

准考证号

姓名

班级

学校

区/县

线
封
密

参照秘密级管理★启用前

淄博市 2021-2022 学年度高三模拟考试
数 学

注意事项:

1. 答卷前, 考生务必将自己的姓名、考生号等填写在答题卡和试卷指定位置上.
2. 回答选择题时, 选出每小题答案后, 用铅笔把答题卡上对应题目的答案标号涂黑. 如需改动, 用橡皮擦干净后, 再选涂其它答案标号. 回答非选择题时, 将答案写在答题卡上. 写在本试卷上无效.
3. 考试结束后, 将本试卷和答题卡一并交回.

一、单项选择题: 本题共 8 小题, 每小题 5 分, 共 40 分. 在每小题给出的四个选项中, 只有一项是符合题目要求的.

1. 若集合 $A = \{x | x^2 - x = 0\}$, $B = \{x | y = \frac{1}{\sqrt{1-x}}\}$, 则 $A \cap B =$
A. \emptyset B. $\{0\}$ C. $\{1\}$ D. $\{0, 1\}$
2. 双曲线 $\frac{y^2}{3} - x^2 = 1$ 的离心率为
A. $\frac{\sqrt{3}}{2}$ B. $\frac{\sqrt{6}}{2}$ C. $\frac{2\sqrt{3}}{3}$ D. $\frac{2\sqrt{6}}{3}$
3. 若复数 $z = \frac{2+i}{a+i}$ 的实部与虚部相等, 则实数 a 的值为
A. -3 B. -1 C. 1 D. 3
4. 若圆锥的母线长为 $2\sqrt{3}$, 侧面展开图的面积为 6π , 则该圆锥的体积是
A. $\sqrt{3}\pi$ B. 3π C. $3\sqrt{3}\pi$ D. 9π
5. 若向量 $\vec{a} = (m, -3)$, $\vec{b} = (3, 1)$, 则“ $m < 1$ ”是“向量 \vec{a} , \vec{b} 夹角为钝角”的
A. 充分不必要条件 B. 必要不充分条件
C. 充分必要条件 D. 既不充分也不必要条件
6. 若 $4^x = 5^y = 20$, $z = \log_x y$, 则 x, y, z 的大小关系为
A. $x < y < z$ B. $z < x < y$ C. $y < x < z$ D. $z < y < x$
7. 若 $f(x) = \cos(x - \frac{\pi}{3})$ 在区间 $[-a, a]$ 上单调递增, 则实数 a 的最大值为
A. $\frac{\pi}{3}$ B. $\frac{\pi}{2}$ C. $\frac{2\pi}{3}$ D. π
8. 若 $(1-x)^8 = a_0 + a_1(1+x) + a_2(1+x)^2 + \dots + a_8(1+x)^8$, 则 $a_8 =$
A. -448 B. -112 C. 112 D. 448

二、多项选择题: 本题共 4 小题, 每小题 5 分, 共 20 分. 在每小题给出的四个选项中, 有多项符合题目要求. 全部选对的得 5 分, 部分选对的得 2 分, 有选错的得 0 分.

9. 已知函数 $f(x) = 2^{\sin x}$, 结论正确的有

- A. $f(x)$ 是周期函数
B. $f(x)$ 的图象关于原点对称
C. $f(x)$ 的值域为 $[-\frac{1}{2}, \frac{1}{2}]$
D. $f(x)$ 在区间 $[-\frac{\pi}{2}, \frac{\pi}{2}]$ 上单调递增

10. 若 m, n 是两条不同的直线, α, β 是两个不同的平面, 则下列说法正确的有

- A. 若 $\alpha // \beta$, $m \subset \alpha$, 则 $m // \beta$
B. 若 $\alpha \perp \beta$, $m \perp \alpha$, 则 $m // \beta$
C. 若 $m // n$, $m \perp \alpha$, 则 $n \perp \alpha$
D. 若 $m \perp n$, $m // \alpha$, 则 $n // \alpha$

11. 若圆 $C_1: x^2 + y^2 = 1$ 与圆 $C_2: (x-a)^2 + (y-b)^2 = 1$ 的公共弦 AB 的长为 1, 则下列结论正确的有

- A. $a^2 + b^2 = 1$
B. 直线 AB 的方程为 $2ax + 2by - 3 = 0$
C. AB 中点的轨迹方程为 $x^2 + y^2 = \frac{3}{4}$
D. 圆 C_1 与圆 C_2 公共部分的面积为 $\frac{2\pi}{3} - \frac{\sqrt{3}}{2}$

12. 某人投掷骰子 5 次, 由于记录遗失, 只有数据平均数为 3 和方差不超过 1, 则这 5 次点数中

- A. 众数可为 3 B. 中位数可为 2 C. 极差可为 2 D. 最大点数可为 5

三、填空题: 本题共 4 小题, 每小题 5 分, 共 20 分.

13. 甲、乙、丙 3 家公司承包了 6 项工程, 每家公司承包 2 项, 则不同的承包方案有 _____ 种.

14. 已知等比数列 $\{a_n\}$, 其前 n 项和为 S_n . 若 $a_2 = 4$, $S_3 = 14$, 则 $a_3 =$ _____.

15. 以模型 $y = ce^{kx}$ ($c > 0$) 去拟合一组数据时, 设 $z = \ln y$, 将其变换后得到线性回归方程 $z = 2x - 1$, 则 $c =$ _____.

16. 已知 P_1, P_2, \dots, P_8 是抛物线 $x^2 = 4y$ 上不同的点, 且 $F(0, 1)$. 若 $\overrightarrow{FP_1} + \overrightarrow{FP_2} + \dots + \overrightarrow{FP_8} = \vec{0}$, 则 $|\overrightarrow{FP_1}| + |\overrightarrow{FP_2}| + \dots + |\overrightarrow{FP_8}| =$ _____.

四、解答题: 本题共 6 小题, 共 70 分. 解答应写出文字说明、证明过程或演算步骤.

17. (10 分) 从① $\frac{2a - \sqrt{3}c}{\sqrt{3}b} = \frac{\cos C}{\cos B}$, ② $\frac{\sin A - \sqrt{3}\sin C}{\sin B + \sin C} = \frac{b - c}{a}$,

③ $a \sin B \sin C - b \cos A \cos C = \frac{\sqrt{3}}{2}b$, 这三个条件中任选一个, 补充在下面问题中.

记 $\triangle ABC$ 的内角 A, B, C 的对边分别为 a, b, c . 若 _____, 求角 B 的大小.

注: 如果选择多个条件分别解答, 按第一个解答计分.

18. (12 分) 已知数列 $\{a_n\}$ 满足: $a_1 = 2$, 且 $a_{n+1} = \begin{cases} a_n + 1, & n \text{ 为奇数} \\ 2a_n, & n \text{ 为偶数} \end{cases} (n \in \mathbf{N}^*)$. 设

$b_n = a_{2n-1}$.

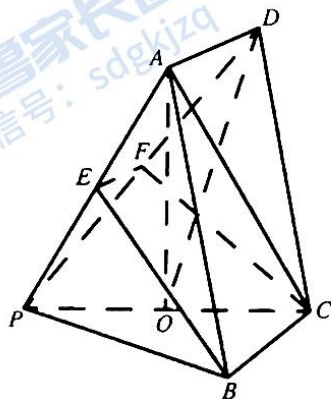
(1) 证明: 数列 $\{b_n + 2\}$ 为等比数列, 并求出 $\{b_n\}$ 的通项公式;

(2) 求数列 $\{a_n\}$ 的前 $2n$ 项和.

19. (12 分) 如图, 已知在四棱锥 $P-ABCD$ 中, 底面 $ABCD$ 是平行四边形, 侧面 PBC 是以 PC 为斜边的直角三角形, O 为 PC 的中点, $PB = 8$, $BC = 6$, $AP = AB = AC = 13$.

(1) 求证: 直线 $AO \perp$ 平面 PBC ;

(2) 若过 BC 的平面 α 与侧棱 PA, PD 的交点分别为 E, F , 且 $EF = 3$, 求直线 DO 与平面 α 所成角的正弦值.



20. (12分) 某选手参加射击比赛, 共有3次机会. 满足“假设第 k 次射中的概率为 p . 当第 k 次射中时, 第 $k+1$ 次也射中的概率仍为 p ; 当第 k 次未射中时, 第 $k+1$ 次射中的概率为 $\frac{p}{2}$.” 已知该选手第1次射中的概率为 $\frac{2}{3}$.

- (1) 求该选手参加比赛至少射中1次的概率;
- (2) 求本次比赛选手平均射中多少次?

21. (12分) 已知椭圆 $E: \frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} = 1 (a > b > 0)$ 的左右焦点分别为 F_1, F_2 , $|F_1F_2| = 4$, 点 $P(\sqrt{3}, 1)$ 在椭圆 E 上.

- (1) 求椭圆 E 的标准方程;
- (2) 设过点 F_2 且倾斜角不为0的直线 l 与椭圆 E 的交点为 A, B , 求 ΔF_1AB 面积最大时直线 l 的方程.

22. (12分) 已知函数 $f(x) = \ln(x+1) - ax + 1 (a \in \mathbf{R})$.

- (1) 当 $a > 0$ 时, 设函数 $f(x)$ 的最大值为 $h(a)$, 证明: $h(a) \geq 1$;
- (2) 若函数 $g(x) = f(x) + \frac{1}{2}x^2$ 有两个极值点 $x_1, x_2 (x_1 < x_2)$, 求 a 的取值范围, 并证明: $g(x_1) + g(x_2) < 2$.

关于我们

齐鲁家长圈系业内权威、行业领先的自主选拔在线旗下子平台，集聚高考领域权威专家，运营团队均有多年高考特招研究经验，熟知山东新高考及特招政策，专为山东学子服务！聚焦山东新高考，提供新高考资讯、新高考政策解读、志愿填报、综合评价、强基计划、专项计划、双高艺体、选科、生涯规划等政策资讯服务，致力于做您的山东高考百科全书。

第一时间获取山东高考升学资讯，关注**齐鲁家长圈**微信号：**sdgkjzq**。



微信搜一搜

齐鲁家长圈

打开“微信 / 发现 / 搜一搜”搜索