

参考答案

一、单项选择题：共 11 题，每题 4 分，共 44 分，每题只有一个选项最符合题意。

1. A 2. B 3. C 4. C 5. A 6. C
7. D 8. C 9. B 10. B 11. D

二、非选择题：共 5 题，共 56 分。

12. (共 15 分，每空 3 分)

(1) 2.0 (2) 0.20 (3) 偏大 (4) ABD (5) $\frac{1}{2+3k}$

13. (6 分)

(1) 光子能量 $\varepsilon = h\frac{c}{\lambda}$ (1 分)

光电效应方程: $E_K = \varepsilon - W_0$ (1 分) 或 $E_K = h\frac{c}{\lambda} - W_0$ (2 分)

解得: $W_0 = h\frac{c}{\lambda} - E_K$ (1 分)

(2) 电子聚集在 A 电极后，使 A 极带负电，因此会在球内部建立一个从 K 指向 A 的反向电场，阻碍电子继续往 A 聚集。当 A、K 之间达到最大压 U ，最大动能为 E_K 的电子都无法到达 A 极。

根据动能定理 $-eU = 0 - E_K$ (2 分)

可得 $U = \frac{E_K}{e}$ (1 分)

14. (8 分)

(1) 当 ab 边刚进入磁场时， ab 边相当于电源，根据法拉第电磁感应定律，可得闭合电路的感应电动势

$$E = BLv \quad (1 \text{ 分})$$

根据闭合电路欧姆定律，有 $I = \frac{E}{R} = \frac{BLv}{R}$ (1 分)

根据欧姆定律，有 $U_{ab} = \frac{3}{4}IR = \frac{3BLv}{4}$ (2 分)

(2) 由动量定理: $-BILt = mv' - mv$ (1 分)

又 $It = \frac{BL^2}{R}$ (1 分)

解得: $v' = v - \frac{B^2 L^3}{mR}$ (2分)

15. (12分)

(1) 以最大半径穿出磁场:

$$r = \frac{R}{2} \quad (1分)$$

根据牛顿第二定律

$$qv_0 B = m \frac{v_0^2}{r} \quad (1分)$$

解得

$$B = \frac{2mv_0}{qR} \quad (1分)$$

(2) 根据题意, 设粒子射出磁场的位置为 Q , 由几何关系有

$$OQ = 2 \times \frac{1}{2} R \cos 30^\circ = \frac{\sqrt{3}}{2} R$$

粒子从 P 点进入磁场, 粒子在电场中做类斜上抛运动, 根据对称性可知

$$OQ = v_0 \cos \theta \cdot t_1 \quad (1分)$$

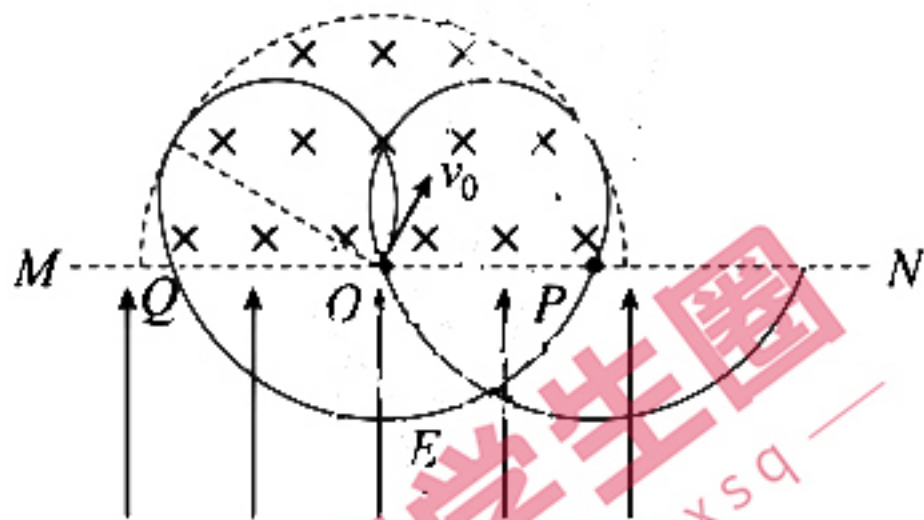
$$v_0 \sin \theta = at_1 \quad (1分)$$

又有

$$qE = ma \quad (1分)$$

解得

$$E = \frac{mv_0^2}{2qR} \quad (2分)$$



(3) 粒子从 P 点进入磁场后, 根据对称性可知, 粒子的运动轨迹仍刚好与磁场边界相切, 并从 O 点射出磁场, 则粒子在磁场中运动的时间

$$t_{\text{磁}} = 2 \times \frac{2}{3} \times \frac{2\pi m}{qB} = \frac{4\pi R}{3v_0} \quad (1分)$$

粒子在电场中运动的时间

$$t_{\text{电}} = 4t_1 = \frac{4\sqrt{3}R}{v_0} \quad (1分)$$

因此粒子在电场、磁场中运动的总时间

$$t = t_{\text{磁}} + t_{\text{电}} = \left(4\sqrt{3} + \frac{4\pi}{3} \right) \frac{R}{v_0} \quad (2分)$$

16. (15分)

(1) 设滑块在 C 点, 根据向心力公式

$$F - mg = ma \quad (1分)$$

解得 $F = 15\text{N}$ (1分)

由牛顿第三定律, 滑块对轨道压力大小为 15N , 方向竖直向下 (1分)

(2) 从 C 点到曲线轨道 CDE 上任意高度有:

$$-mgh = \frac{1}{2}mv^2 - \frac{1}{2}mv_c^2 \quad (1 \text{分})$$

$$\text{且} \quad a = \frac{v^2}{R} \quad (1 \text{分})$$

$$\text{联立有} \quad R = 0.8 - h \quad (1 \text{分})$$

设 C 、 D 两点高度差为 h_0 ，从 C 点到 D 点的过程中，由动能定理

$$-mgh_0 = \frac{1}{2}mv_D^2 - \frac{1}{2}mv_c^2$$

$$\text{解得} \quad h_0 = 0.6\text{m}$$

$$\text{则} \quad 0 \leq h \leq 0.6\text{m} \quad (1 \text{分})$$

(3) 从 h 高度处到 D 点，根据动能定理有：

$$-mg(h_0 - h) = \frac{1}{2}mv_D^2 - \frac{1}{2}mv^2$$

该点向心加速度

$$a = \frac{v^2}{R} = \frac{\frac{v_D^2}{2g} + 0.6 - h}{0.8 - h} \cdot 2g$$

① 假设滑块在 D 点刚好没有脱离轨道，即向心加速度为 g ，设在 D 点的速度为 v_D ，则

$$mg = m \frac{v_D^2}{R_2} \quad (1 \text{分})$$

$$\text{解得} \quad v_D = \sqrt{2}\text{m/s}$$

故当 $0 \leq h \leq 0.6\text{m}$ 时， $a \geq g$ （仅在 D 点时取等号），因此，滑块在轨道 CDE 上其他位置的加速都大于 g ，不会脱离轨道，设滑块最低释放点高度为 H_1 ，从释放到 D 点的过程中，由动能定理

$$mg(H_1 - h_0) = \frac{1}{2}mv_D^2$$

$$\text{解得} \quad H_1 = 0.7\text{m} \quad (2 \text{分})$$

② 假设滑块在 D 点时的向心加速度为 $3g$ ，则有

$$3g = \frac{v_D^2}{R_2} \quad (1 \text{分})$$

$$\text{解得} \quad v_D = \sqrt{6}\text{m/s}$$

根据 $a = \frac{v^2}{R} = \frac{\frac{v_D^2}{2g} + 0.6 - h}{0.8 - h} \cdot 2g$ 可知，当 $0 \leq h \leq 0.6\text{m}$ 时， $a \leq 3g$ （仅在 D 点时取等号），因此

滑块在轨道 CDE 上的向心加速度在 D 点最大，其他位置的都小于 $3g$ ，设滑块最高释放点高度为 B ，从释放点到 D 点的过程中，由动能定理

$$mg(H_2 - h_0) = \frac{1}{2}mv_D^2$$

解得 $H_2 = 0.9m$ (2分)

综上所述 $0.7m \leq H \leq 0.9m$ (2分)