：每小题选出答案后，用2B铅笔把答题卡上对应题目的答案标号涂黑，写在试题卷、草稿纸和答题卡上的非答题区域均无效。

3. 非选择题的作答：用签字笔直接答在答题卡上对应的答题区域内，写在试题卷、草稿纸和答题卡上的非答题区域均无效。

第I卷（选择题）

1. B 2.A 3.B 4.D 5.B 6.D 7.A
8. C

【详解】由题意知 $a > 0, b > 0, c > 0$,

由 $\frac{\ln a}{e^a} = \frac{\ln b}{b} = -\frac{\ln c}{c}$, 得 $0 < a < 1, 0 < b < 1, c > 1$

设 $f(x) = \frac{\ln x}{x} (x > 0)$, 则 $f'(x) = \frac{1 - \ln x}{x^2}$,

当 $0 < x < 1$ 时, $f'(x) > 0$, $f(x)$ 单调递增,

因为 $e^x \geq x + 1$, 当且仅当 $x = 0$ 时取等号, 故 $e^a > a (0 < a < 1)$,

所以 $\frac{\ln a}{e^a} > \frac{\ln a}{a}$, 故 $\frac{\ln b}{b} > \frac{\ln a}{a}$, 所以 $f(a) > f(b)$, 则 $b > a$, 即有

$0 < a < b < 1 < c$, 故选 C.

9. BC 10. BD 11. ABD

12. ACD

【详解】解：对选项 A, 函数 $f(x)$ 与 $g(x)$ 的有唯一交点 $(0, 1)$, 即存在 $x_0 = 0$,

满足 $f(0) = g(0) = 1$ 且 $f'(0) = g'(0) = 1$, A 选项正确; 对选项 B, 函数 $f(x) = \ln x$ 与

$g(x) = x - 2$ 有两个交点, 但在两个交点处的导数不相等, B 错误; 对选项 C, 函

数 $f(x)$ 与 $g(x)$ 有两个交点, 但函数 $f(x)$ 与 $g(x)$ 在两个交点处的导数不相等, C

正确; 对选项 D, $f(x_0) = g(x_0)$, 得 $ax_0^2 - 1 = \ln x_0$, $f'(x_0) = g'(x_0)$ 得 $2ax_0 = \frac{1}{x_0}$,

则 $x_0^2 = \frac{1}{2a}$, 所以 $\ln x_0 = -\frac{1}{2}$, $x_0^2 = \frac{1}{e}$, 所以 $a = \frac{e}{2}$. 故选: ACD.

第 II 卷 (非选择题 共 90 分)

三、填空题: 本大题共 4 小题, 每小题 5 分, 共 20 分. 把答案填在答题卡的相应位置.

13. 24 14. -2 15. $\frac{9\pi}{2}$

16. 3, (0, 20)

【详解】由题意得: $c^2 = 9 + 16 = 25$, 故 $|F_1F_2| = 2c = 10$, 设点 $I(x_1, y_1)$, 且 I 在 F_1F_2 上垂足为 H , 根据双曲线定义及切线长定理可得: $|PF_1| - |PF_2| = 2a = |HF_1| - |HF_2|$, 又因为 $|HF_1| + |HF_2| = 2c$, 解得: $|HF_1| = a + c$, 所以点 H 坐标为 $(a, 0)$, 所以点 H 的横坐标为 3. 记渐近线 $y = \frac{4}{3}x$ 的倾斜角为 θ , 则 $\tan\theta = \frac{4}{3}$, 记 $\angle IF_2H = \alpha$, 则 $2\alpha \in (0, \pi - \theta)$,

所以 $\alpha < \frac{\pi}{2} - \frac{\theta}{2}$, 即 $\tan\alpha < \tan\left(\frac{\pi}{2} - \frac{\theta}{2}\right) = \frac{1}{\tan\frac{\theta}{2}}$, 又 $\frac{2\tan\frac{\theta}{2}}{1 - \tan^2\frac{\theta}{2}} = \tan\theta = \frac{4}{3}$, 解得: $\tan\frac{\theta}{2} = \frac{1}{2}$ (负

值舍), 所以 $\tan\alpha \in (0, 2)$, 则 $y_1 = |HF_2| \tan\alpha \in (0, 4)$, 所以

$S_{\Delta IF_1F_2} = \frac{1}{2}|F_1F_2| \cdot y_1 = 5y_1 = 5y_1 \in (0, 20)$. 故答案为: (0, 20)

四、解答题: 本大题共 6 小题, 共 70 分, 解答应写出文字说明、证明过程或演算步骤.

17 (本小题满分 10 分). ΔABC 的内角 A, B, C 分别为 a, b, c . 已知

$$\sin(A+C) = 8\sin^2\frac{B}{2}.$$

(1) 求 $\cos B$;

(2) 从下列①②③中选择两个作为条件, 证明另外一个条件成立:

① $b = 2$; ② $S_{\Delta ABC} = 2$; ③ $a + c = 6$.

注: 若选择不同的组合分别解答, 则按第一个解答计分.

【详解】(1)

解法 1: 由 $A+B+C = \pi$, $\sin(A+C) = 8\sin^2\frac{B}{2}$ 得 $\sin B = 8\sin^2\frac{B}{2}$,1 分

$$2\sin\frac{B}{2}\cos\frac{B}{2} = 8\sin^2\frac{B}{2}, \text{ 所以 } \tan\frac{B}{2} = \frac{1}{4}, \tan B = \frac{2\tan\frac{B}{2}}{1 - \tan^2\frac{B}{2}} = \frac{8}{15}, \dots\dots 3 \text{ 分}$$

因为 $0 < B < \pi$, 4 分

所以 $\cos B = \frac{15}{17}$ 5分

解法 2: 由 $A+B+C = \pi$, $\sin(A+C) = 8\sin^2 \frac{B}{2}$ 得 $\sin B = 8\sin^2 \frac{B}{2}$,1分

故 $\sin B = 4(1 - \cos B)$, 上式平方, 整理得 $17\cos^2 B - 32\cos B + 15 = 0$, ...3分

因为 $0 < B < \pi$,4分

所以 $\cos B = \frac{15}{17}$, $\cos B = 1$ (舍去)5分

【详解】(2) 若选择①③

因为 $\cos B = \frac{15}{17}$, 所以 $\sin B = \frac{8}{17}$, $b = 2$, $a + c = 6$

由余弦定理 $b^2 = a^2 + c^2 - 2ac \cdot \cos B$, 得 $(a+c)^2 - 2ac - 2ac \cdot \frac{15}{17} = 4$,7分

故 $ac = \frac{17}{2}$,8分

$S_{\triangle ABC} = \frac{1}{2} ac \sin B = \frac{1}{2} \cdot \frac{17}{2} \cdot \frac{8}{17} = 2$ 10分

若选择①②

因为 $\cos B = \frac{15}{17}$, 所以 $\sin B = \frac{8}{17}$,

$S_{\triangle ABC} = \frac{1}{2} ac \sin B = \frac{1}{2} \cdot ac \cdot \frac{8}{17} = 2$, 所以 $ac = \frac{17}{2}$ 8分

$b = 2$, 由余弦定理 $b^2 = a^2 + c^2 - 2ac \cdot \cos B$, 得 $(a+c)^2 - 2ac - 2ac \cdot \frac{15}{17} = 4$, ...9分

故 $a+c = 6$ 10分

若选择②③

因为 $\cos B = \frac{15}{17}$, 所以 $\sin B = \frac{8}{17}$,

$S_{\triangle ABC} = \frac{1}{2} ac \sin B = \frac{1}{2} \cdot ac \cdot \frac{8}{17} = 2$,7分

由余弦定理及 $a+c = 6$ 得

$b^2 = a^2 + c^2 - 2ac \cdot \cos B = (a+c)^2 - 2ac \cdot (1 + \cos B) = 36 - 2 \times \frac{17}{2} \times (1 + \frac{15}{17}) = 4$ 4分

故 $b = 2$ 10分

18 (本小题满分 12 分). 等差数列 $\{a_n\} (n \in N^*)$ 中, a_1, a_2, a_3 分别是下表第一、二、三行中的某一个数, 且其中的任何两个数不在下表的同一列.

	第一列	第二列	第三列
第一行	5	8	2
第二行	4	3	12
第三行	16	6	9

(1) 请选择一个可能的 $\{a_1, a_2, a_3\}$ 组合, 并求数列 $\{a_n\}$ 的通项公式;

(2) 记(1)中您所选的数列 $\{a_n\}$ 前 n 项和为 S_n , 判断是否存在正整数 k , 使得 a_1, a_k, S_{k+2} 成等比数列, 若有, 请求出 k 的值; 若没有, 请说明理由.

【详解】 (1)

由题意可知: 有两种组合满足条件:

① $a_1 = 8, a_2 = 12, a_3 = 16, \dots$ 2 分 (不单独给一项分)

此时等差数列 $\{a_n\}$ 中 $a_1 = 8$, 公差 $d = 4, \dots$ 3 分

所以其通项公式为 $a_n = 8 + 4(n - 1) = 4n + 4. \dots$ 5 分

② $a_1 = 2, a_2 = 4, a_3 = 6$, 此时等差数列 $\{a_n\}$ 中 $a_1 = 2$, 公差 $d = 2, \dots$ 2 分

所以其通项公式为 $a_n = 2 + 2(n - 1) = 2n. \dots$ 5 分

(2) 若选择①, 不存在, 理由如下: \dots 6 分

$$S_n = \frac{n(8+4n+4)}{2} = 2n^2 + 6n. \dots$$
 7 分

$$\text{则 } S_{k+2} = 2(k+2)^2 + 6(k+2) = 2k^2 + 14k + 20. \dots$$
 8 分

$$\text{若 } a_1, a_k, S_{k+2} \text{ 成等比数列, 则 } a_k^2 = a_1 \cdot S_{k+2}, \dots$$
 9 分

$$\text{即 } (4k+4)^2 = 8(2k^2 + 14k + 20), \text{ 整理得 } k^2 + 2k + 1 = k^2 + 7k + 10,$$

$$\text{即 } 5k = -9, k \notin N^* \dots$$
 11 分

此方程无正整数解, 故不存在正整数 k , 使 a_1, a_k, S_{k+2} 成等比数列. \dots 12 分

若选择②, 存在, 理由如下: \dots 6 分

$$S_n = \frac{n(2+2n)}{2} = n^2 + n, \dots$$
 7 分

$$\text{则 } S_{k+2} = (k+2)^2 + (k+2) = k^2 + 5k + 6, \dots$$
 8 分

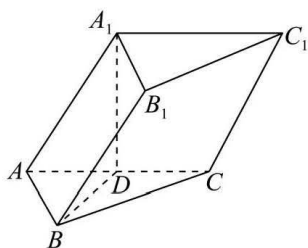
$$\text{若 } a_1, a_k, S_{k+2} \text{ 成等比数列, 则 } a_k^2 = a_1 \cdot S_{k+2}, \dots$$
 9 分

$$\text{即 } (2k)^2 = 2(k^2 + 5k + 6), \text{ 整理得 } k^2 - 5k - 6 = 0, \text{ 因为 } k \text{ 为正整数,}$$

所以 $k = 6$11 分

故存在正整数 $k = 6$, 使 a_1, a_k, S_{k+2} 成等比数列.12 分

19 (本小题满分 12 分). 如图, 在三棱柱 $ABC-A_1B_1C_1$ 中, 底面 ABC 是以 AC 为斜边的等腰直角三角形, 侧面 AA_1C_1C 为菱形, 点 A_1 在底面上的投影为 AC 的中点 D , 且 $AB = 2$.



(1) 若 M, N 分别为棱 AB, B_1C_1 的中点, 求证: $B_1M \parallel$ 平面 CDN ;

(2) E 为 A_1B_1 的中点, 求直线 DE 与侧面 AA_1B_1B 所成角的正弦值.

【详解】(1) 证明: 连接 MD , $\because M$ 为 AB 的中点, D 为 AC 的中点, $\therefore MD \parallel BC$ 且 $2|MD| = |BC|$,1 分

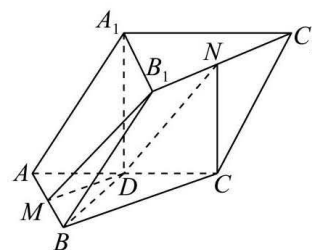
N 为 B_1C_1 的中点,

则在三棱柱 $ABC-A_1B_1C_1$ 中, $\therefore B_1N \parallel BC$ 且 $2|B_1N| = |BC|$,2 分

$\therefore MD \parallel B_1N$ 且 $|MD| = |B_1N|$, \therefore 四边形 B_1NDM 为平行四边形,3 分

$\therefore B_1M \parallel ND$,4 分

$\because ND \subset$ 平面 CDN , 且 $B_1M \not\subset$ 平面 CDN , $\therefore B_1M \parallel$ 平面 CDN 5 分



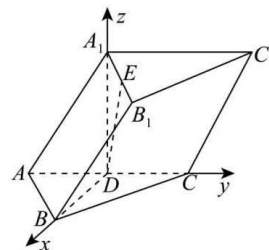
(2) 易得 $AC \perp BD$, 连接 DB, DA_1 , 以 D 为坐标原点, DB, DC, DA_1 所在直线分别为 x 轴、 y 轴、 z 轴建立空间直角坐标系如图所示:

则 $D(0,0,0), A(0,-\sqrt{2},0), B(\sqrt{2},0,0), A_1(0,0,\sqrt{6})$,

$B_1(\sqrt{2}, \sqrt{2}, \sqrt{6}), E(\frac{\sqrt{2}}{2}, \frac{\sqrt{2}}{2}, \sqrt{6})$ 2 分

则 $\overrightarrow{AB} = (\sqrt{2}, \sqrt{2}, 0), \overrightarrow{AA_1} = (0, \sqrt{2}, \sqrt{6}), \overrightarrow{DE} = (\frac{\sqrt{2}}{2}, \frac{\sqrt{2}}{2}, \sqrt{6})$ 3 分

设平面 AA_1B_1B 的一个法向量为 $\vec{n} = (x, y, z)$,



$$\text{则} \begin{cases} \overrightarrow{AB} \cdot \vec{n} = \sqrt{2}x + \sqrt{2}y = 0 \\ \overrightarrow{AA_1} \cdot \vec{n} = \sqrt{2}y + \sqrt{6}z = 0 \end{cases}, \text{ 即} \begin{cases} x + y = 0 \\ y + \sqrt{3}z = 0 \end{cases},$$

取 $z=1$, 则 $\vec{n} = (\sqrt{3}, -\sqrt{3}, 1)$ 4分

设直线 DE 到和侧面 AA_1B_1B 所成角为 θ , 则

$$\sin \theta = |\cos(\overrightarrow{DE}, \vec{n})| = \frac{|\overrightarrow{DE} \cdot \vec{n}|}{|\overrightarrow{DE}| |\vec{n}|} = \frac{|\frac{\sqrt{6}}{2} \cdot \frac{\sqrt{6}}{2} + \sqrt{6}|}{|\sqrt{7} \cdot \sqrt{7}|} = \frac{\sqrt{6}}{7} \dots\dots\dots 6分$$

所以直线 DE 与侧面 AA_1B_1B 所成角的正弦值为 $\frac{\sqrt{6}}{7}$ 7分

20. (本小题满分 12 分)

某地 A, B, C, D 四个商场均销售同一型号的冰箱, 经统计, 2022 年 10 月份这四个商场购进和销售该型号冰箱的台数如下表 (单位: 十台):

	A 商场	B 商场	C 商场	D 商场
购进该型冰箱数 x	3	4	5	6
销售该型冰箱数 y	2.5	3	4	4.5

(1) 已知可用线性回归模型拟合 y 与 x 的关系, 求 y 关于 x 的线性回归方程 $\hat{y} = \hat{b}x + \hat{a}$;

(2) 假设每台冰箱的售价均定为 4000 元. 若进入 A 商场的甲、乙两位顾客购买这种冰箱的概率分别为 $p, 2p - 1$ ($\frac{1}{2} < p < 1$), 且甲乙是否购买冰箱互不影响, 若两人购买冰箱总金额的期望不超过 6000 元, 求 p 的取值范围.

参考公式: $\hat{b} = \frac{\sum_{i=1}^n (x_i - \bar{x})(y_i - \bar{y})}{\sum_{i=1}^n (x_i - \bar{x})^2} = \frac{\sum_{i=1}^n x_i y_i - n \bar{x} \bar{y}}{\sum_{i=1}^n x_i^2 - n \bar{x}^2}, \hat{a} = \bar{y} - \hat{b} \bar{x}.$

解: (1)

$$\bar{x} = \frac{3+4+5+6}{4} = 4.5,$$

$$\bar{y} = \frac{2.5+3+4+4.5}{4} = 3.5, \dots\dots\dots 1分$$

$$\sum_{i=1}^4 x_i y_i = 3 \times 2.5 + 4 \times 3 + 5 \times 4 + 6 \times 4.5 = 66.5, \quad \sum_{i=1}^4 x_i^2 = 3^2 + 4^2 + 5^2 + 6^2 = 86,$$

所以, $\hat{b} = \frac{66.5 - 4 \times 4.5 \times 3.5}{86 - 4 \times 4.5^2} = 0.7$ 3分

则 $\hat{a} = \bar{y} - \hat{b}\bar{x} = 3.5 - 0.7 \times 4.5 = 0.35$ 4分

故 y 关于 x 的线性回归方程为 $\hat{y} = 0.7x + 0.35$ 5分

(2) 设甲、乙两人中选择购买这种冰箱的人数为 X , 则 X 的所有可能取值为 0, 1, 2. 6分

$$P(X=0) = (1-p)(2-2p) = 2p^2 - 4p + 2,$$

$$P(X=1) = (1-p)(2p-1) + p(2-2p) = -4p^2 + 5p - 1,$$

$$P(X=2) = p(2p-1) = 2p^2 - p.$$

所以, X 的分布列为

X	0	1	2
P	$2p^2 - 4p + 2$	$-4p^2 + 5p - 1$	$2p^2 - p$

所以, $E(X) = 0 \times (2p^2 - 4p + 2) + 1 \times (-4p^2 + 5p - 1) + 2 \times (2p^2 - p) = 3p - 1$, ... 9分

$$E(4000X) = 4000(3p - 1). \quad \text{令 } E(4000X) \leq 6000,$$

即 $4000(3p - 1) \leq 6000$, 10分

解得 $p \leq \frac{5}{6}$, 又 $\frac{1}{2} < p < 1$, 所以 $\frac{1}{2} < p \leq \frac{5}{6}$,

所以 p 的取值范围为 $\left(\frac{1}{2}, \frac{5}{6}\right]$ 12分

法二: 记甲购买冰箱的期望为 $E(X)$, 乙购买冰箱的期望为 $E(Y)$, 则

$$E(X) = 4000p, \quad E(Y) = 4000(2p - 1), \quad E(X) + E(Y) = 4000(3p - 1) \leq 6000,$$

$p \leq \frac{5}{6}$. 又已知 $\frac{1}{2} < p < 1$, 则 p 的取值范围为 $\left(\frac{1}{2}, \frac{5}{6}\right]$.

21. 已知椭圆 $C: \frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} = 1 (a > b > 0)$ 的离心率为 $\frac{1}{2}$, 椭圆的右焦点 $F(1, 0)$

(1) 求椭圆 C 的方程;

(2) A, B 是椭圆的左、右顶点, 过点 F 且斜率不为 0 的直线交椭圆 C 于点 M, N , 直线 AM 与直线 $x=4$ 交于点 P . 记 PA, PF, BN 的斜率分别为 k_1, k_2, k_3 , 是否存在实数 λ , 使得 $k_1 + k_3 = \lambda k_2$?

【详解】(1) 由题意可得 $c=1, \frac{c}{a} = \frac{1}{2}, \therefore a=2$, 故 $b = \sqrt{a^2 - c^2} = \sqrt{3}$,

因此, 椭圆 C 的方程为 $\frac{x^2}{4} + \frac{y^2}{3} = 1$ 4 分

【详解】(2) 设 $M(x_1, y_1), N(x_2, y_2)$, 设直线 MN 的方程为 $x = my + 1$, 其中 $m \neq 0$,

$$\text{联立} \begin{cases} \frac{x^2}{4} + \frac{y^2}{3} = 1 \\ x = my + 1 \end{cases}, \text{ 得 } (3m^2 + 4)y^2 + 6my - 9 = 0, \Delta = 36m^2 + 36(3m^2 + 4) > 0,$$

由韦达定理可得 $y_1 + y_2 = -\frac{6m}{3m^2 + 4}, y_1 y_2 = -\frac{9}{3m^2 + 4}$, 6 分

所以 $my_1 y_2 = \frac{3}{2}(y_1 + y_2)$, 易知点 $A(-2, 0), B(2, 0), k_1 = \frac{y_1}{my_1 + 3}$,

所以, 直线 AM 的方程为 $y = \frac{y_1}{my_1 + 3}(x + 2)$,

将 $x=4$ 代入直线 AM 的方程可得 $y = \frac{6y_1}{my_1 + 3}$, 即点 $\left(4, \frac{6y_1}{my_1 + 3}\right)$,

$$k_2 = \frac{\frac{6y_1}{my_1 + 3}}{3} = \frac{2y_1}{my_1 + 3}, k_3 = \frac{y_2}{x_2 - 2} = \frac{y_2}{my_2 - 1},$$

所以, $k_1 + k_3 = \frac{y_1}{my_1 + 3} + \frac{y_2}{my_2 - 1} = \frac{2my_1 y_2 - y_1 + 3y_2}{(my_1 + 3)(my_2 - 1)}$, 9 分

所以, $\lambda = \frac{k_1 + k_3}{k_2} = \frac{2my_1 y_2 - y_1 + 3y_2}{(my_1 + 3)(my_2 - 1)} \cdot \frac{my_1 + 3}{2y_1} = \frac{2my_1 y_2 - y_1 + 3y_2}{2my_1 y_2 - 2y_1} = \frac{2y_1 + 6y_2}{y_1 + 3y_2} = 2$

.....12 分

22. 已知实数 $a > 0$ ，函数 $f(x) = x \ln a - a \ln x + (x - e)^2$ ， e 是自然对数的底数.

(1) 当 $a = e$ 时，求函数 $f(x)$ 的单调区间；

(2) 求证： $f(x)$ 存在极值点 x_0 ，并求 x_0 的最小值.

【详解】(1) 当 $a = e$ 时， $f(x) = x - e \ln x + (x - e)^2$ ，

$$\text{则 } f'(x) = 1 - \frac{e}{x} + 2(x - e) = \frac{2x^2 + (1 - 2e)x - e}{x} = \frac{(2x + 1)(x - e)}{x}, (x > 0) \dots\dots\dots 2 \text{ 分}$$

令 $f'(x) > 0$ ，得 $x > e$ ；令 $f'(x) < 0$ ，得 $x < e$ ；所以，函数 $y = g(x)$ 的单调增区间为 $(e, +\infty)$ ，单调减区间为 $(0, e)$. $\dots\dots\dots 4 \text{ 分}$

【详解】(2) $f'(x) = \ln a - \frac{a}{x} + 2(x - e) = \frac{2x^2 + (\ln a - 2e)x - a}{x}$ ，令

$t(x) = 2x^2 + (\ln a - 2e)x - a = 0$ ，因为 $\Delta = (\ln a - 2e)^2 + 8a > 0$ ，所以方程

$2x^2 + (\ln a - 2e)x - a = 0$ ，有两个不相等的实根 $x_1, x_2 (x_1 < x_2)$ ，又因为

$x_1 x_2 = -\frac{a}{2} < 0$ ，所以 $x_1 < 0 < x_2$ ，令 $x_0 = x_2$ ，列表如下：

x	$(0, x_0)$	x_0	$(x_0, +\infty)$
$f'(x)$	-	0	+
$f(x)$	减	极小值	增

所以 $f(x)$ 存在极值点 x_0 . 所以存在 x_0 使得 $2x_0^2 + (\ln a - 2e)x_0 - a = 0$ 成立， $\dots\dots\dots 7 \text{ 分}$

所以存在 x_0 使得 $2x_0^2 - 2ex_0 = a - x_0 \ln a$ ，

所以存在 x_0 使得 $a - x_0 \ln a = 2x_0^2 - 2ex_0$ ， $\dots\dots\dots 8 \text{ 分}$

对任意的 $a > 0$ 有解，因此需要讨论等式左边的关于 a 的函数，

记 $u(t) = t - x_0 \ln t$ ，所以 $u'(t) = 1 - \frac{x_0}{t}$ ，当 $0 < t < x_0$ 时， $u'(t) < 0$ ， $u(t)$ 单调递减；

当 $t > x_0$ 时， $u'(t) > 0$ ， $u(t)$ 单调递增。所以当 $t = x_0$ 时， $u(t) = t - x_0 \ln t$ 的最小值为

$u(x_0) = x_0 - x_0 \ln x_0$. 所以需要 $2x_0^2 - 2ex_0 = a - x_0 \ln a \geq x_0 - x_0 \ln x_0$,9 分

即需要 $2x_0^2 - (2e+1)x_0 + x_0 \ln x_0 \geq 0$, 即需要 $2x_0 - (2e+1) + \ln x_0 \geq 0$,

即需要 $2x_0 + \ln x_0 - (2e+1) \geq 0$

因为 $v(t) = 2t + \ln t - (2e+1)$ 在 $(0, +\infty)$ 上单调递增, 且 $v(x_0) \geq v(e) = 0$,

所以需要 $x_0 \geq e$, 故 x_0 的最小值是 e12 分



关于我们

自主选拔在线是致力于提供新高考生涯规划、强基计划、综合评价、三位一体、学科竞赛等政策资讯的升学服务平台。总部坐落于北京, 旗下拥有网站 (网址: www.zizzs.com) 和微信公众平台等媒体矩阵, 用户群体涵盖全国 90% 以上的重点中学师生及家长, 在全国新高考、自主选拔领域首屈一指。

如需第一时间获取相关资讯及备考指南, 请关注**自主选拔在线**官方微信号: **zizzsw**。



微信搜一搜

自主选拔在线

